

التمرين الأول :

نعتبر المتتاليات التالية :

$$u_0; u_2; u_1 \text{ أحسب } U_n = \frac{n+1}{n^2+1} \quad \Leftarrow$$

$$v_2; v_3; v_4 \text{ احسب } v_n = \sqrt{2n-3} \quad \Leftarrow$$

$$w_1; w_2; w_3 \text{ احسب } w_n = 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{n} \quad \Leftarrow$$

$$u_2; u_1 \text{ أحسب } U_0 = -2; U_{n+1} = 2U_n + 3 \quad \Leftarrow$$

$$V_1; V_2 \text{ أحسب } V_0 = \frac{1}{2}, V_{n+1} = \frac{3V_n + 2}{V_n + 1} \quad \Leftarrow$$

$$W_1; W_2 \text{ أحسب } W_0 = 2; W_{n+1} = \sqrt{6 + W_n} \quad \Leftarrow$$

التمرين الثاني :

$$\text{لنكن } (U_n)_{n \in \mathbb{N}^*} \text{ متتالية بحيث } U_1 = 2; U_{n+1} = \frac{nU_n}{n+1}$$

$$\odot \text{ احسب } u_3; u_2$$

$$\odot \text{ بين أن } (U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ مكبورة ب } 2 \text{ و مصغورة ب } 0$$

التمرين الثالث:

$$\text{لنكن } (V_n)_{n \in \mathbb{N}^*} \text{ متتالية معرفة ب: } V_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{n+n}$$

$$\Leftarrow \text{ أحسب } V_1; V_2$$

$$\Leftarrow \text{ بين أن } (V_n)_{n \in \mathbb{N}^*} \text{ مصغورة ب } \frac{1}{2}$$

التمرين الرابع:

$$(U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ متتالية بحيث: } U_0 = \frac{1}{2} \text{ و } U_{n+1} = \frac{2U_n + 1}{U_n + 2}$$

$$\Leftarrow \text{ أحسب } U_1 \text{ و بين أن } (U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ مصغورة ب } \frac{1}{2}$$

$$\Leftarrow \text{ بين أن } (\forall n \in \mathbb{N}) U_n < 1$$

المتتاليات العددية

التمرين الخامس:

$$(U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ متتالية بحيث: } U_0 = \frac{2}{3} \text{ و } U_{n+1} = \frac{5U_n + 4}{4U_n + 5}$$

$$\Leftarrow \text{ بين بالترجع أن } (\forall n \in \mathbb{N}) -1 \leq U_n \leq 1$$

$$\Leftarrow \text{ أحسب الفرق } U_{n+1} - U_n \text{ بدلالة } U_n \text{ ثم أدرس إشارته}$$

التمرين السادس:

$$(U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ متتالية بحيث: } U_0 = 2 \text{ و } U_{n+1} = \frac{3U_n - 2}{2U_n - 1}$$

$$\textcircled{1} \text{ أحسب } U_1 \text{ و بين أن } (\forall n \in \mathbb{N}) U_n > 1$$

$$\textcircled{2} \text{ أدرس رتبة المتتالية } (U_n)_{n \in \mathbb{N}}$$

$$\textcircled{3} \text{ نضع } V_n = \frac{1}{U_n - 1} \text{ أحسب } V_1; V_2$$

$$\odot \text{ أحسب الفرق } V_{n+1} - V_n$$

التمرين السابع:

$$\text{لنكن } (V_n)_{n \in \mathbb{N}^*} \text{ متتالية معرفة ب: } V_1 = -1 \text{ و } V_{n+1} = \frac{9}{6 - V_n}$$

$$\text{ونضع } a_n = \frac{1}{V_n - 3} \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}^*$$

$$\textcircled{1} \text{ أحسب } a_1; a_2; V_2$$

$$\textcircled{2} \text{ بين أن } V_n < 3 \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}^*$$

$$\textcircled{3} \text{ أدرس رتبة المتتالية } (V_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$$

$$\textcircled{4} \text{ أحسب الفرق } a_{n+1} - a_n$$

$$\textcircled{5} \text{ أحسب الحد العام } a_n \text{ بدلالة } n$$

التمرين الثامن:

$$\text{نعتبر المتتالية } (U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ بحيث: } U_0 = 2 \text{ و } U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 2$$

$$\text{ونضع } V_n = U_n - 4 \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}$$

$$\textcircled{*} \text{ أحسب } V_1; V_0; U_1$$

$$\textcircled{*} \text{ أحسب } V_{n+1} \text{ بدلالة } V_n$$

$$\textcircled{*} \text{ أحسب الحد العام } V_n \text{ بدلالة } n$$

التمرين التاسع:

$$(U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ متتالية بحيث: } U_0 = -\frac{3}{4} \text{ و } U_{n+1} = \frac{2U_n - 1}{2U_n + 5}$$

$$(1) \text{ بين أن } (\forall n \in \mathbb{N}) -1 < U_n < -\frac{1}{2}$$

$$(2) \text{ أدرس رتبة المتتالية } (U_n)_{n \in \mathbb{N}}$$

$$(3) \text{ نضع } x_n = \frac{2U_n + 1}{U_n + 1} \text{ (a) أحسب } x_1; x_0$$

$$(b) \text{ بين أن } (x_n)_n \text{ هندسية}$$

التمرين العاشر:

$$\text{لنكن } (U_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ متتالية معرفة ب: } U_0 = 1$$

$$\text{و } U_{n+1} = \frac{1}{4}(2U_n + n + 2) \text{ ونضع } V_n = 2U_n - n$$

$$\Leftarrow \text{ أحسب } V_1; V_0; U_1$$

$$\Leftarrow \text{ بين أن } (V_n)_{n \in \mathbb{N}} \text{ متتالية هندسية محددا أساسها } q$$

$$\Leftarrow \text{ أحسب الحد العام } V_n \text{ بدلالة } n$$

$$\Leftarrow \text{ استنتج } U_n \text{ بدلالة } n$$