

التمرين الأول

أدرس قابلية اشتقاق الدالة f في النقطة a في كل حالة من الحالات التالية :

$a = -1$; $f(x) = \frac{x-3}{x^2+1}$	$a = 2$; $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$	$a = -3$; $f(x) = x^2 + 2x$
$a = 1$; $f(x) = \sqrt{2x-1} - 3x$	$a = -1$; $f(x) = \frac{x^2 - x + 2}{x-1}$	$a = 2$; $f(x) = \sqrt{2x+5} - 2$
$a = \frac{\pi}{6}$; $f(x) = \sin 2x$	$a = 2$; $f(x) = x\sqrt{x+2}$	$a = \frac{1}{2}$; $f(x) = \frac{2x-3}{4x^2+1}$

التمرين الثاني

أدرس قابلية اشتقاق على يمين و على يسار النقطة a في كل من الحالات التالية :

$a = -1$; $f(x) = \frac{x x+1 +2}{x-1}$	$a = 2$; $f(x) = \frac{x^2 + x-2 }{x+2}$	$a = 0$; $f(x) = \frac{2x x +x+3}{x+1}$
$a = -3$; $\begin{cases} f(x) = \sqrt{x+7} & ; x > -3 \\ f(x) = \frac{x^2-13}{x+1} & ; x \leq -3 \end{cases}$	$a = -2$; $\begin{cases} f(x) = \frac{1}{x+1} & ; x \leq -2 \\ f(x) = x^2 + 2x - 1 & ; x > -2 \end{cases}$	$a = 2$; $\begin{cases} f(x) = x^2 - x + 1 & ; x \geq 2 \\ f(x) = \frac{x+1}{x-1} & ; x < 2 \end{cases}$

التمرين الثالث

أحسب الدالة المشتقة $f'(x)$ في الحالات التالية :

$f(x) = x - 3\sqrt{3x-2}$	$f(x) = x - 4\sqrt{x} + \frac{2}{3x}$	$f(x) = -\frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{3}x^2 - x + 2$	$f(x) = 2x^2 - 3x + 5$
$f(x) = (2x-3)^4$	$f(x) = x(\sqrt{1-x} + 2)$	$f(x) = x^2\sqrt{2x-3}$	$f(x) = (2x-1)\sqrt{x} + 5$
$f(x) = \frac{(x-1)^3}{x}$	$f(x) = \frac{x^3}{x+2}$	$f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2-x+1}$	$f(x) = \frac{2x-1}{x^2+2}$

التمرين الرابع

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{1-3x} + 1 & ; x < -1 \\ f(x) = \frac{2x^2}{x^2+x+1} & ; x \geq -1 \end{cases}$$

(1) أحسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) أحسب $\lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x < -1}} f(x)$ و $\lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x > -1}} f(x)$

(3) أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على يمين و على يسار النقطة $a = -1$

(4) أحسب الدالة المشتقة $f'(x)$ على كل من المجالين $]-1, +\infty[$ و $]-\infty, -1[$

التمرين الخامس

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{x^2-3}{x-2}$

(1) حدد مجموعة D_f مجموعة تعريف الدالة f ثم أحسب نهايات الدالة f عند محددات D_f

(2) أحسب المشتقة $f'(x)$ و أدرس منحنى تغيرات الدالة f ثم ضع جدول تغيراتها