

تصرف العام لدارة كهربائية
Comportement global d'un circuit électrique

I - توزيع الطاقة الكهربائية خلال مدة زمنية Δt

1 - على مستوى المولد

الولد ثنائي قطب نشيط مميزته $(U_{PN} = f(I))$ خطية وينتج الطاقة الكهربائية.
اصطلاح المولد هو:

1-1 - قانون أوم بالنسبة للمولد

مميزة المولد: $U_{PN} = E - rI$

E : القوة الكهرومحرركة للمولد (Force Electromotrice) وحدتها V ؛

r : المقاومة الداخلية للمولد وحدتها الأوم Ω : $r = -\frac{U_2 - U_1}{I_2 - I_1} > 0$

1-2 - الحصيلة الطاقة لمولد كهربائي

التوتر U_{PN} بين مربطي مولد هو: $U_{PN} = E - rI$

نقوم بعملية الضرب في $I \Delta t$ طرفي المتساوية:

$$U_{PN} \cdot I \Delta t = E \cdot I \Delta t - r \cdot I^2 \Delta t$$

$$EI \Delta t = U_{PN} \cdot I \Delta t + rI^2 \Delta t \quad (1) \quad \text{ومنه فإن:}$$

$U_{PN} \cdot I \Delta t$: تمثل الطاقة المكتسبة من طرف الدارة والممنوحة من طرف المولد وهي الطاقة النافعة W_e

$r \cdot I^2 \Delta t$: تمثل الطاقة الحرارية المبددة بمفعول جول في المولد: W_J

$E \cdot I \Delta t$: تمثل الطاقة الكلية W_g للمولد وهي الطاقة التي يستهلكها المولد قصد تحويلها إلى طاقة كهربائية، وقد تكون طاقة كيميائية أو طاقة ميكانيكية...

$$W_g = W_e + W_J \quad \text{وبالتالي يكون لدينا:}$$

1-3 - حصيلة القدرة

بقسمة طرفي المعادلة (1) على Δt نحصل على:

$$EI = U_{PN} \cdot I + rI^2$$

$$P_g = EI -$$

$$P_e = U_{PN} I -$$

$$P_J = rI^2 -$$

1-4 - مردود المولد

مردود المولد هو خارج قسمة الطاقة (القدرة) النافعة W_e (P_e) على الطاقة

(القدرة) الكلية W_g (P_g):

$$\rho < 1 \quad \text{و بدون وحدة.}$$

2 - على مستوى مستقبل

1-2 - قانون أوم لمستقبل

التوتر U_{AB} بين مربطي مستقبل AB (محرك، محلل كهربائي...) يمر فيه تيار كهربائي شدته I هو:

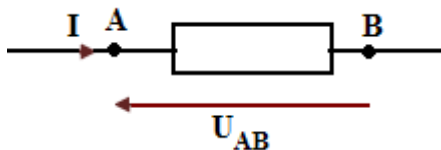
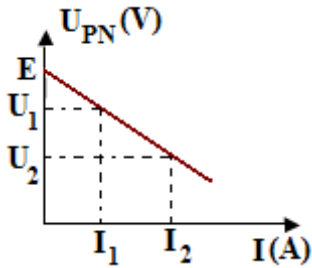
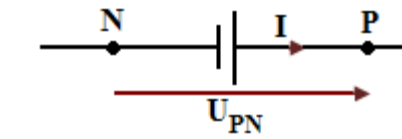
$$U_{AB} = E' + r'I$$

E' : القوة الكهرومحرركة المضادة للمستقبل؛

r' : المقاومة الداخلية للمستقبل.

2-2 - الحصيلة الطاقة لمستقبل

$$U_{AB} I \Delta t = E' \cdot I \Delta t + r' I^2 \Delta t \quad (1')$$



$U_{AB}I\Delta t$: تمثل الطاقة الكهربائية المكتسبة (reçue) من طرف المستقبل W_r ؛
 $E'I\Delta t$: تمثل الطاقة النافعة (Utile) W_U وتكون ميكانيكية (محرك) أو كيميائية (محلل كهربائي) ...
 $R'I^2\Delta t$: تمثل الطاقة الحرارية المبددة بمفعول جول في المستقبل W_J .

وبالتالي لدينا: $W_r = W_U + W_J$

2-3 - حصة القدرة

بقسمة طرفي المتساوية (1') على Δt نحصل على: $U_{AB}I = E'.I + r'I^2$

$$P_r = U_{AB}I -$$

$$P_U = E'I -$$

$$P_J = r'I^2 -$$

2-4 - مردود مستقبل

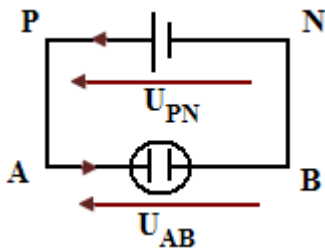
هو خارج قسمة الطاقة (القدرة) النافعة W_U (PU) على الطاقة (القدرة) المكتسبة W_r (Pr):

$$\rho = \frac{E'}{E' + r'I} \quad \longleftrightarrow \quad \rho = \frac{W_U}{W_r} = \frac{E'.I.\Delta t}{U_{AB}.I.\Delta t} = \frac{E'I}{E'I + r'I^2}$$

$\rho < 1$ وبدون وحدة.

