

## التمرين الأول

حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$f(x) = \frac{x-3}{x^2-x+1} \quad (3)$$

$$f(x) = \sqrt{-2x+3} \quad (2)$$

$$f(x) = \frac{3x+1}{x^2-4} \quad (1)$$

$$f(x) = \sqrt{x} - \sqrt{2-x} \quad (6)$$

$$f(x) = \frac{x^2}{|x|+3} \quad (5)$$

$$f(x) = \frac{x+1}{x^2+1} \quad (4)$$

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+2}} \quad (9)$$

$$f(x) = \frac{2x+1}{x^2-3x+2} \quad (8)$$

$$f(x) = \frac{1}{|x|-2} \quad (7)$$

## التمرين الثاني

أدرس هل الدالة  $f$  زوجية أم فردية في كل حالة مما يلي :

$f(x) = \frac{x}{\cos x - 2}$	$f(x) = x^2 - x$	$f(x) = \frac{4x^2 + 1}{x^2 - 4}$	$f(x) = \frac{2x}{ x  + 2}$
$f(x) = \frac{x}{2} - \frac{2}{x}$	$f(x) = \frac{x^2 + 3}{ x  - 2}$	$f(x) = 2x^3 - 3$	$f(x) =  x-1  -  x+1 $
$f(x) = \frac{x^2 + x + 1}{x-1} - \frac{x^2 - x + 1}{x+1}$		$f(x) = \sqrt{x+2} + \sqrt{2-x}$	

## التمرين الثالث

نعتبر الدالة العددية  $f(x) = \frac{x^2-1}{2x^2+1}$  حدد  $D_f$  و بين أن  $f$  مكبورة بالحد  $\frac{1}{2}$

نعتبر الدالة العددية  $f(x) = \frac{2\sqrt{x}-1}{x+2}$  حدد  $D_f$  و بين أن  $f$  مضغوطة بالحد  $-1$

نعتبر الدالة العددية  $f(x) = \frac{x-1}{|x|+2}$  حدد  $D_f$  و بين أن  $|x-1| < |x|+2$  و استنتج أن  $f$  محدودة

نعتبر الدالة العددية  $f(x) = \frac{2x}{x^2-x+1}$  حدد  $D_f$  و بين أن  $f$  محدودة بين  $-\frac{2}{3}$  و  $2$

## التمرين الرابع

بين أن الدالة  $f(x) = \frac{x^2+4x+1}{x^2+1}$  تقبل قيمة قصوى في  $a=1$

بين أن الدالة  $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + x - 1$  تقبل قيمة دنيا في  $a=-1$

بين أن الدالة  $f(x) = \frac{4x-3}{x^2+1}$  تقبل مطرافا في  $a=2$  محدد نوعه

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة بما يلي :  $f(x) = \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+2}$

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$  و بين أن  $-\frac{1}{2}$  هي القيمة الدنيا للدالة  $f$

(2) هل الدالة  $f$  محدودة ؟