

تمارين (1) : احسب (معللاً أجوبتك النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{3-x} - 2}{x+1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{1-\sqrt{x+1}}{x^2-6x+9} \quad (3)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2+2x-8}{2x^2-5x+2} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2+1} - x$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2+x+1}}{1-2x} \quad (6)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x - \sqrt{1+9x^2} \quad (4)$$

$$f(1) = x$$

تمارين (2) : نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ بما يلي

$$f(x) = \frac{x^3+2x^2+x-4}{x^2-1} \quad (x \neq 1)$$

أ. تحقق أن لكل x من $\mathbb{R}$: $x^3+2x^2+x-4 = (x-1)(x^2+3x+4)$: 0,5

ب. استنتج أن لكل x من $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$: $f(x) = \frac{x^2+3x+4}{x+1}$: 1

ج. حدد قيمة العدد الحقيقي a لكي تكون الدالة f متصلة في 1 : 1

د. احسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ ثم أوجد هندسياً النتائج المحصل عليها : 1

تمارين (3) : لنكن g الدالة المعرفة على $\mathbb{R}^+$ بما يلي : $g(x) = 4 - x^2 - 2\sqrt{x}$: 4

أ. بين أن الدالة g متصلة على $\mathbb{R}^+$ واحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$: 1

ب. بين أن الدالة g تناقصية قطعاً على $\mathbb{R}^+$ واستنتج $g([0, +\infty[)$ (نذكر أن : $(\forall x > 0) (\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$) : 1

ج. أ. بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α في المجال $]1, 2[$: 1

ب. ضع جدول إشارة الدالة g على $\mathbb{R}^+$: 1

تمارين (4) : نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $I = [2, +\infty[$ بما يلي : $f(x) = x^2 - 4x + 1$: 6,5

أ. بين أن الدالة f تزايدية قطعاً على المجال I واستنتج $f(I)$: 1,5

ب. ما هو عدد حلول f (في المجال I) لكل من المعادلتين $f(x) = 2015$; $f(x) = -2014$ ؟ (علل أجوبتك) : 1

ج. أ. بين أن الدالة f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة على مجال J يتركز حول x : 1

ب. احسب $f(3)$ واستنتج $f^{-1}(-2)$: 0,5

ج. حدد $f^{-1}(1)$: 1

د. أ. تحقق أن لكل y من I : $f(y) = (y-2)^2 - 3$: 0,5

ب. استنتج $f^{-1}(x)$ لكل x من المجال J : 1