

## الشغل وطاقة الوضع الثقالية-الطاقة الميكانيكية

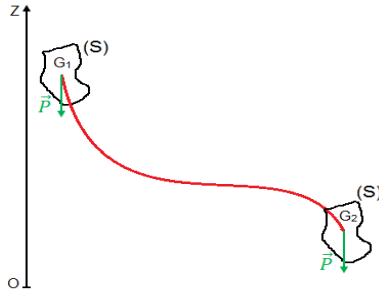
### Travail et énergie potentielle de pesanteur-énergie mécanique

#### 1. طاقة الوضع الثقالية

##### 1. مفهوم طاقة الوضع الثقالية

طاقة الوضع الثقالية لجسم ما في مجال الثقالة، هي الطاقة التي يمتلكها هذا الجسم نتيجة موضعه بالنسبة للأرض.

##### 2. تعبير طاقة الوضع الثقالية



نعتبر انتقال جسم صلب في مجال الثقالة.

شغل وزن الجسم أثناء انتقال مركز قصوره من  $G_1$  إلى  $G_2$

$$W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{P}) = mg(z_1 - z_2) = mgz_1 - mgz_2$$

نلاحظ أن شغل وزن الجسم يظهر على شكل حدين، وحدة كل حد هي (J)، إذن كل حد عبارة عن طاقة.

$mgz_1$ : طاقة تتعلق بالأنسوب  $z_1$  (الموضع  $G_1$ ) تسمى طاقة الوضع الثقالية للجسم (S) عند الأنسوب  $z_1$  ونرمز لها ب:  $E_{pp}(z_1)$ .

$mgz_2$ : طاقة تتعلق بالأنسوب  $z_2$  (الموضع  $G_2$ ) تسمى طاقة الوضع الثقالية للجسم (S) عند الأنسوب  $z_2$  ونرمز لها ب:  $E_{pp}(z_2)$ .

بصفة عامة نعطي تعبير طاقة الوضع الثقالية عند الأنسوب  $z$  بالعلاقة:  $E_{pp}(z) = mgz + C$  مع:  $C$ : ثابتة اعتباطية لها علاقة بالحالة المرجعية.

##### 3. الحالة المرجعية – تحديد الثابتة C

الحالة المرجعية لطاقة الوضع الثقالية هي الحالة التي نختارها

اعتباطا حيث تسند لطاقة الوضع الثقالية القيمة  $E_{pp} = 0$ .

##### ❖ تحديد الثابتة C

$$E_{pp}(0) = C \quad \text{عند } z = 0$$

إذن:  $C$  طاقة الوضع الثقالية عندما يحتل الجسم موضع أصل الأناسيب.

$$E_{pp}(z_0) = mgz_0 + C = 0 \quad \text{عند } z = z_0$$

$$\text{إذن: } C = -mgz_0$$

وهكذا يصبح تعبير طاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}(z) = mg(z - z_0)$

##### 4. تغير طاقة الوضع الثقالية

لتكن  $\Delta E_{pp}$  تغير طاقة الوضع الثقالية عندما ينتقل جسم من الموضع  $G_1$  إلى الموضع  $G_2$ .

$$\Delta E_{pp} = E_{pp}(z_2) - E_{pp}(z_1) = mgz_2 + C - mgz_1 - C \quad \text{إذن:}$$

$$\Delta E_{pp} = mg(z_2 - z_1) = -mg(z_1 - z_2)$$

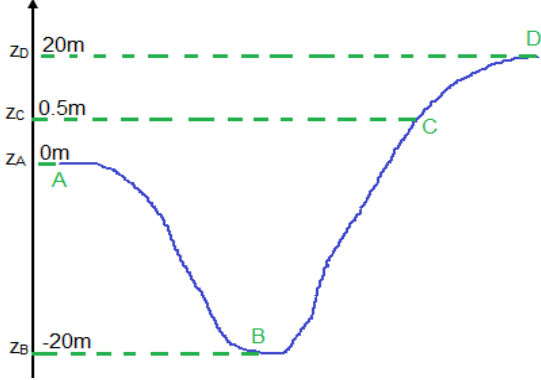
$$\Delta E_{pp} = -W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{P})$$



