

السنة الدراسية : 2011/12

المدة: ساعةان

استاذ: عبد الفتاح قويير

فرض محروس رقم 2  
الدورة الاولى  
في مادة الرياضيات

الثانوية الج  
احظ  
الثانوية

المستوى: 1 ع ت

التطبيق

9ن

تمرين I:

$$\left\{ \begin{array}{l} U_0 = \frac{3}{2} \\ U_{n+1} = \frac{2}{3-U_n} ; n \in \mathbb{N} \end{array} \right. \text{لتكن } (U_n) \text{ المتالية العددية المعرفة بمايلي :}$$

1. احسب  $U_1$  و  $U_2$

2. بين بالترجع :  $1 < U_n < 2$

$$3. \text{تحقق من أن: } U_{n+1} - U_n = \frac{(U_n-1)(U_n-2)}{3-U_n}$$

ب- ادرس رتابة المتالية  $(U_n)$

$$4. \text{نضع } \forall n \in \mathbb{N} \quad V_n = \frac{U_n-1}{U_n-2}$$

أ- بين أن  $(V_n)$  متالية هندسية اساسها  $\frac{1}{2}$  واحسب حدتها الاول  $V_0$

ب- حدد  $(V_n)$  بدلالة  $n$

ت- استنتج  $(U_n)$  بدلالة  $n$

1.5

1.5

1.5

1ن

1.5

1ن

1ن

7

تمرين II:

$$f(x) = \frac{2x^2+4x+3}{x^2+2x+2} \text{ لتكن } f \text{ دالة عددية للمتغير الحقيقي } x \text{ المعرفة بمايلي :}$$

1- بين أن:  $0 < x^2 + 2x + 2$

2- بين أن:  $1 \leq f(x) < 2$

3- نعتبر الدالتين العدديتين  $u$  و  $v$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفتين بمايلي :

$$v(x) = x^2 + 2x \quad \text{و} \quad u(x) = \frac{2x+3}{x+2}$$

أ- اعط جدول تغيرات كل من الدالتين  $u$  و  $v$

ب- تحقق من أن  $f(x) = (u \circ v)(x)$

ت- ادرس تغيرات الدالة  $f$  على كل من المجالين  $[-\infty; -1]$  و  $[-1; +\infty]$

1ن

1.5

2ن

1ن

1.5

4

تمرين III (}):

لتكن  $(U_n)$  المتالية العددية المعرفة بمايلي :

$$\forall n \in \mathbb{N} : U_{n+1} = \sqrt{\frac{1+U_n}{2}} \quad U_0 \in [0; 1]$$

1- بين أن:  $U_n \in [0; 1]$

2- بين أن : المتالية  $U_n$  تزايدية

3- نضع:  $\theta \in [0; \frac{\pi}{2}] \quad U_0 = \cos(\theta)$  حيث:

$$\forall n \in \mathbb{N} ; U_n = \cos(\frac{\theta}{2^n})$$

1ن

1ن

2ن

والله ولي التوفيق