

دوران جسم صلب ثابت حول محور ثابت

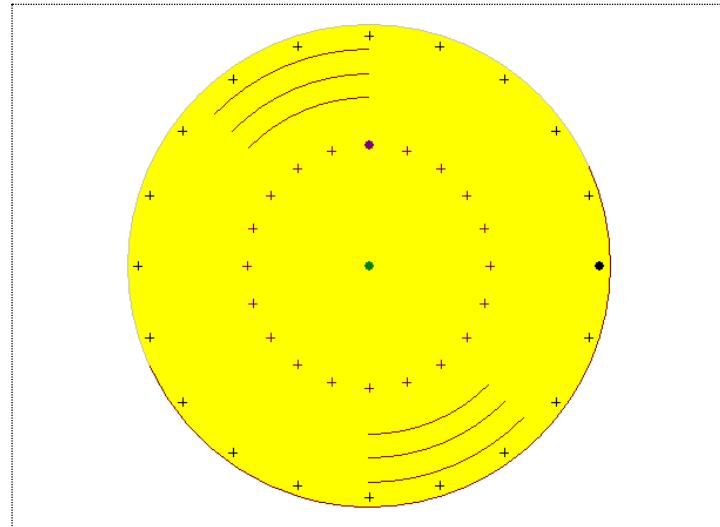
Rotation d'un solide indéformable autour d'un axe fixe

I) **حركة جسم صلب في دوران حول محور ثابت.**

النشاط: استحضار أمثلة مختلفة وتجسيد البعض منها

تكون المجموعة {corps-axis} قابلة للتشوه في حالة إزاحة دائرة دائيرية لجسم صلب، في حين تكون المجموعة {corps-axis} صلبة في حالة حركة دورانية للجسم.

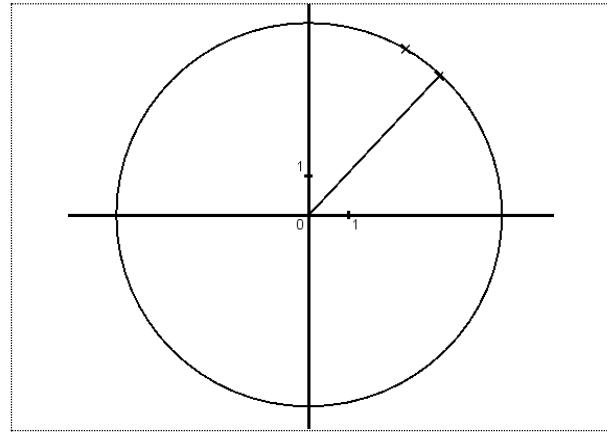
مثال: قرص في دوران حول محور ثابت.



تعريف: تكون جسم صلب غير قابل للتشوه حركة دوران حول محور ثابت إذا كانت كل نقطة من نقطه في حركة دائيرية مركزة على هذا المحور.

II) دراسة الحركة الدائرية.

(1) **معالمة الحركة.**



المعلم $R(O, \bar{i}, \bar{j}, \bar{k})$ متعامد و منظم و متوجه \bar{k} منطبق مع محور الدوران. نعتبر المحور Ox اتجاهها

مرجعيا و نوجه المسار وفق منحى الحركة:

❖ نسمي الزاوية $\theta = (\overrightarrow{Ox}, \overrightarrow{OM})$ بالأقصول الزاوي للنقطة المتحركة M عند اللحظة t , و هو مقدار جري وحدته في S.I هي الراديان (rad).

❖ نسمي القوس $s = AM$ بالأقصول المنحني للنقطة المتحركة M عند التاريخ t , و هو مقدار جري وحدته في S.I هي المتر (m).

$$s = r \cdot \theta$$

❖ العلاقة بين الأوصول الزاوي والأوصول المنحني:

٢. يمثل شعاع المسار الدائري للنقطة المتحركة.

طريق: حدد على التسجيل كل من الأوصول الزاوي والأوصول المنحني للنقطة المتحركة عند

$$\text{التاريخ } t = 3\tau$$

(2) السرعة الزاوية.

