

عموميات حول المتتاليات العددية

المتتالية العددية هي تطبيق من \mathbb{N} (أو جزء I من \mathbb{N}) نحو \mathbb{R} حيث $I = \{n \in \mathbb{N} / n \geq p\}$

$$u: I \rightarrow \mathbb{R}$$

$$(u = (u_n)_{n \in I}) \text{ نضع } (n \mapsto u(n) = u_n)$$

$(u_n)_{n \in I}$ مصغرة :

$$(\exists m \in \mathbb{R})(\forall n \in I): u_n \geq m$$

$(u_n)_{n \in I}$ مكبورة :

$$\exists M \in \mathbb{R}(\forall n \in I): u_n \leq M$$

$(u_n)_{n \in I}$ محدودة :

$$[\exists (m; M) \in \mathbb{R}^2](\forall n \in I):$$

$$m \leq u_n \leq M$$

$(u_n)_{n \in I}$ ثابتة :

$$\forall n \in I; u_{n+1} = u_n$$

$(u_n)_{n \in I}$ تناقصية :

$$\forall n \in I; u_{n+1} \leq u_n$$

$(u_n)_{n \in I}$ تزايدية قطعاً :

$$\forall n \in I; u_{n+1} > u_n$$

المتتاليات الحسابية و المتتاليات الهندسية

المتتالية الهندسية

المتتالية الحسابية

$$(v_n)_{n \geq p}: \begin{cases} v_p \\ v_{n+1} = qv_n \end{cases}$$

q هو الأساس و v_p حدها الأول

$$(u_n)_{n \geq p}: \begin{cases} u_p \\ u_{n+1} = u_n + r \end{cases}$$

r هو الأساس و u_p حدها الأول

العلاقة الترجعية

$$v_n = v_p \times q^{(n-p)}$$

$$u_n = u_p + (n-p)r$$

صيغة الحد العام أو
العلاقة بين حدين من حدود المتتالية

$$(v_n)^2 = v_{n-1} \times v_{n+1}$$

$$2u_n = u_{n-1} + u_{n+1}$$

العلاقة بين ثلاثة حدود متتابعة
حيث $n > p$

$$S = v_p + \dots + v_n$$

$$S = u_p + \dots + u_n$$

مجموع حدود متتابعة
حيث $n > p$

$$S = v_p \times \frac{1-q^{(n-p+1)}}{1-q}$$

$$S = \left(\frac{n-p+1}{2} \right) (u_p + u_n)$$