

Exercices sur moteurs à courant continu

**Exercice 1 :**

Un moteur à excitation indépendante fonctionne sous la tension d'induit  $U=230$  V. En fonctionnement nominal, l'induit est parcouru par un courant d'intensité  $I=40$  A. La résistance de l'induit est :  $R=0,3 \Omega$  et celle de l'inducteur est  $r=120 \Omega$ . Un essai à vide à la fréquence de rotation nominale donne les résultats suivants :  $U_0=225$  V ;  $I_0=1,2$  A. Sachant que la tension d'alimentation de l'inducteur est :  $U_e=140$  V calculer le rendement du moteur.

**Corrigé :**

Puissance (W) absorbée par l'induit :  $UI=230 \times 40=9200$  W.

Puissance absorbée par l'inducteur :  $U^2/r=140^2/120=163,3$  W.

Perte mécanique + perte fer sont calculées à partir de l'essai à vide :

$U_0 I_0 = R I_0^2 + P_m + P_f$  soit  $P_m + P_f = U_0 I_0 - R I_0^2$

$P_m + P_f = 225 \times 1,2 - (0,3 \times 1,2^2) = 269,6$  W.

Pertes par effet joule dans l'induit :  $P_j = R I^2 = 0,3 \times 40^2 = 480$  W.

Pertes totales :  $269,6 + 480 = 749,6$  W

Total puissance reçue :  $9200 + 163,3 = 9363,3$

Puissance utile  $P_u = 9200 - 749,6 = 8450,4$  W

Rendement :  $8450,4 / 9363,3 = 0,90$  (90%)

**Exercice 2 :**

L'essai d'une machine à courant continu en générateur à vide à excitation indépendante a donné les résultats suivants : fréquence de rotation :  $n_G=1500$  tr/min ; intensité du courant d'excitation  $I_e=0,52$  A ; tension aux bornes de l'induit :  $U_{G0}=230$  V.

La machine est utilisée en moteur. L'intensité d'excitation est maintenue constante quelle que soit le fonctionnement envisagé. La résistance de l'induit est  $R=1,2 \Omega$ .

1. le moteur fonctionne à vide; l'intensité du courant dans l'induit est  $I_0=1,5$  A et la tension à ces bornes est  $U_0=220$  V Calculer :

- la force électromotrice.
- les pertes par effet joule dans l'induit.
- la fréquence de rotation.
- la somme des pertes mécaniques et des pertes fer.
- le moment du couple de pertes correspondant aux pertes mécaniques et pertes fer. Ce moment sera supposé constant par la suite.

2. Le moteur fonctionne en charge. La tension d'alimentation de l'induit est  $U=220$  V et l'intensité du courant qui le traverse est  $I=10$  A. Calculer :

- la force électromotrice
- la fréquence de rotation.
- le moment du couple électromagnétique.
- le moment du couple utile.
- la puissance utile.

**Corrigé :**

1.  $-U_0 = E + R I_0$  soit  $E = U_0 - R I_0 = 220 - (1,2 \times 1,5) = 218,2$  V.

- Perte joule induit :  $R I_0^2 = 1,2 \times 1,5^2 = 2,7$  W.

- La fréquence de rotation est proportionnelle à la fem :  $E = k \Omega$  soit  $k = E/\Omega$

Dans le fonctionnement en générateur  $E=230$  V et  $\Omega=2\pi(1500/60)=157$  rad/s d'où  $k=1,465$

Lors du fonctionnement en moteur à vide :  $\Omega = E/k = 218,2 / 1,465 = 148,9$  rad/s soit  $n_0=1423$  tr/min.

- Puissance absorbée à vide = puissance joule à vide + pertes mécaniques + pertes fer

$U_0 I_0 = R I_0^2 + P_m + P_f$  d'où  $P_m + P_f = U_0 I_0 - R I_0^2 = 327,3$  W.

- Le moment du couple  $C_p$  (Nm) est égal à la puissance divisée par la vitesse de rotation (rad/s)  
 $(P_m + P_f)/\Omega \quad C_p = 327,3 / 148,9 = 2,2$  Nm.

2.  $-U = E + R I$  soit  $E = U - R I = 220 - (1,2 \times 10) = 208$  V

- La fréquence de rotation est proportionnelle à la fem :

$E = k \Omega$  soit  $\Omega = E/k = 208 / 1,465 = 141,98$  rad/s soit  $n = 1356$  tr/mn.

