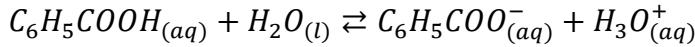


تصحيح موضوع البكالوريا الدورة العادبة 2009  
شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض

## الكيمياء

### 1- دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الماء

1.1- كتبة معادلة التفاعل :



2.1- الجدول الوصفي :

المعادلة الكيميائية		$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$			
حالة المجموعة	التقنم	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0	CV	وغير	0	0
حالة التحول	x	C. V - x	وغير	x	x
الحالة النهائية	$x_{\text{éq}}$	C. V - $x_{\text{éq}}$	وغير	$x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$

3.1- تعبير  $x_{\text{éq}}$  تقدم التفاعل عند التوازن :

حسب تعريف الموصليه :

$$\sigma = \lambda_{(C_6H_5COO^-)} [C_6H_5COO^-]_{\text{éq}} + \lambda_{(H_3O^+)} [H_3O^+]_{\text{éq}}$$

حسب الجدول الوصفي :

$$\sigma = \lambda_{(C_6H_5COO^-)} \frac{x_{\text{éq}}}{V} + \lambda_{(H_3O^+)} \frac{x_{\text{éq}}}{V} \Leftarrow [C_6H_5COO^-]_{\text{éq}} = [H_3O^+]_{\text{éq}} = \frac{x_{\text{éq}}}{V}$$

$$x_{\text{éq}} = \frac{\sigma \cdot V}{\lambda_{(C_6H_5COO^-)} + \lambda_{(H_3O^+)}}$$

$$\sigma = (\lambda_{(C_6H_5COO^-)} + \lambda_{(H_3O^+)}) \frac{x_{\text{éq}}}{V}$$

ت.ع :

$$x_{\text{éq}} = \frac{2,03 \cdot 10^{-2} S \cdot m^{-1} \times 200 \cdot 10^{-6} m^3}{(35 \cdot 10^{-3} + 3,24 \cdot 10^{-3}) S \cdot m^2 \cdot mol^{-1}} = 1,06 \cdot 10^{-4} mol$$

4.1- تعبير  $Q_{r,\text{éq}}$  خارج التفاعل عند التوازن :

$$Q_{r,\text{éq}} = \frac{[A^-]_{\text{éq}} [H_3O^+]_{\text{éq}}}{[AH]_{\text{éq}}}$$

حسب الجدول الوصفي :

$$\begin{cases} [A^-]_{\text{éq}} = [H_3O^+]_{\text{éq}} = \frac{x_{\text{éq}}}{V} \\ [AH]_{\text{éq}} = \frac{C \cdot V - x_{\text{éq}}}{V} \end{cases}$$

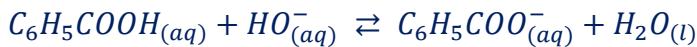
$$Q_{r,\text{éq}} = \frac{\left(\frac{x_{\text{éq}}}{V}\right)^2}{\frac{C \cdot V - x_{\text{éq}}}{V}} = \frac{x_{\text{éq}}^2}{(C \cdot V - x_{\text{éq}}) \cdot V}$$

عند التوازن نكتب :  
 $Q_{r,eq} = K_A$

$$K_A = \frac{(1,06 \cdot 10^{-4})^2}{(5 \cdot 10^{-3} \times 0,2 - 1,06 \cdot 10^{-4}) \times 0,2} = 6,28 \cdot 10^{-5}$$

## 2- تحديد كتلة حمض البنزويك في مشروب غازي

## 1.2- معادلة تفاعل المعايرة :



## 2.2- تحديد قيمة $C_A$ : علاقة التكافؤ :

$$C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE} \Rightarrow C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A}$$

٢٦

$$C_A = \frac{10^{-2} \times 6}{50} = 1,2 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

نعلم أن : 3.2 حساب كتلة حمض البنزويك الموجودة في لتر من المشروب :

$$\left\{ \begin{array}{l} C_A = \frac{n}{V_0} \\ n = \frac{m}{M(C_6H_5COOH)} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} n = C_A \cdot V_0 \\ m = nM(C_6H_5COOH) \end{array} \right. \Rightarrow m = C_A \cdot V_0 \cdot M(C_6H_5COOH)$$

ت.ع:

$$m = 1,2 \cdot 10^{-3} \times 1 \times 122 = 0,146 \text{ g}$$

توافق هذه النتيجة القيمة التي تشير إليها اللصيقة

3- تحضير بنزوات المثيل

### 1.3- تحديد نسبه تقدم التفاعل حسب جدول التقدم:

$C_6H_5COOH$	$+ CH_3OH \rightleftharpoons C_6H_5COOCH_3$	$+ H_2O$	حالة المجموعة
0,1	0,2	0	الحالة البدئية
$0,1 - x_{eq}$	$0,2 - x_{eq}$	$x_{eq}$	الحالة النهائية

