

* يكون جسم صلب غير قابل للتشویه في دوران حول محور ثابت ، إذا كانت كل نقطة من نقطة في حركة دائرية مرکزة على هذا المحور ومسار هذه النقطة المتحركة ينتمي إلى المستوى المتعامد مع محور الدوران .

* يمكن معلومة نقطة متحركة G من جسم صلب ، في معلم متعدد منظم $(\vec{O}, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ مرتبط بالجسم المرجعي في كل لحظة ، بمتوجهة الموضع \vec{OG} بحيث :

$\vec{OG} = x. \vec{i} + y. \vec{j} + z. \vec{k}$. نسمى الأوصول الزاوي للنقطة المتحركة G في لحظة t الزاوية (\vec{Ox}, \vec{OG}) وهو مقدار جبري .

* نسمى الأوصول المنحني للنقطة المتحركة G في لحظة t طول القوس المحصور بين A و G حيث $s(t) = \widehat{AG}$. بحيث $s(t) = r. \theta(t)$. السرعة الزاوية ω_i هي خارج قسمة الزاوية التي تكسها متوجهة الموضع

على وحدة الزمن : $\omega_i = \frac{\delta \theta}{\delta t} = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$. تكون حركة الدوران لجسم صلب حول محور ثابت منتظمة إذا بقيت السرعة

الزاوية ω لهذا الجسم ثابتة مع مرور الزمن . $\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = Cte$. الدور هو المدة الزمنية اللازمة لكي تنجز نقطة من جسم صلب في حركة دوران منظم دورة كاملة . $T = \frac{2\pi}{\omega}$.

* التردد هو عدد الدورات التي تنجزها نقطة من جسم صلب في حركة دوران منظم في الثانية . $f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$.

* المعادلة الزمنية لحركة نقطة من جسم في دوران منظم هي $s(t) = \omega \cdot t + \theta_0$ أو $s(t) = V_A \cdot t$.

1050 دورة في الدقيقة حول محور ثابت منطبق مع محور ثابتله .

- 1- احسب السرعة الزاوية لقرص بالوحدة $rad.s^{-1}$.
- 2- استنتاج دور وتردد حركة دوران القرص .
- 3- احسب السرعة V_A لنقطة A من محيط القرص .
- 4- احسب عدد الدورات التي ينجزها القرص خلال المدة الزمنية $\Delta t=10s$.

تمرين 4 :

يدور قرص شعاعه $R=20cm$ حول محور ثابت يمر من مركز قصوره في النظام الدائم يكون تردد $f=100Hz$.

- 1- احسب السرعة الزاوية لدوران القرص .
- 2- حدد قيمة السرعة الخطية لنقطة من محيط القرص .
- 3- احسب عدد الدورات n التي ينجزها القرص خلال المدة الزمنية $\Delta t=1min$.

تمرين 1 :

ينجز محرك سيارة 5000 دورة في الدقيقة .

- 1- احسب السرعة الزاوية للمحرك بالوحدة $rad.s^{-1}$.
- 2- استنتاج دور وتردد حركة دوران المحرك .

تمرين 2 :

ينجز قرص غير قابل للتشویه حركة دوران حول محور ثابت بسرعة ثابتة قيمتها 1800 دورة في الدقيقة .

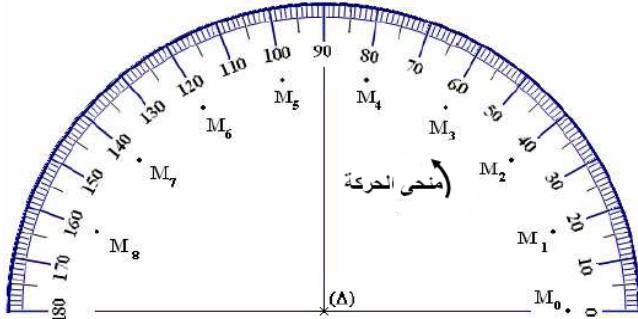
- 1- عبر عن السرعة الزاوية بالوحدة $rad.s^{-1}$.
- 2- احسب السرعة الخطية لنقطتين M و N تبعدان عن محور الدوران بالمسافتين $R_M=12cm$ و $R_N=6cm$.
- 3- مثل ، بسلم مناسب ، في تبيانية متوجهتي السرعتين \vec{V}_M و \vec{V}_N .

