

التمرين الأول

نحو مجموعه تعريف المالة f في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \frac{x-3}{x^2-x+1} \quad (3)$$

$$f(x) = \sqrt{-2x+3} \quad (2)$$

$$f(x) = \frac{3x+1}{x^2-4} \quad (1)$$

$$f(x) = \sqrt{x} - \sqrt{2-x} \quad (6)$$

$$f(x) = \frac{x^2}{|x|+3} \quad (5)$$

$$f(x) = \frac{x+1}{x^2+1} \quad (4)$$

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+2}} \quad (9)$$

$$f(x) = \frac{2x+1}{x^2-3x+2} \quad (8)$$

$$f(x) = \frac{1}{|x|-2} \quad (7)$$

التمرين الثاني

أدرس هل المالة f زوجية أم فردية في كل حالة مما يلي :

$$f(x) = \frac{x}{\cos x - 2}$$

$$f(x) = x^2 - x$$

$$f(x) = \frac{4x^2+1}{x^2-4}$$

$$f(x) = \frac{2x}{|x|+2}$$

$$f(x) = \frac{x}{2} - \frac{2}{x}$$

$$f(x) = \frac{x^2+3}{|x|-2}$$

$$f(x) = 2x^3 - 3$$

$$f(x) = |x-1| - |x+1|$$

$$f(x) = \frac{x^2+x+1}{x-1} - \frac{x^2-x+1}{x+1}$$

$$f(x) = \sqrt{x+2} + \sqrt{2-x}$$

التمرين الثالث

نعتبر المالة العددية $f(x) = \frac{x^2-1}{2x^2+1}$ و بيد أن f مكبورة بالعده

نعتبر المالة العددية $f(x) = \frac{2\sqrt{x}-1}{x+2}$ و بيد أن f مصخورة بالعده

نعتبر المالة العددية $f(x) = \frac{x-1}{|x|+2}$ و بيد أن f محدودة و استنتج أن f محدودة

نعتبر المالة العددية $f(x) = \frac{2x}{x^2-x+1}$ و بيد أن f محدودة بيد $-\frac{2}{3} < x < 2$

التمرين الرابع

بيه أن المالة $f(x) = \frac{x^2+4x+1}{x^2+1}$ تقبل قيمة قصوية في $a = 1$

بيه أن المالة $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + x - 1$ تقبل قيمة الدنيا في $a = -\frac{1}{2}$

بيه أن المالة $f(x) = \frac{4x-3}{x^2+1}$ تقبل مطراقا في $a = 2$ مقدما نوعه

لتكون f المالة العددية المعرفة بما يلي :

(1) نعتبر مجموعه تعريف المالة f و بيد أن $-\frac{1}{2} < a < \frac{1}{2}$ هي القيمة الدنيا للمالة f

(2) هل المالة f محدودة؟