

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة 2: عموميات حول الدوال
المستوى : الأولى باك علوم تجريبية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

2. بين أن الدالة f مكبورة بالعدد $\frac{7}{3}$ على \mathbb{R} .

3. بين أن الدالة f مصغورة بالعدد 1 على \mathbb{R} .

4. ماذا تستنتج بالنسبة للدالة f ؟

تمرين 10: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = \cos x$

قارن: $f(x)$ و $f(x+2\pi)$ $\forall x \in \mathbb{R}$

الجواب $f(x+2\pi) = \cos(x+2\pi) = \cos x = f(x)$

تمرين 11: نعتبر الدوال f و g المعرفة على \mathbb{R}

كالتالي: $f(x) = \cos 6x$ و $g(x) = \sin 7x$

1. بين أن الدالة f دورية و $\frac{\pi}{3}$ دور لها.

2. بين أن الدالة g دورية و $\frac{2\pi}{7}$ دور لها.

تمرين 12: لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي:

$$f(x) = x^2 + 2$$

1. أحسب: $f(0)$

2. بين أن: $f(0) \leq f(x)$ على \mathbb{R} وماذا تستنتج؟

تمرين 13: تكن f دالة معرفة ب: $f(x) = -2x^2 + 4x + 1$

$$(1) \text{ أحسب } f(1) \text{ و تأكد أن: } f(x) = -2\left(x-1\right)^2 - \frac{3}{2}$$

(2) تأكد أن: $f(1) \leq f(x)$ $\forall x$ من \mathbb{R} .

(3) ماذا تستنتج؟

تمرين 14: لتكن f دالة معرفة ب: $f(x) = 2x^2 + 2x + 3$

بين أن: $f(-1)$ هي قيمة دنيا للدالة f على \mathbb{R}

تمرين 15: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = \frac{x^2+1}{x^2+x+1}$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة f

2. بين أن $f(1)$ هي القيمة الدنيا للدالة f على \mathbb{R} .

3. بين أن $f(-1)$ هي القيمة القصوى للدالة f على \mathbb{R} .

تمرين 16: نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كالتالي:

$$f(x) = x\sqrt{x^2+1} - x^2$$

تمرين 17: لتكن الدالتين العدديتين f و g المعرفتين

$$\text{على } \mathbb{R} \text{ بما يلي: } f(x) = 2x-1 \text{ و } g(x) = x^2$$

1. مثل الدالتين f و g في نفس المعلم

2. أدرس إشارة الفرق: $g(x) - f(x)$ وماذا تستنتج مبيانيا؟

تمرين 1: حدد مجموعة تعريف الدوال المعرفة كالتالي:

$$g(x) = \frac{3x+1}{2x^2-x-1} \quad (2) \quad f(x) = 2x^3 + x + 3 \quad (1)$$

$$h(x) = \sqrt{2x^2-x-1} \quad (3)$$

تمرين 2: حدد مجموعة تعريف الدوال المعرفة كالتالي:

$$g(x) = \frac{4x+1}{x^2+x+1} \quad (2) \quad f(x) = \frac{|x|(2x+1)}{x(2x^2+x-3)} \quad (1)$$

$$B(x) = \frac{x^2-3}{|x-1|-|x+1|} \quad (5) \quad A(x) = \frac{x^2-3}{4|x|+2} \quad (4) \quad h(x) = \frac{x^2+x-3}{2|x|-1} \quad (3)$$

$$C(x) = \sqrt{3-x^2} \quad (6)$$

تمرين 3: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = \frac{1}{x^2+1}$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة f

2. بين أن: $f(x) \leq 1$ $\forall x \in \mathbb{R}$

3. بين أن: $0 \leq f(x)$ $\forall x \in \mathbb{R}$

4. ماذا تستنتج؟ ماذا نقول عن الدالة f ؟

تمرين 4: حدد من بين الدوال f التالية الدوال المكبورة و المصغورة و المحدودة

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = |x| + 6 \quad (1)$$

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = 2\cos x + 1 \quad (2)$$

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = -x^4 - 4 \quad (3)$$

$$I = \mathbb{R}^+ \quad f(x) = \sqrt{x} + 6 \quad (4)$$

$$I = \mathbb{R} \quad f(x) = \sin x - 2 \quad (5)$$

تمرين 5: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = x^2 - 2x + 5$

بين أن الدالة f مصغورة بالعدد 4

تمرين 6: نعتبر الدالة f المعرفة

$$\text{كالتالي: } f(x) = -2x^2 + 4x + 1$$

بين أن الدالة f مكبورة بالعدد 3

تمرين 7: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = \frac{5+4x^4}{x^4+1}$

بين أن الدالة f مصغورة بالعدد 4

تمرين 8: لتكن f الدالة العددية المعرفة على $I = [1; +\infty[$ بما يلي:

$$f(x) = -5x - \sqrt{x} - 1$$

بين أن الدالة f مكبورة بالعدد -5 على $I = [1; +\infty[$

تمرين 9: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = \frac{2x^2+7x+7}{x^2+3x+3}$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة f

تمرين 18: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = x \text{ و } g(x) = x^2$$

1. حدد D_g و D_f

2. أرسم في معلم متعامد ممنظم منحنى الدالتين f و g

3. قارن f و g

تمرين 19: قارن الدالتين العدديتين f و g المعرفتين

$$f(x) = 4x - 1 \text{ و } g(x) = 4x^2$$

واعط تأويلا مبيانيا للنتيجة

تمرين 20: أدرس الوضع النسبي لمنحنى الدالة f و منحنى الدالة g

$$f(x) = x + \frac{1}{x+1} \text{ و } g(x) = x$$

تمرين 21: نعتبر الدالتين f و g المعرفتين على \mathbb{R} كالتالي :

$$f(x) = x^2 - 3x + 5 \text{ و } g(x) = -x^2 + 2x + 2$$

أدرس الوضع النسبي لمنحنى الدالة f و منحنى الدالة g

تمرين 22: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = x + 1 \text{ و } g(x) = x^2$$

تمرين 23: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = -x + 1 \text{ و } g(x) = x^3 - x$$

حدد $(g \circ f)(x)$

تمرين 24: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = x - 1 \text{ و } g(x) = \sqrt{x}$$

حدد : D_f و D_g و $D_{g \circ f}$ ثم أحسب $(g \circ f)(x)$ $\forall x \in D_{g \circ f}$

تمرين 25: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = x - 3 \text{ و } g(x) = \sqrt{x+1}$$

حدد : D_f و D_g و $D_{g \circ f}$ ثم أحسب $(g \circ f)(x)$ $\forall x \in D_{g \circ f}$

تمرين 26: لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين كالتالي :

$$f(x) = 4x - 3 \text{ و } g(x) = -3x + 2$$

أدرس رتبة f و g

تمرين 27: لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x

$$f(x) = \sqrt{x+2}$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

(2) أدرس رتبة الدالة f على D_f وحدد جدول تغيرات f

(3) أنشئ التمثيل المبياني للدالة f في معلم متعامد ممنظم .

تمرين 28: لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة

$$f(x) = -\frac{1}{2}x^3$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

(2) بين أن الدالة f تناقصية قطعاً على D_f وحدد جدول تغيرات f

(3) أنشئ التمثيل المبياني للدالة f في معلم متعامد ممنظم .