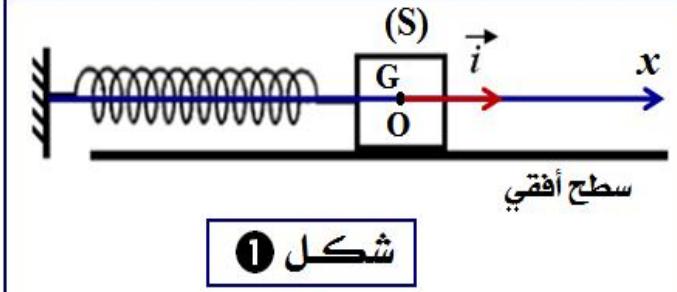


تمرين 1 :

تستعمل المجموعات الميكانيكية المتذبذبة في عدة مجالات منها المجال التكنولوجي ، حيث تستعمل في السيارات والسيارات والألعاب الأطفال وغيرها. من بين هذه المتذبذبات ندرس نواسا مرتنا أفقيا مكونا من :

* جسم صلب (S) كتلته m يمكنه أن يتحرك بدون احتكاك فوق سطح أفقي.

* نابض لفاته غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته k ، ثبت أحد طرفيه بالجسم (S). الطرف الثاني للنابض مثبت بحامل (أنظر الشكل - 1).



عند التوازن يكون النابض غير مشوه وينطبق مركز القصور (O, i) مع الأصل O لمعظم الفضاء المرتبط بالأرض.

نزيح الجسم (S) عن موضع توازنه في المنحنى الموجب بمسافة x_m ثم نحرره بدون سرعة بذاتها عند اللحظة $t = 0$.

1 - الدراسة التحريرية :

1 - 1 - أجرد القوى المطبقة على الجسم (S) خلال حركته.

1 - 2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) ، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة G مركز القصور للجسم (S).

1 - 3 - أوجد التعبير الحرفي للدور الخاص T_0 للمتذبذب ليكون حل المعادلة التفاضلية هو :

$$x(t) = x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

1 - 4 - لدراسة تأثير صلابة النابض k على قيمة الدور الخاص T_0 لحركة المتذبذب ، نقوم بتغيير النابض ونحدد قيمة T_0 في كل حالة. مكنت النتائج التجريبية المحصلة من تمثيل تغيرات T_0^2 بدلالة $\frac{1}{k}$. (أنظر الشكل - 2)

حدد قيمة الكتلة m للجسم الصلب (S). نأخذ : $\pi^2 = 10$.
2 - الدراسة الطاقية :

نعتبر طاقتى الوضع المرنة والثقالية للمجموعة المتذبذبة منعدمتان عند موضع توازن الجسم (S).

2 - 1 - أكتب تعبير الطاقة الميكانيكية E_m لهذه المجموعة بدلالة x و \dot{x} و k .

استنتج من جديد المعادلة التفاضلية لحركة المتذبذب.

2 - 2 - بين أن تعبير E_m يكتب على الشكل التالي :