أ- السرعة الزاوية المتوسطة.

عندما ينجز الجسم حركة دوران حول المحور (Δ) يكون للنقطة المتحركة M أوصولاً زاوياً θ_1 عند التاريخ t_1 ثم أوصولاً زاوياً θ_2 عند التاريخ t_2 :

تعريف:

السرعة الزاوية المتوسطة ω_m للنقطة المتحركة M بين اللحظتين t_1 و t_2 هي :

$$\omega_m = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1}$$

وحدة في S.I هي الرadian على الثانية: rad.s^{-1}

ملحوظة: يكون جميع نقاط الجسم نفس السرعة الزاوية، نتحدث بذلك عن السرعة الزاوية للجسم.

طريق: أحسب السرعة الزاوية المتوسطة للقرص علماً أن $\tau = 20\text{ms}$.

ب- السرعة الزاوية اللحظية.

نعتبر لحظتين t_{i-1} و t_{i+1} جد متقاربتين تؤطران اللحظة t_i ، إذا كان $\theta_{i+1} - \theta_{i-1}$ الفرق في الأوصول الزاوي بين هاتين اللحظتين، نحدد السرعة الزاوية اللحظية بالعلاقة:

$$\omega_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

عندما نضع: $\omega_i = \frac{\delta\theta_i}{\delta t_i}$ $\delta t_i = t_{i+1} - t_{i-1}$ و $\delta\theta_i = \theta_{i+1} - \theta_{i-1}$

ت- العلاقة بين السرعة الزاوية والسرعة الخطية.

السرعة الخطية V_i للنقطة المتحركة هي :

$V_M(t_i) = r_M \cdot \frac{\delta\theta_i}{\delta t} = r_M \cdot \omega(t_i)$ بذلك $\delta s_M = r_M \cdot \delta\theta$ و منه: $s_M = r_M \cdot \theta$

$$V_M(t_i) = r_M \cdot \omega(t_i)$$

طريق: أحسب السرعة الخطية لل نقطتين A و B على التسجيل.

(III) حركة الدوران المنتظم.

تعريفه: تكون حركة دوران جسم صلب حول محور ثابت منتظمة إذا بقية سرعته الزاوية اللحظية ثابتة: $\omega = Cte$.

* الدوران الترددي.

مع مرور الزمن تكرر مماثلة لنفسها حركة جسم دورانه منتظم، نقول أنها دورية. إذا كان الجسم يجتاز دورة خلال مدة زمنية T , فإن T تمثل دور الحركة.

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

و نستنتج أن :

تعريفه: التردد f لحركة دورية هو عدد الأدوار التي تكرر خلال وحدة الزمن.

$$f = \frac{1}{T}$$

و نستنتج :

وحدة التردد في S.I هي الهرتز رمزها Hz. ($Hz = s^{-1}$)

طريق: أحسب تردد حركة القرص في التسجيل.

* المعادلة الزمنية للحركة.

إذا كان الأوصول الزاوي لنقطة متحركة M من الجسم عند التاريخ t هو θ و عند

التاريخ البديئي t_0 هو θ_0 فإن: $\omega = \frac{\theta - \theta_0}{t - t_0} = Cte$ و منه:

$$\theta = \omega \cdot (t - t_0) + \theta_0$$

تشكل العلاقة المعادلة الزمنية لحركة النقطة M من الجسم، وفي حالة $t_0 = 0$ نكتب:

$$\theta = \omega \cdot t + \theta_0$$

باعتبار الأوصول المنحني S تكون المعادلة الزمنية لحركة النقطة M:

و منه: $s_M = r_M \cdot [\omega \cdot (t - t_0) + \theta_0]$ وبذلك: $s_M(t) = r_M \cdot \theta_M(t)$

$$s_M = V_M \cdot (t - t_0) + s_0$$

في حالة $t_0 = 0$ تكتب المعادلة: $s_M = V_M \cdot t + s_0$

(IV) تطبيق: دراسة حركة قرص باستعمال الوسائل