

الأستاذ:
نجيب
عثماني

مستوى: السنة الثانية من سلك البكالوريا
• شعبة التعليم الأصيل: مسلك العلوم الشرعية و مسلك
اللغة العربية
شعبة الآداب و العلوم الإنسانية: مسلك الآداب و مسلك
العلوم الإنسانية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

المادة: الرياضيات

سلسلة رقم 4: في درس الاشتقاق ودراسة الدوال

$$(1) f(x) = 3x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 1 \quad (2) f(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 - 4x - 6$$

$$(3) f(x) = x^2 \times (2x - 1) \quad (4) f(x) = \frac{1}{5x - 4}$$

$$(5) f(x) = \frac{4x - 2}{2x + 1}$$

$$(6) f(x) = (2x - 1)^7$$

تمرين 12: لتكن f دالة عددية معرفة بـ: $f(x) = 5x^3$

1. حدد مجموعة تعريف الدالة f
2. أحسب الدالة المشتقة واستنتج رتبة الدالة f

تمرين 13: نعتبر الدالة f المعرفة

$$\text{كالتالي: } f(x) = x^2 + 4x + 3$$

- (1) حدد D_f (2) أحسب نهايات f عند محددات D_f
- (3) أحسب مشتقة الدالة f و أدرس أثارها
- (4) حدد جدول تغيرات f
- (5) حدد معادلة لمماس منحنى الدالة f في النقطة الذي أفصولها $x_0 = -1$
- (6) حدد نقط تقاطع (C_f) مع محوري المعلم
- (7) أرسم (C_f) المنحنى الممثل للدالة f و المستقيم (D) الذي معادلته $y = 3$ في (D) : في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
- (8) حدد نقط تقاطع (C_f) و (D) .
- (9) حل مبياناً في \mathbb{R} المتراحة $x^2 + 4x \geq 0$.

تمرين 14: f دالة عددية معرفة بـ: $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f
2. أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
3. أحسب الدالة المشتقة ثم ضع جدول تغيرات الدالة f .
4. أنشئ منحنى الدالة f .

تمرين 15: f دالة عددية معرفة بـ: $f(x) = x^3 + 3x^2 - 1$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f
2. أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
3. أحسب الدالة المشتقة و أدرس أثارها
4. ضع جدول تغيرات الدالة f .
5. أنشئ منحنى الدالة f .

تمرين 1: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = 2x^2$

1. باستعمال التعريف بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق عند $x_0 = 1$
2. حدد معادلة المماس للمنحنى الممثل للدالة f عند $x_0 = 1$.

تمرين 2: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = 3x^2$

1. باستعمال التعريف بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق عند $x_0 = 2$
2. حدد معادلة المماس للمنحنى الممثل للدالة f عند $x_0 = 2$

تمرين 3: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = 2 \quad (2) f(x) = 3x - 5 \quad (3) f(x) = x^{10}$$

تمرين 4: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = 2x^8 \quad (2) f(x) = 5x^4 - 1$$

تمرين 5: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = 3x^7 \quad (2) f(x) = -\frac{1}{2}x^2 - 1$$

$$(3) f(x) = 3x^3 - 4x^2 + 6 \quad (4) f(x) = 2x^5 - 3x^4 - 6x + 1$$

تمرين 6: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = 3x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 1 \quad (2) f(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 - 4x - 6$$

$$(3) f(x) = 2x^5 - 4x^2 + 7$$

تمرين 7: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = (3x + 5) \times (2x + 6) \quad (2) f(x) = x^2 \times (2x - 1)$$

تمرين 8: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = \frac{1}{2x + 1} \quad (2) f(x) = \frac{1}{4x - 3}$$

تمرين 9: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) f(x) = \frac{2x + 3}{x + 1} \quad (2) f(x) = \frac{3x - 1}{2x + 5}$$

تمرين 10: حدد الدالة المشتقة للدالة f : $f(x) = (4x + 3)^3$

تمرين 11: حدد الدالة المشتقة للدالة f في كل حالة من الحالات التالية:

4. أدرس الفروع اللانهائية لمنحنى الدالة f
5. أحسب مشتقة الدالة f و أدرس إشارتها
6. حدد جدول تغيرات الدالة f
7. حدد معادلة لمماس المنحنى (C_f) الممثل للدالة f في النقطة A التي أفصولها $x_0 = -1$
8. حدد نقط تقاطع المنحنى (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.
9. حدد مطاريق الدالة f إذا وجدت
10. أرسم المنحنى (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم

تمرين 16: نعتبر الدالة العددية g المعرفة ب: $g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$

1. حدد حيز تعريف الدالة g .
2. أحسب نهايات الدالة g في محددات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.
3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة g .
4. املأ الجدول التالي :

| | | | | | | | |
|--------|----|----|---|---|---|---|---|
| x | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
| $g(x)$ | | | | | | | |

5. أنشئ منحنى الدالة g .

تمرين 17: نعتبر الدالة العددية g المعرفة ب: $f(x) = \frac{3x+1}{x-2}$

1. حدد حيز تعريف الدالة f .
2. أحسب نهايات الدالة f في محددات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.
3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة f .
4. املأ الجدول التالي :

| | | | | | | | |
|--------|----|---|---|---|---|---|---|
| x | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| $f(x)$ | | | | | | | |

5. أنشئ منحنى الدالة f .

تمرين 18: نعتبر الدالة العددية f المعرفة العددية المعرفة ب:

$$f(x) = \sqrt{3x-5}$$

1. حدد D حيز تعريف الدالة f .
2. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
3. أحسب $f'(x)$ و ضع جدول تغيرات الدالة f .
4. أحسب $f(2)$ و $f(3)$ و $f(7)$
5. مثل مبيانيا الدالة f في معلم متعامد ممنظم.

تمرين 19: نعتبر الدالة العددية f المعرفة العددية المعرفة ب:

$$f(x) = \sqrt{2x+4}$$

1. حدد D حيز تعريف الدالة f .
2. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
3. أحسب $f'(x)$ و ضع جدول تغيرات الدالة f .
4. أحسب $f(-2)$ و $f(0)$ و $f(6)$
5. مثل مبيانيا الدالة f في معلم متعامد ممنظم.

تمرين 20: نعتبر الدالة العددية g المعرفة ب: $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$

1. حدد حيز تعريف الدالة g .
2. أحسب نهايات الدالة g في محددات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.
3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة g .
4. أنشئ منحنى الدالة g .

تمرين 21: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي : $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة f
2. أدرس زوجية الدالة f
3. أحسب نهايات الدالة f عند محددات D_f

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