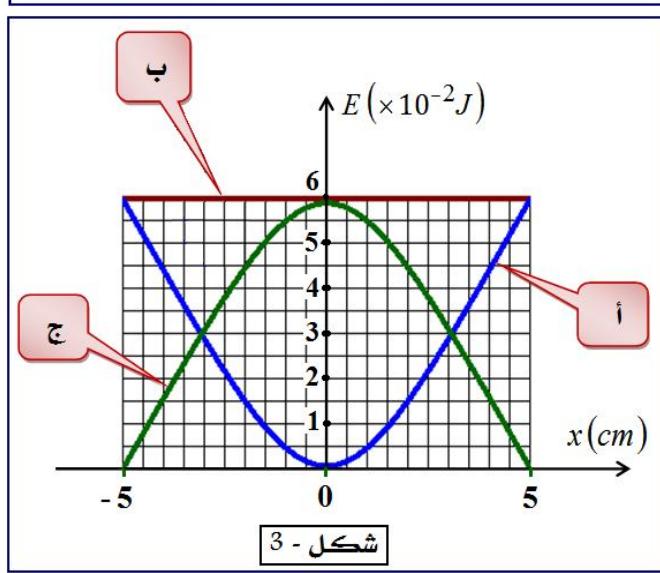
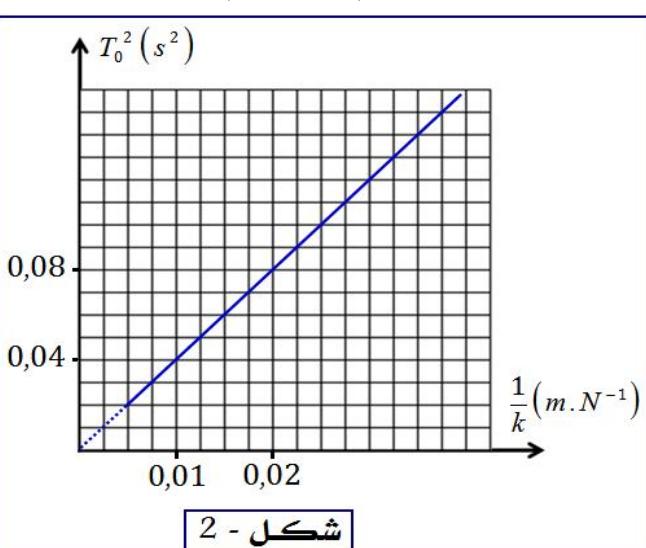
$$E_m = \frac{1}{2} k \cdot x_m^2$$

حيث k صلابة النابض و x_m وسعة المتذبذبات.

2 - 3 - يمثل الشكل (3) مخطط كل من الطاقة الحرارية E_C وطاقة الوضع المرنة E_P والطاقة الميكانيكية E_m للمجموعة المتذبذبة.

أ - حدد معللا جوابك ، المنحنى المواافق لكل طاقة.

ب - استنتج صلابة k للنابض المستعمل في هذه الحالة.



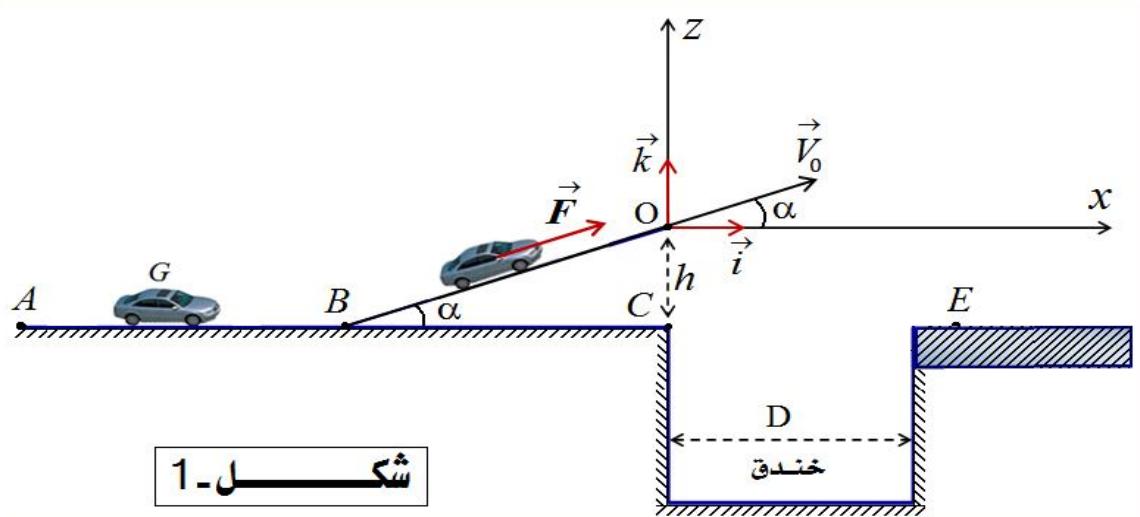
تمرين 2

يعتبر القفز على الخنادق أو الحواجز بواسطة السيارات أو الدراجات النارية أحد التحديات التي يواجهها المجازفون .
يهدف هذا التمرين إلى التعرف على بعض الشروط التي يجب توفرها لتحقيق هذا التحدي .