- Moment du couple électromagnétique (Nm) :  $C_e = EI / \Omega = (208 \times 10) / 141,98 = 14,65 \text{ Nm}$ .
- Moment du couple utile  $C_u = C_e - C_p = 14,65 - 2,2 = 12,45 \text{ Nm}$ .
- Puissance utile  $P_u = C_u \Omega = 12,45 \times 141,98 = 1767,5 \text{ W}$ .

### Exercice 3 :

On dispose d'un moteur à courant continu à excitation indépendante. Ce moteur fonctionne à flux constant. L'induit du moteur a une résistance égale à  $1 \Omega$ .

I. A  $n_1 = 1200 \text{ tr/min}$ , le moteur développe un couple électromagnétique de moment  $C_1 = 60 \text{ N.m}$  et l'intensité  $I_1$  du courant dans l'induit est égale à  $26 \text{ A}$ .

1. Démontrer que la force électromotrice du moteur est  $E_1 = 290 \text{ V}$ .

2. Calculer la tension  $U_1$  aux bornes de l'induit.

II. La tension appliquée à l'induit est  $U_2 = 316 \text{ V}$ . Le moment du couple électromagnétique prend la valeur  $C_2 = 100 \text{ N.m}$ . On rappelle que pour ce type de moteur, le moment du couple électromagnétique est proportionnel à l'intensité du courant dans l'induit et que la force électromotrice est proportionnelle à la fréquence de rotation. Calculer :

1. l'intensité  $I_2$  du courant dans l'induit,

2. la f.e.m.  $E_2$  du moteur, et la fréquence de rotation  $n_2$  du rotor.

**Réponses :** I. 1.  $E_1 = C_1 \Omega_1 / I_1 = 289,99 \text{ V}$  2.  $U_1 = 316 \text{ V}$  II. 1.  $I_2 = 43,33 \text{ A}$  2.  $E_2 = 272,66 \text{ V}$   
 $n_2 = 1128 \text{ tr/min}$ .

### Exercice 4 :

Le moteur est à excitation indépendante et constante. On néglige sa réaction d'induit. L'induit a une résistance  $r = 0,20 \Omega$ . Il est alimenté sous une tension constante  $U = 38 \text{ V}$ .

1. A charge nominale, l'induit est parcouru par une intensité  $I = 5 \text{ A}$  et il tourne à la fréquence de rotation de  $1000 \text{ tr/min}$ .

1.1 Représenter le modèle équivalent de l'induit, en fléchant la tension et le courant.

1.2 Calculer la force électromotrice  $E$  de l'induit.

1.3 Calculer le moment du couple électromagnétique  $C$ .

1.4 Montrer que l'on peut exprimer  $E$  en fonction de la fréquence de rotation  $n$  suivant la relation :  $E = k.n$ .

2. Par suite d'une variation de l'état de charge, l'intensité à travers l'induit devient  $I' = 3,8 \text{ A}$ , calculer :

2.1 Le nouveau moment du couple électromagnétique  $C'$ ,

2.2 La nouvelle fréquence de rotation  $n'$ . Comparer  $n$  et  $n'$ .

**Réponses :** 1. 1.2  $E = 37 \text{ V}$  1.3  $C = 1,76 \text{ Nm}$  2. 2.1  $C' = 1,34 \text{ Nm}$  2.2  $n' = 1006 \text{ tr/min}$

### Exercice 5 :

On dispose d'un moteur à courant continu, à excitation indépendante. L'induit, de résistance  $R = 0,50 \Omega$ , est alimenté par une tension continue  $U = 220 \text{ V}$ .

L'inducteur absorbe un courant d'excitation  $i$  constant.

1- Le moteur fonctionne en charge. L'induit absorbe un courant  $I = 10 \text{ A}$ . Le moteur fournit une puissance utile  $P_u = 1,8 \text{ kW}$ . Il tourne à une fréquence de rotation de  $1200 \text{ tr/min}$ .

a- Calculer la f.é.m du moteur.

b- Calculer le moment du couple utile.

2- Le moteur fonctionne à couple constant. L'induit absorbe toujours  $I = 10 \text{ A}$ . Pour régler la vitesse, on modifie la tension  $U$ .

a- Citer un dispositif électronique qui permet de faire varier cette vitesse.

b- La tension  $U$  prend la valeur  $U = 110 \text{ V}$  : calculer la nouvelle f.é.m et la fréquence de rotation correspondante.

**Réponses :** 1- a-  $E = 215 \text{ V}$  b-  $C_u = 14,32 \text{ Nm}$  2- a- hacheur serie b-  $E' = 105 \text{ V}$   $n' = 586 \text{ tr/min}$ .