

## سلسلة: عموميات حول الدوال

ب) بين أن  $t$  تناقصية على  $[0; +\infty]$

ج) بين جبريا أن  $[0; 1] = [1; +\infty]$

د) باستعمال مركب دالتين حدد رتبة  $h$  على

$$[1; +\infty[$$

### تمرين 4

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي

$$g(x) = x^3 - 1 ; f(x) = \sqrt{x+2}$$

المعرفتين بـ  $C_g$  و  $C_f$  المنحنيين الممثلين لـ  $f$  و  $g$  على التوالي في مستوى منسوب إلى معلم م.م.

-1 أعط جدول تغيرات كل من  $f$  و  $g$

-2 أنشئ  $C_f$  و  $C_g$ .

-3 بين مبيانيا أن المعادلة  $x^3 - \sqrt{x+2} - 1 = 0$  تقبل

$$\text{حلاً وحيداً } \alpha \text{ حيث } \alpha < \frac{3}{2}$$

### تمرين 5

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي

$$g(x) = -3x^2 - 2x + 1 ; f(x) = \frac{-3x+1}{2x+1}$$

-1 تأكد أن  $\frac{1}{3}$  حل للمعادلة  $f(x) = g(x)$

-2 أنشئ  $C_f$  و  $C_g$ .

-3 أ- حدد مبيانيا

$$f\left(\left[\frac{-1}{2}; +\infty\right]\right) ; f\left(\left[\frac{-1}{2}; 1\right]\right)$$

$$g(\mathbb{R}^+) ; g([-2; -1]) ; g\left([-1; \frac{1}{3}]\right)$$

$$g\left([-1; \frac{1}{3}]\right) ; f\left(\left[\frac{-1}{2}; 1\right]\right)$$

### تمرين 6

نعتبر  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$f(x) = \sqrt{x-2}$$

بين مبيانيا أن  $f([3; +\infty[) = [1; +\infty[$  ثم بين ذلك جبريا

### تمرين 7

الدالة العددية معرفة بجدول تغيراتها التالي

$x$	-2	0	1	5
$f$	-1	4	-5	3

$$f[-2; 5] \text{ و } f[-2; 1] \text{ و } f[0; 5] \text{ و } f[1; 5] \text{ و } f[-2; 0]$$

حدد  $f$  على  $[-2; 5]$

### تمرين 1

نعتبر  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي حيث

$$f(x) = x + \sqrt{x^2 - x}$$

-1 حدد  $D_f$

-2 بين أن  $f$  مكبورة بالعدد  $\frac{1}{2}$  على  $[-\infty; 0]$

### تمرين 2

نعتبر  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$f(x) = \frac{|x|+1}{x^2+1}$$

-1 بين أن  $f$  زوجية.

-2-أ بين أن  $f$  محدودة على  $[1; +\infty[$

ب- بين أن  $f$  مصغورة بالعدد 1 على  $[-1; 0]$

-3 أدرس رتبة  $f$  على كل من  $[-1+\sqrt{2}; +\infty[$  و

$\mathbb{R}$  ثم أعط جدول تغيرات  $f$  على  $\mathbb{R}$

استنتج مطارات الدالة  $f$ .

### تمرين 3

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين عدديتين لمتغير حقيقي حيث

$$f(x) = x^2 - 2x ; g(x) = \frac{-2x-1}{-2x+1}$$

1- حدد مجموعة تعريف الدالة  $g$

2- أعط جدول تغيرات لكل دالة من الدالتين  $f$  و  $g$

3-أ) حدد تقاطع  $C_f$  و محور الأفاسيل

ج-) أنشئ المنحنيين  $C_f$  و  $C_g$  في نفس المعلم المتعامد الممنظم  $(O; \bar{i}; \bar{j})$

4-أ) بين أن

$$\forall x \in \mathbb{R} - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \quad g(x) = f(x) \Leftrightarrow -2x^3 + 5x^2 + 1 = 0$$

ب) بين مبيانيا أن المعادلة  $-2x^3 + 5x^2 + 1 = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  حيث  $\frac{5}{2} < \alpha < 3$

