

المستوى : السنة أولى علوم تجريبية مدة الإنجاز : ساعتان السنة الدراسية : 2011/2012	الفرض الأول الدورة الأولى	
التمرين 1	التنقيط	
1. حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $y^2 - y + 1 = 0$	0.5	
2. أ. أعط نفي العبارة " $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}) : x^2 - xy + y^2 = 0$ " ب. استنتج أن p عبارة صحيحة	1 1	
التمرين 2	بإستعمال الاستلزام المضاد للعكس بين أن :	1.5
لكل x و y من $\mathbb{R}$ $(xy \neq 1 \text{ و } x \neq y) \Rightarrow \frac{x}{x^2 + x + 1} \neq \frac{y}{y^2 + y + 1}$		
التمرين 3	بين بالترجع أن لكل $n \in \mathbb{N}^*$	2
$1 + 3 + 5 + \dots + (2n + 1) = (n + 1)^2$		
التمرين 4	لتكن الدالة f العددية لمتغير حقيقي المعرفة بـ $f(x) = \frac{ x }{x^2 + 1}$	
1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f ، و ادرس زوجية الدالة f	1	
2. أ. بين أن : $\forall x \in [0; +\infty[f(x) \leq \frac{1}{2}$ ب. استنتج أن $\forall x \in]-\infty; 0] f(x) \leq \frac{1}{2}$	0.5 0.5	
3. أ. بين أن لكل a و b عدنان مختلفان من $[0; +\infty[$: $\frac{f(a) - f(b)}{a - b} = \frac{1 - ab}{(1 + a^2)(1 + b^2)}$ ب. ادرس رتابة f على المجالين $[0; 1]$ و $[1; +\infty[$ ج. استنتج رتابة f على D_f	1 1 1	
التمرين 5	لتكن الدالتين العدديتين لمتغير حقيقي معرفتين بـ $f(x) = x^2 + 2x$; $g(x) = \frac{2x}{x + 1}$	
C_f و C_g منحناهما على التوالي في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$		
1. أ. حدد D_g و D_f ب. اعط جدول تغيرات كل من f و g	0.5 1	
2. أ. حدد تقاطع C_f مع محور الأفاصل ب. حدد زوج إحداثيتي نقطتي تقاطع C_f و C_g	1 1	
3. أ. أنشئ C_f و C_g ب. حل ميانيا المتراجحة $f(x) \geq g(x)$	2 1	
4. لتكن الدالة h العددية لمتغير حقيقي المعرفة بـ $h(x) = g \circ f(x)$ أ. بإستعمال D_f و D_g حدد D_h مجموعة تعريف الدالة h ب. حدد رتابة h على كل من المجالين $] -1; +\infty[$ و $] -\infty; -1[$	1 1.5	