3 - المردود الكلي لدائرة بسيطة

نعتبر دائرة كهربائية تضم مولدا كهربائيا مركبا على التوالي مع مستقبل (محلل كهربائي) نعرف المردود الكلي لهذه الدارة بالعلاقة:



$$\rho_1 = \frac{E'I\Delta t}{U_{AB}I\Delta t} = \frac{E'}{U_{AB}} \quad \text{- مردود المحلل الكهربائي:}$$

$$\rho = \frac{E'I\Delta t}{EI\Delta t} = \frac{E'}{E}$$

$$\rho_2 = \frac{U_{PN}.I.\Delta t}{E.I.\Delta t} = \frac{U_{PN}}{E} \quad \text{- مردود المولد:}$$

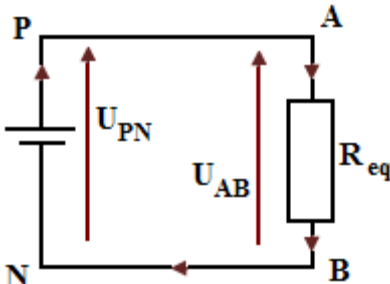
لدينا $U_{AB} = U_{PN}$

$$\rho = \rho_1 \times \rho_2 = \frac{E'}{E}$$

II - العوامل المؤثرة على الطاقة الممنوحة من طرف مولد في دائرة مقاومة

1 - شدة التيار الكهربائي في دائرة مقاومة

نعتبر مولدا كهربائيا (E, r) مركبا على التوالي مع موصل أومي مكافئ لموصلات أومية مركبة على التوالي أو على التوازي ومقاومته R_{eq} .



حسب قانون أوم:

$$U_{PN} = E - rI \quad \checkmark \quad \text{بالنسبة للمولد:}$$

$$U_{AB} = R_{eq}.I \quad \checkmark \quad \text{بالنسبة للثنائي القطب AB}$$

$$E - rI = R_{eq}I \quad \text{لدينا } U_{PN} = U_{AB} \quad \text{إذن:}$$

$$I = \frac{E}{r + R_{eq}} \quad \text{وبالتالي:}$$

2 - تأثير القوة الكهرومحركة E والمقاومة المكافئة Req على الطاقة الممنوحة من طرف مولد خلال مدة Δt

الطاقة الكهربائية الممنوحة من طرف مولد خلال مدة Δt هي: $W_e = U_{PN}.I.\Delta t$

$$W_e = R_{eq}.I^2.\Delta t$$

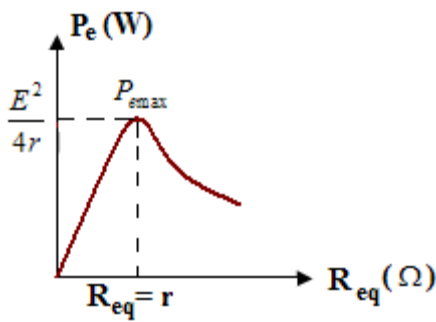
$$\text{إذن: } W_e = \frac{R_{eq}}{(r + R_{eq})^2} E^2 \Delta t$$

تتناسب الطاقة الكهربائية الممنوحة من طرف مولد خلال مدة Δt مع مربع القوة الكهرومحركة E .

ملحوظة:

متى تكون القدرة الممنوحة من طرف المولد قصوى؟

التمثيل المبياني $P_e = f(R_{eq})$



$$P_e = \frac{W_e}{\Delta t} \Rightarrow P_e = \frac{R_{eq}}{(r + R_{eq})^2} E^2$$

لدينا:

عند دراسة تغيرات P_e بدلالة R_{eq} نتوصل إلى أن P_e تأخذ قيمة قصوى

$$\text{عند } R_{eq} = r \text{ أي أن: } P_{e \max} = \frac{E^2}{4r}$$

نشاط تجريبي: تأثير كيفية تجميع المقاومات

أ - التركيب على التوالي:

$$R_2 = 100\Omega, R_1 = 50\Omega$$

$$I = 40 \text{ mA}, E = 6V$$

نحسب القدرة الممنوحة من طرف المولد: $P_1 = E.I = 0,24W$

$$R_{eq} = R_1 + R_2$$

$$P_1 = \frac{R_{eq}}{(R_{eq})^2} E^2 = \frac{1}{R_1 + R_2} E^2$$

ب - التركيب على التوازي:

$$R_2 = 100\Omega, R_1 = 50\Omega$$

$$I = 180 \text{ mA}, E = 6V$$

نحسب القدرة الممنوحة من طرف المولد: $P_2 = E.I = 1,08W$

نلاحظ أن: $P_2 > P_1$

لدينا:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow R_{eq} = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2}$$

$$P_2 = \frac{R_{eq}}{(R_{eq})^2} E^2 = \frac{1}{R_{eq}} E^2 \Rightarrow P_2 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 \times R_2} E^2 \quad \text{إذن:}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{\frac{R_1 + R_2}{R_1 \times R_2} E^2}{\frac{1}{R_1 + R_2} E^2} = \frac{(R_1 + R_2)^2}{R_1 \times R_2} > 1$$

وبالتالي: $P_2 > P_1$

بصفة عامة:

القدرة الكهربائية التي يمنحها المولد لموصلات أومية مركبة على التوازي أكبر من القدرة الكهربائية التي يمنحها هذا المولد لنفس الموصلات الأومية المركبة على التوالي.

3 - حدود اشتغال موصل أومي

يعطي الصانع عادة قيمة المقاومة R وكذا القدرة القصوى P_{max} التي يمكن للموصلات الأومية تحملها وبالتالي نحسب

$$P_{max} = U_{max} I_{max}$$

I_{max} و U_{max} بالعلاقة:

$$P_{max} = R I_{max}^2 \Rightarrow I_{max} = \sqrt{\frac{P_{max}}{R}}$$

$$U_{max} = R I_{max} \Rightarrow U_{max} = \sqrt{R P_{max}}$$