

التعريف الأول (أسئلة مستقلة)

6,5

1- احسب النهاية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - x - 1}{x^2 - 5x + 4}$

2- احسب النهاية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2 + 4} - 3}{x^2 - 4}$

3- احسب النهاية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{\frac{4x^2 + 2x + 1}{x^2 + 2}}$

4- لتكن f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي:

$f(x) = \frac{x^3 + 3x^2 + x - 1}{x + 1}$; $x \neq -1$
 $f(x) = m$ ($m \in \mathbb{R}$)

أ- تحقق أن:
 ب- حدد قيمة m لكي تكون الدالة f متصلة في -1 .

5- احسب النهاية:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{9x^2 + x + 1} - 3x}{\frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} + 3}$
 استنتج:

6- بين أن لكل x من $\mathbb{R}_+$

$\sqrt{9x^2 + x + 1} - 3x = \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} + 3$
 استنتج:

7- احسب النهاية:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{16x^2 + 3x + 2}}{3x + 1}$

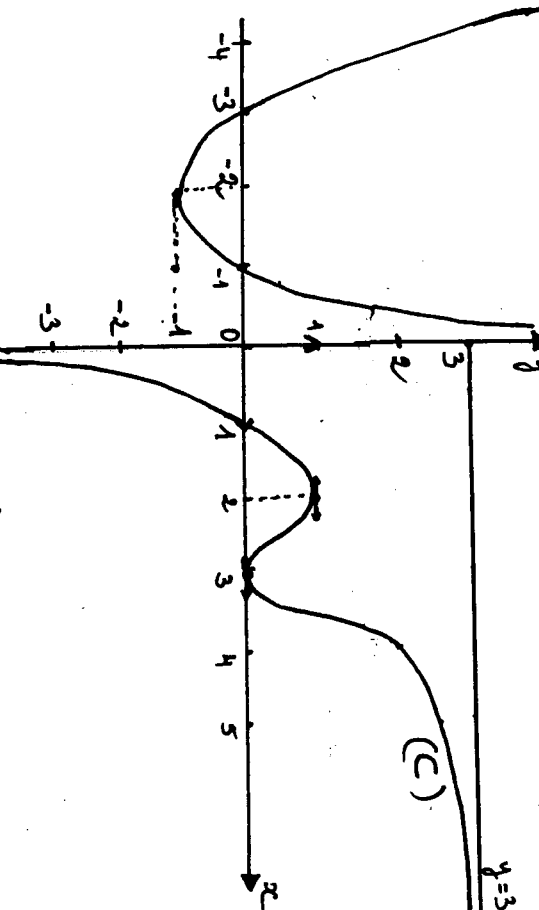
لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي: $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 1$
 أ- تحقق أن: $f'(x) = 6x(x-1)$ ($x \in \mathbb{R}$)
 ب- أدرس إشارة الجداء $x(x-1)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f .
 ج- أ- حدد حوزة (بالدالة f) المجالات التالية:
 $I =]-\infty, 0]$; $J = [0, 1]$; $K = [1, +\infty[$; $L = [0, 2]$
 ب- بين أن المعادلة: $f(x) = 0$ قابل حل وحيدا له على المجال $[1, 2]$
 ج- حدد شأ طوراً للعدد له سعته $0,25$.
 د- حدد إشارة $f(x)$ حسب قيم x .

6,5

التعريف الثالث:

7

1- حالة عددية لتغير حقيقي x و (C) تمثيلها البياني في هكس معاً مفضلهم.
 (البيانات مستقلة)



أ- حدد D وجوهره تعريف الدالة f .
 ب- احسب النهايات التالية:

$\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

ج- حل المعادلة $f(x) = 0$ ثم العزل حيز $f(x) > 0$.
 د- حدد عدد حلول كل معادلة من المعادلات التالية:

(E1): $f(x) = -1$; $f(x) = \frac{1}{2}$; $f(x) = 2$ (E3)
 (E4): $f(x) = 0,5$; $f(x) = 2,9$ و (E5): $f(x) = 3$

3- ليكن f دالة معرفة على المجال $I = [3, +\infty[$

1- حدد $f(x)$ (لوحة لمجال I بالدالة f)
 ب- بين أن الدالة f قابل دالة عكسية f^{-1} متوفرة على مجال I بغير صعوبة.

ج- حدد $f^{-1}(x)$ (على جميع x)