

**2**

سلسلة رقم

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ج. أ.



تمارين : الاشتغال

الصفحة

. 01

. 01 . أدرس اشتغال الدالة  $f$  في  $x_0 = 1$  ثم في  $x_0 = 0$  مع  $f(1) = 1$ .

$$f(x) = \frac{|x|\sqrt{x^2 - 2x + 1}}{x-1}, \quad x \neq 1$$

. 02

نعتبر  $\mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$  :  $f$  الدالة المعرفة بـ:

$$f(x) = \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x}$$

. 01 . حدد  $g$  التمديد بالاتصال في  $x_0 = 0$  للدالة  $f$ .

. 02 . هل  $g$  قابلة للاشتغال في  $x_0 = 0$  ؟

. 03

نعتبر  $\mathbb{R} : f$  الدالة المعرفة بـ:

$$f(x) = \sqrt{x(1-x)}$$

. 01 . هل  $f$  قابلة للاشتغال على  $[0;1]$  ؟

. 02 . هل  $f$  قابلة للاشتغال على  $y = 0$  ؟ أعط تأويل هندسي للنتيجة المحصل عليها.

. 03 . هل  $f$  قابلة للاشتغال على يسار  $x_0 = 1$  ؟

. 04

. 01 . أحسب  $(f')$  الدالة المشتقة للدالة  $f$  لكل حالة من الحالات التالية.

$$f(x) = (5x+1)^4 \quad ; \quad f(x) = x^3 \sqrt{4x+1} \quad ; \quad f(x) = \sqrt{x^2 - 5x + 6} \quad ; \quad f(x) = \frac{x^2 + 16}{x+4} \quad ; \quad f(x) = \frac{3x-5}{2-x}$$

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 1} + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} \quad ; \quad f(x) = \frac{3\sqrt{x} + 2}{\sqrt{x} + 8} \quad ; \quad f(x) = \frac{x+2}{3-x} \sqrt{x^2 + 1} \quad ; \quad f(x) = \frac{x+2}{\sqrt{x} + 8} \quad ; \quad f(x) = \sqrt{\frac{3x-5}{2-x}}$$

$$f(x) = \frac{3}{\sin x} \quad ; \quad f(x) = \frac{1}{x} + \tan x \quad ; \quad f(x) = \sin(4x) + \cos(7x+1) \quad ; \quad f(x) = \sqrt{x} + 7 \cos x \quad ; \quad f(x) = x^2 + 3 \sin x$$

$$f(x) = (x^2 + 2x - 3)^{\frac{2}{5}} \quad ; \quad f(x) = \sqrt[6]{x^2 + 2x - 3} \quad ; \quad f(x) = \sqrt[5]{x^7} \quad ; \quad f(x) = \sqrt[7]{x}$$

. 05

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة كما يلي :

$$f(x) = \sqrt[6]{x^2 + 2x - 3} = \sqrt[6]{(x-1)(x+3)}$$

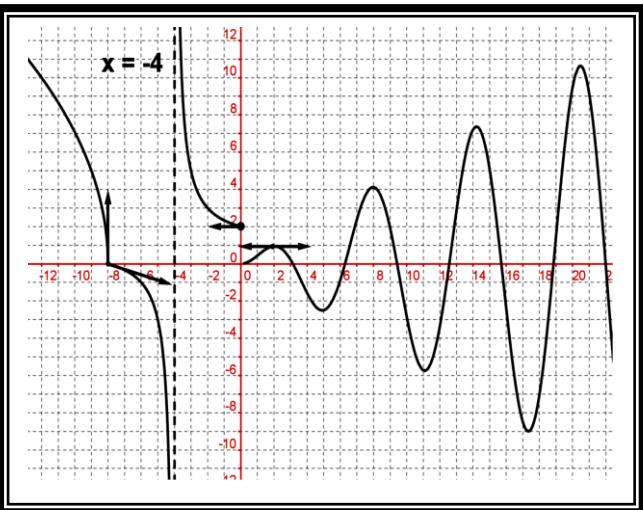
. 01 . حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

. 02 . أحسب  $f'$  على  $[1, +\infty] \cup [-\infty, -3]$ .



. 06

الشكل الآتي يمثل منحنى دالة  $f$  في المستوى  $(P)$  المنسوب إلى معلم متعمد منظم  $(j, i, \vec{0})$ .



استنتج مبيانا النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$

و ماذا يمكن أن نقول عن نهاية  $f$  عند  $+\infty$  .

**01.** أ - أدرس مبيانا اتصال الدالة  $f$  على يمين 0.

ب - أدرس مبيانا اتصال الدالة  $f$  على يسار 0.

ج - هل  $f$  متصلة في 0 ؟

**02.** أ - هل  $f$  قابلة للاشتغال في -8 - ؟

ب - ما هو العدد المشتق على يسار 0.

ج - أعط معادلة المماس في 2.

. 07

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{x^2 + 4} & ; x \geq 0 \\ f(x) = 3x^2 + 2; & x < 0 \end{cases}$$

**01.** أ - أحسب :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب - أدرس اتصال الدالة  $f$  في النقطة  $x_0 = 0$ .

**02.** أ - أدرس اشتغال الدالة  $f$  على يسار النقطة  $x_0 = 0$  ؛ ثم أعط تأويلا هندسيا لنتيجة المحصل عليها.

ب - أدرس اشتغال الدالة  $f$  على يمين النقطة  $x_0 = 0$  .

ج - هل الدالة  $f$  قابلة للاشتغال في النقطة  $x_0 = 0$  .

**03.** أ - أحسب الدالة المشتقة  $'f$  على المجال  $[0, +\infty]$  ثم حدد إشارتها على  $[0, +\infty]$  .

ب - أحسب الدالة المشتقة  $'f$  على المجال  $[-\infty, 0]$  ثم حدد إشارتها على  $[-\infty, 0]$  .

ج - أعط جدول تغيرات  $f$  على  $\mathbb{R}$  .

**04.** أعط معادلة المماس لمنحنى الدالة  $f$  في النقطة  $x_1 = 2$  .

**05.** أ - ليكن  $g$  قصور الدالة  $f$  على المجال  $J = [-\infty, 0]$  . بين أن :  $g$  تقبل دالة عكسية  $g^{-1}$  من  $J$  إلى  $I$  مع تحديد  $J$  .

ب - حدد  $g^{-1}(x)$  لكل  $x$  من  $J$  .

. 08

في رحلة طولية لقطار T.G.V التي تقدر ب 1000 km هناك مقطع من مسار الرحلة على شكل قطعة في هذا المقطع القطار يسر بسرعة

ثابتة  $v$  ( معبّر عنها ب  $km/h$  ) حيث تكلفة الوقود بالساعة لهذه السرعة هي معبر عنها بهذه الدالة :  $C(x) = 2048 + \frac{v^3}{U^2}$  .

**01.** ما هي سرعة القطار في هذا المقطع لكي تكون تكلفة المحروقات مثالية بالنسبة للشركة ؟