المتفاعل المحد هو حمض البنزويك والتقدم الاقصى هو :  $x_{max} = 0,1 \text{ mol}$  التقدم النهائي :

$$x_{\text{éq}} = n_f(\text{ester}) = \frac{m}{M(C_6H_5COOCH_3)} = \frac{11,7}{136} = 0,086 \text{ mol}$$

نسبة التقدم النهائي :

$$\tau = \frac{x_{\text{éq}}}{x_{\text{max}}} \Rightarrow \tau = \frac{0,086}{0,1} = 0,86 \Rightarrow \tau = 86\%$$

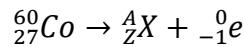
2.3-يمكن تحسين مردود تصنيع بنزوات المثيل باستعمال أحد المتفاعلين بوفرة (الحمض أو الكحول) أو بإزالة الماء عند تكونه .

## الفيزياء

### التمرين 1: تطبيقات الإشعاعات النووية في مجال الطب

#### 1-تفتت نويدة الكوبالت

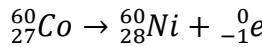
1.1-معادلة تفتت الكوبالت  ${}_{27}^{60}Co$ :



حسب قانونا صودي :

$$\begin{cases} 60 = A + 0 \\ 27 = Z - 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 60 \\ Z = 28 \end{cases} \Rightarrow {}_Z^AX = {}_{28}^{60}Ni$$

النوأة المتولدة هي النيكل  ${}_{28}^{60}Ni$



معادلة التفتت تكتب :

2.1-حساب  $E$  طاقة التحول النووي :

$$E = \Delta m \cdot c^2 = [m({}_{28}^{60}Ni) + m({}_{-1}^0e) - m({}_{27}^{60}Co)] \cdot c^2$$

تع :

$$E = (59,8493 + 0,00055 - 59,8523)u \cdot c^2 = -0,00245u \cdot c^{-2} = -0,00245 \times 931,5 MeV \cdot c^{-2} \cdot c^2$$

$$E = -2,28 MeV$$

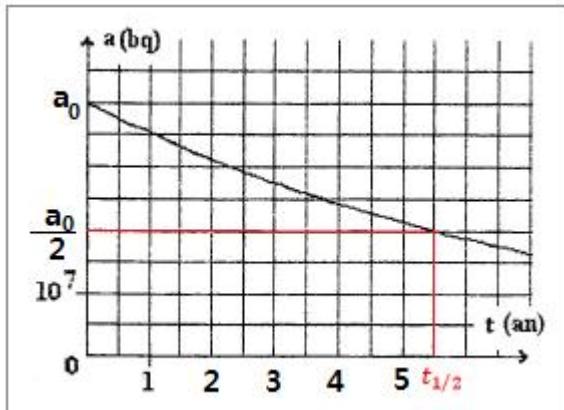
#### 2-تطبيق قانون التناقض الإشعاعي

1.2-عمر النصف :

$$t_{1/2} = \frac{a(0)}{2} \text{ يكون عند اللحظة } t = t_{1/2} \text{ مبيانيا : } t_{1/2} = 5,5 ans$$

2.2-تاريخ تزويد المركز بعينة جديدة من الكوبالت :

$$a = 0,25 a_0$$



$$a = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 0,25 a_0 \Rightarrow e^{-\lambda \cdot t} = 0,25 \Rightarrow -\lambda \cdot t = \ln(0,25) \Rightarrow t = \frac{-\ln 0,25}{\lambda}$$

$$t = -\frac{\ln(0,25)}{\ln 2} \cdot t_{1/2} \Rightarrow t = -\frac{\ln(0,25)}{\ln 2} \times 5,5 = 11 ans$$

### التمرين 2: استعمالات المكثف في الحالات اليومية

## 1-استجابة ثنائي القطب AC لرتبة توتر صاعدة

إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$  :

$$u_R + u_C = E \quad \text{حسب قانون إضافية التوترات}$$

$$\text{لدينا: } q = C \cdot u_C \quad \text{و} \quad u_R = Ri$$

$$\text{مع: } i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C \cdot u_C)}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$R \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

$$u_C + \tau \frac{du_C}{dt} = E \quad \text{لدينا: } \tau = R \cdot C \quad \text{ومنه:}$$

2-1-استنتاج وحدة  $\tau$  :

لدينا :

$$\begin{cases} u_R = Ri \\ i = C \cdot \frac{du_C}{dt} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = \frac{i}{u_R} \\ C = \frac{i}{\frac{du_C}{dt}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} [R] = \frac{[I]}{[U]} \\ [C] = \frac{[I]}{[U] \cdot [t]^{-1}} \end{cases} \Rightarrow [\tau] = \frac{[I]}{[U]} \cdot \frac{[I] \cdot [t]}{[U]} \Rightarrow [\tau] = [t]$$

إذن ل  $\tau$  بعد زمني وحدته في النظام العالمي للوحدات هي  $s$ .

