

الشغل والطاقة الحركية

النشاط التحريضي 1

نطلق كرة من نقطة G_0 توجد على ارتفاع H من جهاز لاقط يمكن من قياس سرعة الكرة عند مرورها به خلال السقوط .
نغير في كل حالة موضع اللاقط (H) ونقيس السرعة V الموافقة . نأخذ الموضع G_0 أصلا للتواريخ .

يمثل الجدول جانبه نتائج القياسات المحصل عليها :

الارتفاع H (m)	التاريخ t (s)	السرعة V (m/s)	V^2 (m ² /s ²)
0,100	142,85	1,40	
0,200	202,04	1,98	
0,400	285,71	2,80	
0,600	350,00	3,43	
0,800	404,08	3,96	
1,000	451,02	4,42	
1,100	473,47	4,46	
1,200	494,90	4,85	

1 - أتمم الجدول بحساب V^2

2 - مثل $V^2 = f(H)$ باختيار سلم ملائم

وحدد مبيانيا قيمة المعامل الموجه K للمنحنى المحصل عليه . ما هي وحدته ؟ ماذا تستنتج ؟ نعطي

$g = 9,8 N / kg$ واستنتج تعبير معادلة المنحنى المحصل عليه .

3 - أكتب تعبير الشغل $W(\vec{P})$ لوزن

كرة كتلتها $m=100g$ عندما تسقط من ارتفاع H .

4 - أحسب هذا الشغل بالنسبة لـ $H = 0,100m$.

5 - قارن هذه القيمة بقيمة المقدار $\frac{mV^2}{2}$ نستنتج أن شغل وزن الجسم أكسب الكرة طاقة

تتعلق بكتلته وبمربع سرعتها يسمى هذا المقدار بالطاقة الحركية . أعط مدولا فيزيائيا لهذه الطاقة واقترح تعريفا لها وما هي وحدتها في النظام العالمي للوحدات ؟

I - الطاقة الحركية لجسم صلب في حركة إزاحة .

1 - مفهوم الطاقة الحركية

عندما يكون جسم صلب في حركة (سرعته غير منعدمة) فهو يكتسب طاقة تسمى بالطاقة الحركية

2 - تعريف الطاقة الحركية

نسمي الطاقة الحركية لجسم صلب في حركة إزاحة ، كتلته m و سرعته V بالنسبة لجسم مرجعي ، المقدار :

$$E_c = \frac{1}{2} m V^2$$

وحدة الطاقة في النظام العالمي للوحدات هي الجول (J)

ملحوظة : الطاقة الحركية مقدار سلمي $\vec{V}^2 = V^2$ موجب ومستقل عن اتجاه متجهة السرعة .

تتعلق الطاقة الحركية ، كما هو الشأن بالنسبة للسرعة ، بالجسم المرجعي الذي تم اختياره .

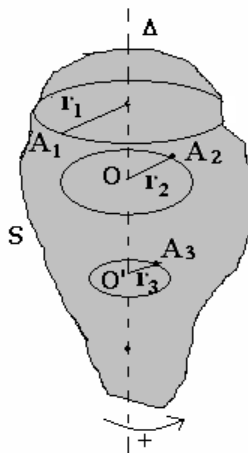
II - الطاقة الحركية لجسم صلب في دوران حول محور ثابت .

1 - تعريف :

إذا اعتبرنا جسما صلبا في دوران حول محور ثابت Δ ، بسرعة زاوية ω فإن كل نقطة من هذا الجسم تتحرك بسرعة خطية معينة ، نقول أنها تتوفر على طاقة حركية للدوران .

