

1) Définition :

Soit f est une fonction définie sur un intervalle I .

Une primitive de f sur I est une fonction F dérivable sur I et telle que:

$$\forall x \in I ; F'(x) = f(x)$$

2) Primitives de fonctions usuelles

On obtient des primitives de fonctions usuelles par lecture inverse du tableau des dérivées.

Dans les tableaux suivants, k désigne un réel quelconque.

| Fonction f définie par | Primitives F de f définie par | sur I |
|-----------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------|------------------------------------------------|
| $f(x) = c$ (où c est une constante) | $F(x) = cx + k$ | $I = \mathbb{R}$ |
| $f(x) = x$ | $F(x) = \frac{1}{2}x^2 + k$ | $I = \mathbb{R}$ |
| $f(x) = x^n$ $n \in \mathbb{N}^*$ | $F(x) = \frac{x^{n+1}}{n+1} + k$ | $I = \mathbb{R}$ |
| $f(x) = \frac{1}{x^2}$ | $F(x) = -\frac{1}{x} + k$ | $I =]-\infty; 0[$ ou $I =]0; +\infty[$ |
| $f(x) = \frac{1}{x^n}$ $(n \in \mathbb{N}^* \text{ et } n \neq 1)$ | $F(x) = \frac{-1}{n-1} \times \frac{1}{x^{n-1}} + k$ | $I =]0; +\infty[$ ou $I =]-\infty; 0[$ |
| $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$ | $F(x) = 2\sqrt{x} + k$ | $I =]0; +\infty[$ |
| $f(x) = \sqrt{x}$ | $F(x) = \frac{2}{3}x\sqrt{x} + k$ | $I = [0; +\infty[$ |

Dans ce deuxième tableau, on note D_u le domaine de définition de la fonction u , et D_v celui de v .

| Fonction f | Primitives de f | Définie sur |
|-------------------------------------------------------------|------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------|
| $\alpha u'$ où $\alpha \in \mathbb{R}$ | $\alpha u + k$ | D_u |
| $u' + v'$ | $u + v + k$ | $D_u \cap D_v$ |
| $u' \times u^n$ où $n \in \mathbb{Z}^* \setminus \{-1\}$ | $\frac{1}{n+1} \times u^{n+1} + k$ | $D_u \text{ si } n > 0$ $D_u \setminus \{x \text{ tels que } u(x) = 0\} \text{ si } n < -1$ |
| $\frac{u'}{\sqrt{u}}$ | $2\sqrt{u} + k$ | $D_u \setminus \{x \text{ tels que } u(x) \leq 0\}$ |
| $u' \sqrt{u}$ | $\frac{2}{3}u\sqrt{u} + k$ | $D_u \setminus \{x \text{ tels que } u(x) \leq 0\}$ |
| $v' \times (u' \circ v)$ | $u \circ v + k$ | $D_{u \circ v}$ |