3.1-التحقق من حل المعادلة التفاضلية :

$$\text{لدينا: } u_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = E - E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{du_C}{dt} = -E \left( -\frac{1}{\tau} \right) e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

نعرض في المعادلة التفاضلية :

$$\tau \cdot \frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + E - E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = E \Rightarrow E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + E - E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = E \Rightarrow E = E$$

إذن:  $u_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$  حل للمعادلة التفاضلية

4.1-استنتاج تعبير شدة التيار  $i(t)$  :

$$i(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{C \cdot E}{R \cdot C} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow i(t) = \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

1.5.1-كيفية ربط كاشف التذبذب لمعاينة التوتر  $u_{AB}$  أنظر الشكل 1 :

2.5.1-التعيين المعياري لقيمة كل من  $E$  و  $\tau$  أنظر الشكل 2 :

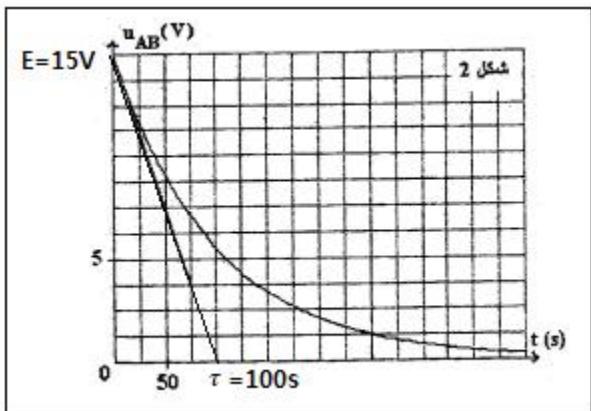
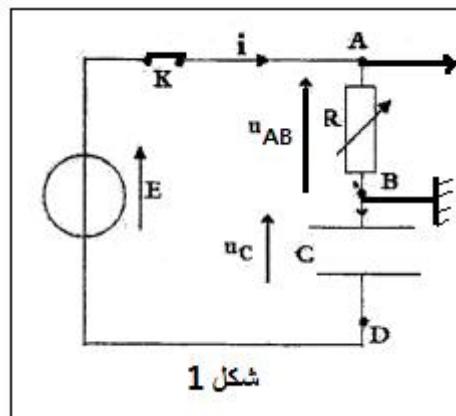
$$E = 15 V$$

$$\tau = 100 s$$

$$\tau = R_1 \cdot C \Rightarrow R_1 = \frac{\tau}{C} \Rightarrow R_1 = \frac{100}{250 \cdot 10^{-6}} = 4.10^5 \Omega = 400 k\Omega$$

2-استعمال المكثف في مؤقت الإنارة

1.2-حساب قيمة  $t_1$  :



لدينا حسب العلاقة :  $t_1 = \tau \cdot \ln\left(\frac{E}{\tau - U_1}\right)$

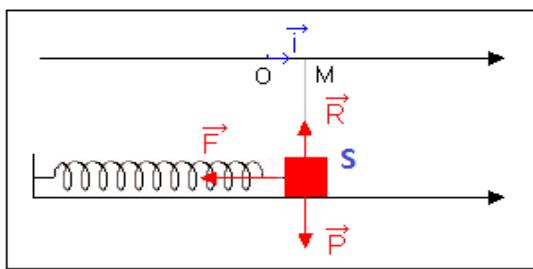
ت.ع:

$$t_1 = 100 \ln\left(\frac{15}{15 - 10}\right) = 109,8 \text{ s}$$

2.2- بزيادة قيمة المقاومة الدارة تتزايد قيمة ثابتة الزمن  $\tau$  وبالتالي تتزايد قيمة المدة  $t_1$  (وبذلك مدة إضائة المصايبخ تزداد).