نعلم أن الجسم الصلب هو مجموعة من نقط مادية ، كتلة النقطة

المادية A_i و V_i سرعتها ، ولدينا كذلك $V_i = r_i \omega$

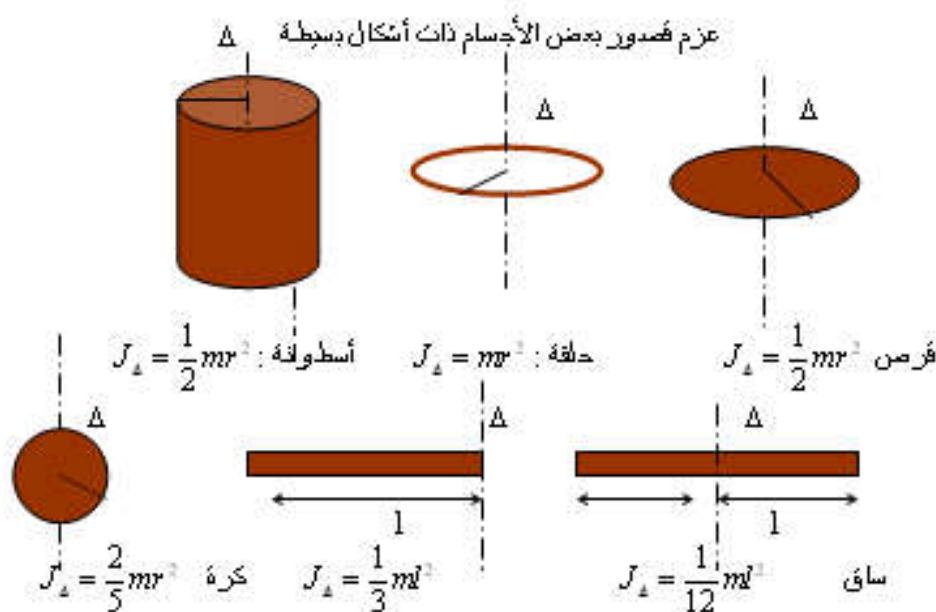


بحيث أن المسافة بين النقطة i ومحور الدوران Δ .
الطاقة الحركية للنقطة A_i هي : $E_{Ci} = \frac{1}{2} m_i V_i^2 = \frac{1}{2} m_i r_i^2 \omega^2$ ومنه نستنتج الطاقة الحركية للجسم الصلب وهي مجموع الطاقة الحركية لجميع النقط المادية للجسم . أي

$$E_c = \sum E_{Ci} = \sum \frac{1}{2} m_i r_i^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \omega^2 \sum m_i r_i^2$$

المقدار $\sum m_i r_i^2$ يتعلق بكتلة الجسم وبتوزيع المادة المكونة له حول المحور Δ ، يسمى عزم

قصور الجسم الصلب بالنسبة للمحور Δ . ونرمز له ب J_Δ أي أن $J_\Delta = \sum m_i r_i^2$
وحدة قياس عزم القصور في النظام العالمي للوحدات هي $kg.m^2$



تساوي الطاقة الحركية لجسم صلب في دوران حول محور ثابت Δ المقدار

$E_c = \frac{1}{2} J_\Delta \omega^2$ ، حيث ω السرعة الزاوية اللحظية للجسم الصلب ، و J_Δ عزم قصوره بالنسبة و للمحور Δ .

III - مبرهنة الطاقة الحركية

1 - حالة جسم صلب في حركة إزاحة مستقيمة .

النشاط التحريبي 2

نطلق حامل ذاتي كتلته $m=472g$ من أعلى منضدة مائلة بزاوية $\alpha = 6^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي ، بدون سرعة بدئية ، فينزل الحامل الذاتي ونسجل مواضع مركز قصوره G خلال مدد زمنية متتالية ومتساوية $\tau = 60ms$. فنحصل على التسجيل التالي وهو بالسلم الحقيقي :



- 1 - أجرد القوى المطبقة على الحامل الذاتي أثناء انزلاقه .
- 2 - أكتب تعبير شغل كل قوة عندما ينتقل مركز القصور للحامل الذاتي بين الموضعين G_2 و G_9 .
استنتج مجموع أشغال هذه القوى بين نفس الموضعين $\sum_{G_2 \rightarrow G_9} W$
- 3 - أحسب الطاقة الحركية للحامل الذاتي في الموضعين G_2 و G_9 .
- 4 - قارن بين $\sum_{G_2 \rightarrow G_9} W$ و $\Delta E_C = E_{C_9} - E_{C_2}$ تغير الطاقة الحركية للحامل الذاتي بين G_2 و G_9 .
نأخذ $g=9,8\text{N/kg}$

خلاصة :

في معلم غاليلي ، يساوي تغير الطاقة الحركية لجسم صلب في إزاحة مستقيمة بين لحظتين مجموع أشغال كل القوى الخارجية المطبقة عليه بين هاتين اللحظتين .

ويعبر عن هذه النتيجة في حالة انتقال مركز قصور الجسم الصلب من موضع A إلى موضع B بالعلاقة التالية :

$$\Delta E_C = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 = \sum_{A \rightarrow B} W(\vec{F}_{ext})$$

2 - حالة جسم صلب في دوران حول محور ثابت .

في حالة جسم صلب في دوران حول محور ثابت تتحقق نفس النتيجة السابقة في حالة حركة جسم صلب في إزاحة ، ويعبر عنها بالعلاقة التالية :

$$\Delta E_C = \frac{1}{2}J_\Delta \omega_2^2 - \frac{1}{2}J_\Delta \omega_1^2 = \sum_{1 \rightarrow 2} W(\vec{F})$$

حيث J_Δ عزم قصور الجسم الصلب بالنسبة لمحور الدوران Δ .

ω_1 و ω_2 السرعة الزاوية للجسم الصلب عند انتقاله من الحالة (1) إلى الحالة (2) .

3 - نص مبرهنة الطاقة الحركية

في معلم غاليلي ، يساوي تغير الطاقة الحركية لجسم صلب غير قابل للتشويه في إزاحة أو في دوران حول محور ثابت ، بين لحظتين ، المجموع الجبري لأشغال كل القوى الخارجية المطبقة على الجسم بين هاتين اللحظتين .
نعبر عن هذه المبرهنة بالعلاقة التالية :

$$\Delta E_C = E_{C_f} - E_{C_i} = \sum_{i \rightarrow f} W(\vec{F}_{ext})$$

حيث E_{C_f} الطاقة الحركية للجسم في الحالة النهائية و E_{C_i} الطاقة الحركية في الحالة البدئية .