

عموميات حول المتتاليات العددية

المتتالية العددية هي تطبيق من  $\mathbb{N}$  (أجزاء  $I$  من  $\mathbb{N}$ ) نحو  $\mathbb{R}$  حيث  $I = \{n \in \mathbb{N} / n \geq p\}$

$$u : I \rightarrow \mathbb{R}$$

$$n \mapsto u(n) = u_n$$

( نضع  $u = (u_n)_{n \in I}$  )

مصغورة  $(u_n)_{n \in I}$  :

$$(\exists m \in \mathbb{R})(\forall n \in I) : u_n \geq m$$

مكبورة  $(u_n)_{n \in I}$  :

$$\exists M \in \mathbb{R}(\forall n \in I) : u_n \leq M$$

محدودة  $(u_n)_{n \in I}$  :

$$[\exists (m; M) \in \mathbb{R}^2](\forall n \in I) :$$

$$m \leq u_n \leq M$$

ثابتة  $(u_n)_{n \in I}$  :

$$\forall n \in I ; u_{n+1} = u_n$$

تناقصية  $(u_n)_{n \in I}$  :

$$\forall n \in I ; u_{n+1} \leq u_n$$

تزايدية قطعاً  $(u_n)_{n \in I}$  :

$$\forall n \in I ; u_{n+1} > u_n$$

المتتاليات الحسابية و المتتاليات الهندسية

المتتالية الهندسية

المتتالية الحسابية

$$(v_n)_{n \geq p} : \begin{cases} v_p \\ v_{n+1} = qv_n \end{cases}$$

$q$  هو الأساس و  $v_p$  حدها الأول

$$(u_n)_{n \geq p} : \begin{cases} u_p \\ u_{n+1} = u_n + r \end{cases}$$

$r$  هو الأساس و  $u_p$  حدها الأول

العلاقة الترجعية

$$v_n = v_p \times q^{(n-p)}$$

$$u_n = u_p + (n-p)r$$

صيغة الحد العام أو  
العلاقة بين حدين من حدود المتتالية

$$(v_n)^2 = v_{n-1} \times v_{n+1}$$

$$2u_n = u_{n-1} + u_{n+1}$$

العلاقة بين ثلاثة حدود متتابعة  
حيث  $n > p$

$$S = v_p + \dots + v_n$$

$$S = u_p + \dots + u_n$$

مجموع حدود متتابعة  
حيث  $n > p$

$$S = v_p \times \frac{1-q^{(n-p+1)}}{1-q}$$

$$S = \left( \frac{n-p+1}{2} \right) (u_p + u_n)$$