## التمرين 3 : تطبيقات القانون الثاني لنيوتن

### 1- دراسة المجموعة المتذبذبة (جسم صلب - نابض)



إثبات المعادلة التفاضلية :  
المجموعة المدروسة الجسم الصلب

جرد القوى :

$\vec{P}$  : وزن الجسم

$\vec{T}$  : قوة الارتداد

$\vec{R}$  : تأثير الحامل الأفقي

تطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m \cdot \vec{a}_G$$

الاسقاط على المحور  $Ox$  :

$$P_x + R_x + T_x = m \cdot a_x \Rightarrow 0 + 0 - K \cdot x = m \cdot \ddot{x} \Rightarrow m \cdot \ddot{x} + Kx = 0$$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$\ddot{x} + \frac{K}{m} \cdot x = 0$$

: A- مدلول كل من  $x_m$  و  $A$

$x_m$  : وسع الحركة و  $\varphi$  : الطور عند أصل التواريخ  $t = 0$

حسب تعبير حل المعادلة التفاضلية :

$$x(t) = x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) \Rightarrow \dot{x}(t) = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$$

حسب الشروط البدئية :  
 $\dot{x}(0) = 0$  و  $x(0) = x_0$

$$\begin{cases} x_0 = x_m \cos \varphi \\ -\frac{2\pi}{T_0} x_m \cdot \sin \varphi = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cos \varphi \frac{x_0}{x_m} < 0 \\ \sin \varphi = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cos \varphi < 0 \\ \varphi = 0 \text{ أو } \varphi = \pi \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cos \pi = \frac{x_0}{x_m} = -1 \\ \varphi = \pi \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_m = -x_0 = 4 \text{ cm} \\ \varphi = \pi \end{cases}$$

تعبير الدور الخاص  $T_0$  :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{10 \cdot 10^{-3}}{16}} = 0,157 \text{ s} = 157 \text{ ms}$$

3.1- الطاقة الميكانيكية :  $E_m$

بما أن الاحتكاكات مهملة ، فإن الطاقة الميكانيكية تحافظ وهي توافق طاقة الوضع القصوية ، يعبر عنها بالعلاقة :

$$E_m = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2$$

ت.ع :

$$E_m = \frac{1}{2} \times 16 \times (4.10^{-2})^2 = 1,28.10^{-2} J$$

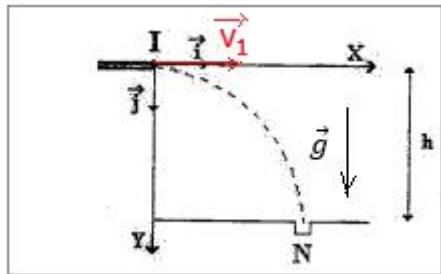
4.1-لتكن  $\dot{x}_m$  قيمة السرعة القصوى للصفحة  
الطاقة الميكانيكية توافق الطاقة الحركية القصوى

$$E_m = \frac{1}{2} m \cdot \dot{x}_m^2 \Rightarrow \dot{x}_m^2 = \frac{2E_m}{m} \Rightarrow \dot{x}_m = \sqrt{\frac{2E_m}{m}} \Rightarrow \dot{x}_m = \sqrt{\frac{2 \times 1,28.10^{-2}}{10.10^{-3}}} = 1,6 \text{ m.s}^{-1}$$

## 2-دراسة حركة القذيفة في مجال الثقالة المنتظم

1.2-عندما تغادر الكريمة السطح الافقى تصبح خاضعة لوزنها فقط وبالتالي يمكن اعتبارها في سقوط حر .

2.2-تطبيق القانون الثاني لنيوتن :



$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow m \cdot \vec{g} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{a}_G = \vec{g}$$

مميزات متجهة التسارع  $\vec{a}_G$  :  
الاتجاه : الخط الرأسي  
المنحي : نحو الأسفل  
الشدة :  $a_G = 10 \text{ m.s}^{-2}$

3.2-معادلة المسار :  
حسب الشروط البدئية :

$$\begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} V_{0x} = V_1 \\ V_{0y} = 0 \end{cases}$$

$$\vec{a}_G = \begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = V_1 \\ v_y = \frac{dy}{dt} = -gt \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = V_1 \cdot t \\ y = -\frac{1}{2} gt^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t = \frac{x}{V_1} \\ y = -\frac{1}{2} g \left( \frac{x}{V_1} \right)^2 \end{cases}$$

معادلة المسار تكتب :

$$y = -\frac{g}{2V_1^2} \cdot x^2$$

4.2-لتحديد السرعة  $V_1$  نستعمل إحداثيات النقطة  $N$  :  $x_N = 0,4 \text{ m}$  و  $y_N = h = 0,2 \text{ m}$

$$h = -\frac{g}{2V_1^2} \cdot x_N^2 \Rightarrow V_1^2 = \frac{g \cdot x_N^2}{2h} \Rightarrow V_1 = x_N \sqrt{\frac{g}{2h}} \Rightarrow V_1 = 0,4 \times \sqrt{\frac{10}{2 \times 0,2}} = 2 \text{ m.s}^{-1}$$