تمرين 3 :

يدير محرك قرصا متجانسا شعاعه $R=5cm$ بسرعة

تمرين 8 :

نعتبر قرصا متجانسا شعاعه $R=0,3\text{m}$ في دوران حول محور رأسي (Δ) ثابت يمر من مركز قصوره G. يمثل الشكلأسفله تسجيل موضع نقطة M من محيط القرص أثناء مدد زمنية متتالية ومتساوية $\tau=20\text{ms}$.



1- باستعمالك لطريقة التأطير $\omega_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{2\tau}$ لتعيين السرعة الزاوية ω_i في لحظة تاريخها t_i ، أوجد قيمة السرعة الزاوية للنقطة M في كل من الموضع M_2 و M_6 و M_4 .

2- ما طبيعة حركة القرص ؟ علل جوابك.

3- أوجد المعادلة الزمنية $\theta=f(t)$ لحركة M في الحالات التالية :

3-1- باعتبار أصل التواريخ لحظة تسجيل الموضع M_0 وأصل الأفاصيل الزاوية عند مرور M بالوضع M_0 .

3-2- باعتبار أصل التواريخ لحظة تسجيل الموضع M_0 وأصل الأفاصيل الزاوية عند مرور M بالوضع M_2 .

3-3- باعتبار أصل التواريخ لحظة تسجيل الموضع M_2 وأصل الأفاصيل الزاوية عند مرور M بالوضع M_0 .

3-4- باعتبار أصل التواريخ لحظة تسجيل الموضع M_2 وأصل الأفاصيل الزاوية عند مرور M بالوضع M_4 .

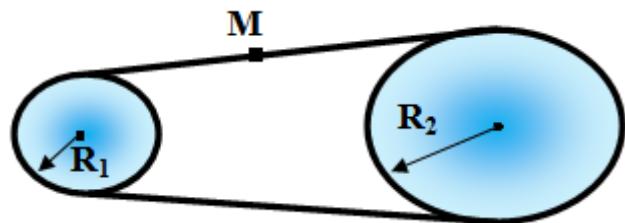
4- نأخذ النقطة M_0 أصلا للأفاصيل ولحظ تسجيلها أصلا للتاريخ.

4-1- اعط المعادلة الزمنية لحركة النقطة M باستعمال الأصول المنحني.

4-2- احسب المدة الزمنية اللازمة لكي ينجز القرص خمس دورات كاملة.

تمرين 5 :

نعتبر بكرتين مرتبطتين بواسطة سير (Courroie).



شعاع البكرتين على التوالي R_1 و R_2 حيث $R_1 = \frac{R_2}{2}$ تدور البكرة ذات الشعاع R_1 بسرعة زاوية ثابتة

$$\omega_1 = 180\text{rad.s}^{-1}$$

$$1- \text{ بين أن } \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{R_2}{R_1}$$

2- احسب ω_2 السرعة الزاوية للبكرة ذات الشعاع R_2 .

3- حدد سرعة النقطة M علما أن $R_2=18\text{cm}$.

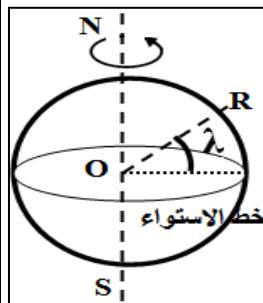
تمرين 6 :

تتجز عقارب ساعة حائطية حركة دورانية منتظمة.

1- حدد السرعات الزاوية لعقارب الساعة (عقرب الثاني ω_1 ، عقرب الدقائق ω_2 ، عقرب الساعات ω_3) .

2- احسب سرعة الطرف M لعقارب الثاني علما أن المسافة بين M ومحور الدوران هي $l = 1,2\text{cm}$

3- نختار أصل التواريخ ($t=0$) عند الظهر (أي الساعة 12) ، حدد اللحظة التي ينطبق عندها من جديد ولأول مرة عقارب الدقائق و عقارب الساعات .



تمرين 7 :

تتجز الأرض دورة كاملة خلال يوم فلكي $T=86164\text{s}$

1- احسب ω_T السرعة الزاوية للأرض في المرجع المركزي الأرضي .

2- احسب السرعة الخطية لنقطة توجد على خط الاستواء .

3- توجد مدينة الرباط على خط العرض $\lambda = 34^\circ$.

4- عرف خط العرض لنقطة من سطح الأرض .

5- احسب السرعة الخطية لصومعة حسان في المرجع المركزي الأرضي . نعطي : $R_T = 6378\text{km}$