



2. بين أن الدالة f مكبورة بالعدد $\frac{7}{3}$ على \mathbb{R} .

3. بين أن الدالة f مصغرورة بالعدد 1 على \mathbb{R} .

4. مادا تستنتج بالنسبة للدالة f ؟

تمرين 10: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$\forall x \in \mathbb{R} \quad f(x+2\pi) = f(x)$$

$$f(x+2\pi) = \cos(x+2\pi) = \cos x = f(x)$$

تمرين 11: نعتبر الدوال f و g المعرفة على \mathbb{R}

$$g(x) = \sin 7x \quad f(x) = \cos 6x$$

1. بين أن الدالة f دورية و $\frac{\pi}{3}$ دور لها.

2. بين أن الدالة g دورية و $\frac{2\pi}{7}$ دور لها.

تمرين 12: لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي:

$$f(x) = x^2 + 2$$

1. أحسب : $f(0)$.

2. بين أن : $f(0) \leq f(x)$ على \mathbb{R} ومادا تستنتج؟

تمرين 13: لتكن f دالة معرفة بـ $-2x^2 + 4x + 1$

$$f(x) = -2\left(x-1\right)^2 - \frac{3}{2}$$

2. تأكيد أن : $(1) \leq f(x) \leq f(-1)$ مهما تكون x من \mathbb{R} .

3. مادا تستنتج؟

تمرين 14: لتكن f دالة معرفة بـ $2x^2 + 2x + 3$

بين أن : $f(-1) = 3$ هي قيمة دنيا للدالة f على \mathbb{R}

تمرين 15: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 + x + 1}$$

1. حيز تعريف الدالة f

2. بين أن (1) هي القيمة الدنيا للدالة f على \mathbb{R} .

3. بين أن (-1) هي القيمة القصوى للدالة f على \mathbb{R} .

تمرين 16: نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كالتالي :

$$f(x) = x\sqrt{x^2 + 1} - x^2 \quad \text{بين أن الدالة } f \text{ مكبورة بالعدد } \frac{1}{2}$$

تمرين 17: لتكن الدالتين العدديتين f و g المعرفتين

$$g(x) = x^2 \quad f(x) = 2x - 1$$

1. مثل الدالتين f و g في نفس المعلم

2. أدرس اشارة الفرق: $(g(x) - f(x))$ وماذا تستنتج مبيانيا؟

تمرين 1: حدد مجموعة تعريف الدوال المعرفة كالتالي :

$$g(x) = \frac{3x + 1}{2x^2 - x - 1} \quad (1)$$

$$h(x) = \sqrt{2x^2 - x - 1} \quad (3)$$

تمرين 2: حدد مجموعة تعريف الدوال المعرفة كالتالي :

$$g(x) = \frac{4x + 1}{x^2 + x + 1} \quad (2) \quad f(x) = \frac{|x|(2x+1)}{x(2x^2+x-3)} \quad (1)$$

$$B(x) = \frac{x^2 - 3}{|x-1| - |x+1|} \quad (5) \quad A(x) = \frac{x^2 - 3}{4|x| + 2} \quad (4) \quad h(x) = \frac{x^2 + x - 3}{2|x| - 1} \quad (3)$$

$$C(x) = \sqrt{3 - x^2} \quad (6)$$

تمرين 3: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

1. حيز تعريف الدالة f

2. بين أن : $f(x) \leq 1$

3. بين أن : $0 \leq f(x)$

4. مادا تستنتج؟ مادا نقول عن الدالة f ؟

تمرين 4: حدد من بين الدوال f التالية الدوال المكبورة و المصغرورة والمحدودة

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = |x| + 6 \quad .1$$

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = 2\cos x + 1 \quad .2$$

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = -x^4 - 4 \quad .3$$

$$I = \mathbb{R}^+ \quad f(x) = \sqrt{x} + 6 \quad .4$$

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = \sin x - 2 \quad .5$$

تمرين 5: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

1. بين أن الدالة f مصغرورة بالعدد 4

تمرين 6: نعتبر الدالة f المعرفة

$$\text{كالتالي : } f(x) = -2x^2 + 4x + 1$$

2. بين أن الدالة f مكبورة بالعدد 3

تمرين 7: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

3. بين أن الدالة f مصغرورة بالعدد 4

تمرين 8: لتكن f الدالة العددية المعرفة على $[1; +\infty]$ بما يلي:

$$f(x) = -5x - \sqrt{x-1}$$

4. بين أن الدالة f مكبورة بالعدد 5 على $[1; +\infty]$

تمرين 9: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{2x^2 + 7x + 7}{x^2 + 3x + 3}$$

5. حيز تعريف الدالة f

تمرين 18: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$g(x) = x^2 \quad f(x) = x$$

1. حدد D_f و D_g

2. أرسم في معلم متعمد منظم منحنى الدالتين f و g

3. قارن f و g

تمرين 19: قارن الدالتين العدديتين f و g المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = 4x^2 - 1 \quad g(x) = 4x$$

واعط تأويلاً مبيانياً للنتيجة

تمرين 20: أدرس الوضع النسبي لمنحنى الدالة f و منحنى الدالة g

$$\text{حيث } g(x) = x + \frac{1}{x+1} \quad f(x) = x$$

تمرين 21: نعتبر الدالتين f و g المعرفتين على \mathbb{R} كالتالي :

$$g(x) = -x^2 + 2x + 2 \quad f(x) = x^2 - 3x + 5$$

أدرس الوضع النسبي لمنحنى الدالة f و منحنى الدالة g

تمرين 22: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$g(x) = x^2 \quad f(x) = x + 1$$

تمرين 23: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$(g \circ f)(x) = x^3 - x \quad f(x) = -x + 1$$

تمرين 24: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$g(x) = \sqrt{x} \quad f(x) = x - 1$$

حدد : D_f و D_g ثم أحسب $(g \circ f)(x)$

تمرين 25: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$g(x) = \sqrt{x+1} \quad f(x) = x - 3$$

حدد : D_f و D_g ثم أحسب $(g \circ f)(x)$

تمرين 26: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$g(x) = -3x + 2 \quad f(x) = 4x - 3$$

أدرس رتابة f و g

تمرين 27: لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x

$$f(x) = \sqrt{x+2}$$

المعرفة كالتالي :

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة

(2) أدرس رتابة الدالة f على D_f وحدد جدول تغيرات f

(3) أنشئ التمثيل المباني للدالة f في معلم متعمد منظم.

تمرين 28: لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :

$$f(x) = -\frac{1}{2}x^3$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة

(2) بين أن الدالة f تنقصصية قطعاً على D_f و حدد جدول تغيرات f

(3) أنشئ التمثيل المباني للدالة f في معلم متعمد منظم.