يتكون مدار للمجازفة من قطعة AB مستقيمية ومن قطعة BO مائلة بزاوية α بالنسبة للمستوى الأفقي AC وخندق عرضه D (انظر الشكل 1)

نندج { السائق + السيارة } بمجموعة (S) غير قابلة للتشويه كتلتها m ومركز قصورها G .

ندرس حركة مركز القصور G في معلم أرضي نعتبره غاليليا ، ونهمل تأثير الهواء على المجموعة (S) وأبعادها بالنسبة للمسافات المقطوعة .



المعطيات : كتلة المجموعة (S) : $m = 1200 \text{ kg}$ ، الزاوية : $\alpha = 10^\circ$ ، شدة الثقالة : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

1 - دراسة الحركة المستقيمية للمجموعة (S) :

تمر المجموعة (S) عند اللحظة $t_0 = 0$ من النقطة A ذات الأقصول المنعدم $(x_A = 0)$ بسرعة بدئية V_A غير منعدمة ، وعند اللحظة $t_1 = 9,45 \text{ s}$ تمر من النقطة B ذات الأقصول $x_B = AB$ بسرعة V_B .

معادلة السرعة V لحركة G تكتب على الشكل التالي : $V = 2t + 10 \text{ m.s}^{-1}$ ، حيث V بالوحدة m.s^{-1} و t بالثانية (s) .

1 - ما طبيعة حركة G على القطعة AB ؟ علل جوابك .

2 - حدد قيمة التسارع a لحركة G وقيمي السرعة V_A و V_B .

3 - أحسب المسافة AB .

4 - تخضع المجموعة (S) على القطعة BO لقوة الدفع F للمحرك لها نفس منحى حركة المجموعة وقوة

احتكاك f شدتها $f = 500 \text{ N}$ ومنحها معاكس لمنحى الحركة . نعتبر القوتين ثابتتين وموازيتين للقطعة BO .

أوجد ، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، الشدة F لقوة الدفع لكي تبقى للمجموعة نفس قيمة التسارع a لحركتها على القطعة AB .

2 - دراسة حركة المجموعة (S) في مجال الثقالة المنتظم :

تصل المجموعة (S) إلى النقطة O بسرعة $V_0 = 30 \text{ m.s}^{-1}$ قيمتها \vec{V}_0 وتنتابع حركتها لتسقط في النقطة E التي تبعد عن النقطة C بالمسافة $CE = 43 \text{ m}$. نأخذ لحظة بداية تجاوز المجموعة (S) للخندق أصلاً جديداً لمعلم الزمن حيث يكون G منطبقاً مع O أصل المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ (انظر الشكل 1) .

1 - أكتب المعادلتين الزمنيتين $(x(t), z(t))$ لحركة G في المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

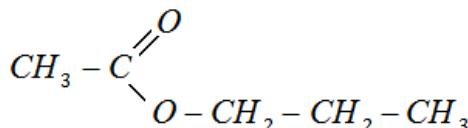
2 - استنتج معادلة المسار $z = f(x)$.

3 - حدد إحداثياتي النقطة F قمة المسار .

4 - حدد الارتفاع h بين النقطتين C و O .

تمرين 3 :

يحتوي العديد من الفواكه على إسترات ذات نكهة متميزة ، فمثلاً نكهة الإجاص تعزى إلى أسيتات البروبيل ، وهو إستر ذو الصيغة نصف المنشورة التالية :



1 - نحصل على $m = 102 \text{ g}$ من إستر (E) مصنع مماثل للاستر الطبيعي المستخرج من الإجاص بواسطة التسخين بالإرتداد لخليل مكون من $1,5 \text{ mol}$ من حمض الإيثانويك (A) و $1,5 \text{ mol}$ من كحول (B) إسمه بروبان - 1 - أول ، بوجود حمض الكربيريكي المركب.