### ملحوظة:

- ✓ طاقة الوضع تبقى ثابتة خلال انتقال أفقي  $z = cte$ .
- ✓ تتناسب طاقة الوضع مع الارتفاع.
- ✓ طاقة الوضع الثقالية مقدار جبري عكس الطاقة الحركية.
- ✓ تغير طاقة الوضع الثقالية لا يتعلق بالحالة المرجعية, بل فقط بالحالة البدئية والحالة النهائية.

### تمرين تطبيقي:



يمثل الشكل جانبه سكة تنتقل عليها عربة ألعاب كتلتها  $m = 65Kg$ .

نأخذ المستوى الأفقي المار من النقطة C مرجعا لطاقة الوضع الثقالية.

1. أحسب  $E_{pp}$  للعربة بالمواضع A و B و D.
2. أحسب تغير  $E_{pp}$  للعربة خلال انتقالها:  
من A إلى B ; من A إلى D ; من C إلى B ; من C إلى D.

## II. الطاقة الميكانيكية

### 1. تعريف

تساوي الطاقة الميكانيكية لجسم صلب عند كل لحظة, وفي معلم معين, مجموع الطاقة الحركية وطاقة الوضع الثقالية لهذا الجسم.

$$E_m = E_C + E_{pp}$$

### 2. انحفاظ الطاقة الميكانيكية

#### أ. حالة السقوط الحر

نعتبر جسما صلبا في سقوط حر.

$$\Delta E_C = W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية لدينا:

$$\Delta E_m = \Delta E_C + \Delta E_{pp} = 0 \iff \Delta E_{pp} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

وبالتالي  $E_m$  تبقى ثابتة.

فنقول أن لدينا **انحفاظا للطاقة الميكانيكية** والوزن **قوة محافظة**.

#### ب. حالة انزلاق جسم صلب بدون احتكاك فوق مستوى مائل

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين الموضعين A و B

$$\Delta E_C = W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) + W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

لدينا:

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = 0$$

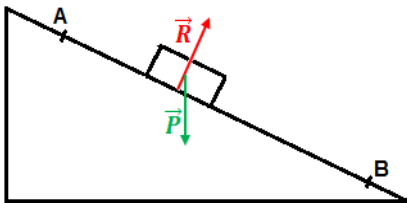
الاحتكاكات مهمة إذن:

$$\Delta E_{pp} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

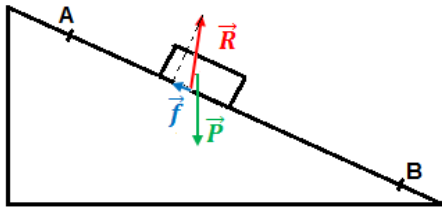
ونعلم أن:

$$\Delta E_m = 0 \iff \Delta E_C = -\Delta E_{pp} \iff$$

إذن الطاقة الميكانيكية تتحفظ.



### 3. عدم انحفاظ الطاقة الميكانيكية



نعتبر جسما صلبا ينزلق باحتكاك فوق مستوى مائل.

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية لدينا:

$$\Delta E_C = W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) + W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

نعلم أن:  $W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = W_{A \rightarrow B}(\vec{R}_N) + W_{A \rightarrow B}(\vec{f})$

مع:  $\Delta E_{PP} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$  و  $W_{A \rightarrow B}(\vec{R}_N) = 0$

$$\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) < 0 \quad \longleftarrow$$

إذن الطاقة الميكانيكية للجسم لا تنحفظ بل تتناقص, ويوافق هذا التناقص شغل قوى الاحتكاك.

نقول إن قوى الاحتكاك غير محافظة.

### 4. تعليل

يعزى عدم انحفاظ الطاقة الميكانيكية لجسم صلب خاضع لقوى الاحتكاك إلى تحول جزء من

هذه الطاقة إلى طاقة حرارية بحيث:  $\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) = -Q$