

## Limite et continuité

### 1 Continuité en un point

**Exercice 1** Soit la fonction  $f$  définie par

$$f(x) = \frac{x^3 - 3x - 2}{x - 2} \quad \text{si } x \neq 2$$

$$f(2) = 9$$

1. Donner le domaine de définition de la fonction  $f$ .
2. Montrer que  $f$  est continue en 2.

**Exercice 2** Soit la fonction  $g$  définie par

$$g(x) = \frac{\sqrt{x+1} - 1}{x} \quad \text{si } x > 0$$

$$g(x) = \frac{\sin(x)}{2x} \quad \text{si } x < 0$$

$$g(0) = \frac{1}{2}$$

1. Calculer  $g(3)$ ,  $g(-\pi)$
2. Montrer que la fonction  $g$  est continue en 0.

**Exercice 3** Montrer que la fonction définie par

$$f(x) = \frac{\sqrt{x+1} - 1}{\tan(x)} \quad \text{si } x \neq 0$$

$$f(0) = \frac{1}{2}$$

est continue en 0.

**Exercice 4** Montrer que la fonction définie par

$$f(x) = \frac{x^2 + x - 12}{x - 3} \quad \text{si } x \neq 3$$

$$f(3) = 7$$

est continue en 3.

**Exercice 5** Montrer que la fonction définie par

$$f(x) = \frac{2x+1}{7-6x} \quad \text{si } x \leq 2$$

$$f(x) = \frac{x^2 + x - 6}{x - 2} \quad \text{si } x > 2$$

est continue en 2.

**Exercice 6** Déterminer les nombres réelles  $a$  et  $b$  pour que la fonction définie par

$$f(x) = \frac{x^2 + x - a}{x - 1} \quad \text{si } x < 1$$

$$f(x) = x^2 + b \quad \text{si } x \geq 1$$

soit continue en 1.

**Exercice 7** Soit la fonction définie par

$$f(x) = 3x + 1 \quad \text{si } x > 0$$

$$f(x) = -2\sin(x) + 1 \quad \text{si } x \leq 0$$

1. Est ce que la fonction  $f$  est continue en 0 ?
2. Est ce que la fonction  $f$  est continue en  $\frac{-\pi}{2}$  ?

**Exercice 8** On considère la fonction définie par

$$f(x) = \frac{2\sin(x^2)}{x} + 2 \quad \text{si } x > 0$$

$$f(x) = x + 1 + m \quad \text{si } x \leq 0$$

Déterminer la valeur de réel  $m$  pour que  $f$  soit continue en 0.