- 1 - باعتماد طريقة تسمية الإسترات ، اعط إسماً آخر لأسيتات البروبيل .
- 2 - عين الصيغة نصف المنشورة لكل من الحمض الإيثانويك (A) والكحول (B) ، محدداً صنف هذا الأخير .
- 3 - أكتب معادلة تفاعل هذه الأسترة باستعمال الصيغة نصف المنشورة .
- 4 - اعتماداً على الجدول الوصفي لتفاعل الأسترة ، أوجد :
 - أ - التقدم النهائي لتفاعل .
 - ب - ثابتة التوازن K المقرنة بمعادلة تفاعل هذه الأسترة .
 - ج - المردود γ لهذا التفاعل .
- 5 - فيما يلي بعض الإقتراحات لتحسين مردود التفاعل :
 - أ - إنجاز التحول نفسه ، انطلاقاً من خليط مكون من $1,5 \text{ mol}$ من حمض الإيثانويك (A) و $2,4 \text{ mol}$ من الكحول (B) .
 - ب - إضافة حمض الكربيريكي المركب .
 - ج - إنجاز التجربة الممثلة في الشكل (1) أسلفه .
 - د - إنجاز التجربة الممثلة في الشكل (2) أسلفه .
 - ه - تعويض حمض الإيثانويك (A) بأندرید الإيثانويك .

حدد مثلاً جوابك كل اقتراح صحيح من بين الإقتراحات السابقة .

1 - أكتب باستعمال الصيغة نصف المنشورة ، معادلة تفاعل الإقتراح (ه) ، محدداً أسماء المتفاعلات والتواتج . ما الفرق بين هذا التفاعل والتفاعل السابق ؟

2 - يتفاعل أسيتات البروبيل مع محلول الصودا $(\text{Na}^+ + \text{OH}^-)$.

1 - ما اسم هذا التفاعل ؟ وما هي مميزاته ؟

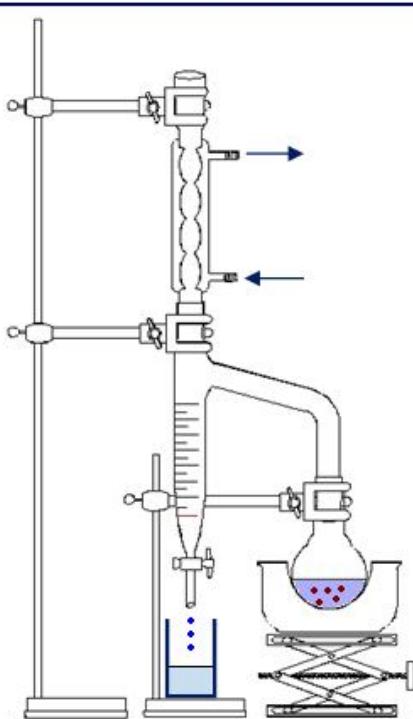
2 - أكتب معادلة التفاعل باستعمال الصيغة نصف المنشورة ، محدداً أسماء المتفاعلات والتواتج .

معطيات :

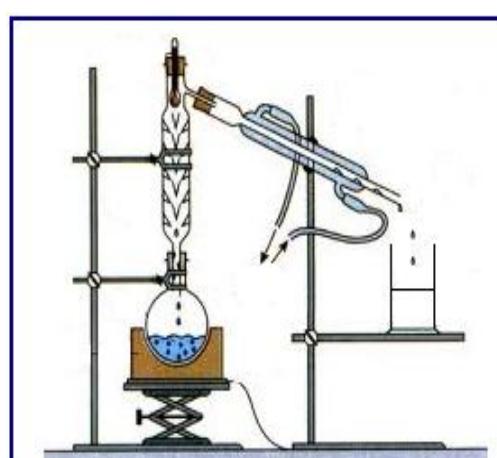
$$M(H) = 1 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$M(C) = 12 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$M(O) = 16 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$



شكل 2 : جهاز دين ستارك (Dean stark) يمكن من إزالة الماء



شكل 1 : عملية تقطير الإستر