

الأستاذ:  
نجيب  
عثمانى

- مستوى: السنة الثانية من سلك البكالوريا
- شعبة التعليم الأصيل: مسلك العلوم الشرعية و مسلك اللغة العربية
- شعبة الآداب و العلوم الإنسانية: مسلك الآداب و مسلك العلوم الإنسانية

أكاديمية  
الجهة  
الشرقية

المادة: الرياضيات

## سلسلة رقم 4: في درس الاشتاقاق و دراسة الدوال

$$f(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 - 4x - 6 \quad (2) \quad f(x) = 3x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 1 \quad (1)$$

$$f(x) = \frac{1}{5x-4} \quad (4) \quad f(x) = x^2 \times (2x-1) \quad (3)$$

$$f(x) = \frac{4x-2}{2x+1} \quad (5)$$

$$f(x) = (2x-1)^7 \quad (6)$$

**تمرين 12:** لتكن  $f$  دالة عدبية معرفة بـ:

1. حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

2. أحسب الدالة المشتقة واستنتج رتابة الدالة  $f$

**تمرين 13:** نعتبر الدالة  $f$  المعرفة

كالتالي :  $f(x) = x^2 + 4x + 3$

(1) حدد  $D_f$  أحسب نهايات  $f$  عند محدودات  $D_f$

(3) أحسب مشقة الدالة  $f$  و أدرس اشارتها

(4) حدد جدول تغيرات  $f$

(5) حدد معادلة لمسان منحى الدالة  $f$  في النقطة الذي

أقصولها  $x_0 = -1$

(6) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محوري المعلم

(7) أرسم  $(C_f)$  المنحني الممثل للدالة  $f$  و المستقيم  $(D)$  الذي

معادلته  $3 = y = o; \vec{i}; \vec{j}$  في معلم متعامد منظم  $(D)$ .

(8) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  و  $(D)$ .

(9) حل مبيانيا في  $\mathbb{R}$  المتراجحة  $x^2 + 4x \geq 0$

**تمرين 14:**  $f$  دالة عدبية معرفة بـ:

1. حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

2. أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3. أحسب الدالة المشتقة ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

4. أنشئ منحني الدالة  $f$ .

**تمرين 15:**  $f$  دالة عدبية معرفة بـ:

1. حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

2. أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3. أحسب الدالة المشتقة و أدرس اشارتها

4. ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

5. أنشئ منحني الدالة  $f$ .

**تمرين 1:** نعتبر الدالة  $f$  المعرفة كالتالي :

1. باستعمال التعريف بين أن الدالة  $f$  قابلة للاشتاقاق عند  $x_0 = 1$ .

2. حدد معادلة المماس للمنحني الممثل للدالة  $f$  عند  $x_0 = 1$ .

**تمرين 2:** نعتبر الدالة  $f$  المعرفة كالتالي :

1. باستعمال التعريف بين أن الدالة  $f$  قابلة للاشتاقاق عند  $x_0 = 2$ .

2. حدد معادلة المماس للمنحني الممثل للدالة  $f$  عند  $x_0 = 2$ .

**تمرين 3:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = x^{10} \quad (3) \quad f(x) = 3x - 5 \quad (2) \quad f(x) = 2 \quad (1)$$

**تمرين 4:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = 5x^4 - 1 \quad (2) \quad f(x) = 2x^8 \quad (1)$$

**تمرين 5:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = -\frac{1}{2}x^2 - 1 \quad (2) \quad f(x) = 3x^7 \quad (1)$$

$$f(x) = 2x^5 - 3x^4 - 6x + 1 \quad (4) \quad f(x) = 3x^3 - 4x^2 + 6 \quad (3)$$

**تمرين 6:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 - 4x - 6 \quad (2) \quad f(x) = 3x^3 - \frac{1}{2}x^2 \quad (1)$$

$$f(x) = 2x^5 - 4x^2 + 7 \quad (3)$$

**تمرين 7:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = x^2 \times (2x-1) \quad (2) \quad f(x) = (3x+5) \times (2x+6) \quad (1)$$

**تمرين 8:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \frac{1}{4x-3} \quad (2) \quad f(x) = \frac{1}{2x+1} \quad (1)$$

**تمرين 9:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \frac{3x-1}{2x+5} \quad (2) \quad f(x) = \frac{2x+3}{x+1} \quad (1)$$

**تمرين 10:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  :

$$f(x) = (4x+3)^3 \quad (3)$$

**تمرين 11:** حدد الدالة المشتقة للدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

4. أدرس الفروع الالاتية لمنحنى الدالة  $f$

5. أحسب مشتقة الدالة  $f$  و أدرس إشارتها

6. حدد جدول تغيرات الدالة  $f$

7. حدد معادلة لمساس المنحنى  $(C_f)$  الممثّل للدالة  $f$  في

النقطة  $A$  التي أقصولها  $x_0 = -1$

8. حدد نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  الممثّل للدالة مع محوري المعلم.

9. حدد مطابق الدالة  $f$  اذا وجدت

10. أرسم المنحنى  $(C_f)$  الممثّل للدالة  $f$  في معلم متّعّم منظم

**تمرين 16:** نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة بـ: 
$$g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$$

1. حدد حيز تعريف الدالة  $g$ .

2. أحسب نهايات الدالة  $g$  في محدودات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $g$ .

4. املأ الجدول التالي :

$x$	-2	-1	0	1	2	3	4
$g(x)$							

5. أنشئ منحنى الدالة  $g$ .

**تمرين 17:** نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة بـ: 
$$f(x) = \frac{3x+1}{x-2}$$

1. حدد حيز تعريف الدالة  $f$ .

2. أحسب نهايات الدالة  $f$  في محدودات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

4. املأ الجدول التالي :

$x$	-1	0	1	2	3	4	5
$f(x)$							

5. أنشئ منحنى الدالة  $f$ .

**تمرين 18:** نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة العددية المعرفة بـ:

$$f(x) = \sqrt{3x-5}$$

1. حدد  $D$  حيز تعريف الدالة  $f$ .

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

3. أحسب  $f'(x)$  وضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

$$f(7) \quad f(6) \quad f(5) \quad f(4) \quad f(3) \quad f(2) \quad f(1)$$

5. مثل مبيانيا الدالة  $f$  في معلم متّعّم منظم.

**تمرين 19:** نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة العددية المعرفة بـ:

$$f(x) = \sqrt{2x+4}$$

1. حدد  $D$  حيز تعريف الدالة  $f$ .

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

3. أحسب  $f'(x)$  وضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

$$f(6) \quad f(5) \quad f(4) \quad f(3) \quad f(2) \quad f(1)$$

5. مثل مبيانيا الدالة  $f$  في معلم متّعّم منظم.

**تمرين 20:** نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة بـ: 
$$g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$$

1. حدد حيز تعريف الدالة  $g$ .

2. أحسب نهايات الدالة  $g$  في محدودات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $g$ .

4. أنشئ منحنى الدالة  $g$ .

**تمرين 21:** نعتبر الدالة  $f$  المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$$

1. حدد  $D_f$  حيز تعريف الدالة  $f$ .

2. أدرس زوجية الدالة  $f$ .

3. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند محدودات  $D_f$ .

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.  
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