ج) حل مبيانيا المتراجحة  $f(x) \geq g(x)$

د) حدد مبيانيا  $(-1; 2)$

5- نعتبر الدالة العددية  $h$  للمتغير الحقيقي  $x$  حيث

$$h(x) = \frac{x-2x\sqrt{x}}{x^2}$$

أ) تأكد أن  $\forall x \in ]0; +\infty[ \quad h(x) = f \circ t(x)$  حيث

$$t(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

## سلسلة: عموميات حول الدوال

3- حل مبيانيا  $0 < g(x)$

ب- حل مبيانيا  $g(x) > f(x)$

4- نعتبر الدالة العددية  $h$  المعرفة بـ  $\frac{\sqrt{x-3}-3}{\sqrt{x-3}+3}$

أ- بين أن  $h$  مكبورة بالعدد 1 و أ- قيمـة دنيا مطلقة لـ  $h$ .  
ب- استنتاج تغيرات الدالة  $h$ .

### تمرين 13

$$g(x) = 2x - 1 ; f(x) = 2x^2 + 3x + 1$$

$$h(x) = \frac{4x^2 - 4x - 1}{8x^2 - 8x + 1}$$

1- حدد  $h \circ g$  ;  $g \circ f$  ;  $f \circ g$

2- حدد دالتيـن  $t$  و  $l$  حيث  $h = t \circ g$  و  $l = g \circ f$

### تمرين 14

نعتبر  $f$  و  $g$  الدوال العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ

$$g(x) = x^2 - x ; f(x) = x + 2 - \sqrt{x+2}$$

$$h(x) = \sqrt{x+2}$$

1- أ/ حدد  $D_f$

ب/ بين أن  $\forall x \in D_f, f(x) \geq -\frac{1}{4}$

ج/ حل المعادلة  $f(x) = 2$

2- أ/ حدد تغيرات  $h$  و أنشـئ  $C_h$

ب/ حدد مبيانـا  $h([2; +\infty[)$  و  $h([-2; 0])$

ج/ أعـط جدول تغيرات  $g$

د/ تحققـ أن  $\forall x \in D_f, f(x) = g \circ h(x)$

استنتاج رتابـة  $f$  على كل من  $\left[-\frac{7}{4}; +\infty\right[$  و  $\left[-2; -\frac{7}{4}\right]$

### تمرين 15

تصـنـع شـرـكـة مـنـتـوـجاـ  $A$  اذا عـلـمـتـ أـنـ كـلـ وـحدـةـ مـنـ

المـتـوـجـ  $A$  تـبـاعـ بـثـمـنـ 400 درـهـمـ وـصـرـوفـ  $x$  وـحدـةـ مـنـ

الـمـتـوـجـ  $A$  مـحـدـدـةـ بـالـعـلـاقـةـ  $C(x) = 0,02x^2 + 160x + 400$

1- حـدـدـ عـدـدـ الـوـحدـاتـ الـمـصـنـوـعـةـ مـنـ الـمـتـوـجـ  $A$  لـكـيـ

يـكـونـ الـرـيـحـ قـصـوـيـاـ

2- ماـ قـيـمـةـ هـذـاـ الـرـيـحـ

### تمرين 16

اشـتـرـىـ شـخـصـ قـطـعـةـ أـرـضـيـةـ مـسـطـيـلـةـ الشـكـلـ مـحـيـطـهـ

$$P_T = 200 \text{ مـترـ}$$

حدـدـ بـعـدـيـ هـذـهـ قـطـعـةـ لـكـيـ يـكـوـنـ ثـمـنـ الـمـتـرـ مـرـبـعـ دـنـوـيـاـ.

**تمرين 8**  
نـعـتـبـ  $f$  و  $g$  الدـالـتـيـنـ العـدـدـيـتـيـنـ لـلـمـتـغـيرـ الحـقـيقـيـ

الـمـعـرـفـتـيـنـ بـ

$$g(x) = x^2 + 1 ; f(x) = 3x - 1$$

1- حـدـدـ  $g \circ f$  ;  $f \circ g$

2- باـسـتـعـمـالـ تـغـيـرـاتـ  $f$  و  $g$  حـدـدـ تـغـيـرـاتـ  $g \circ f$  و  $g \circ g$

### تمرين 7

نـعـتـبـ  $f$  و  $g$  الدـالـتـيـنـ العـدـدـيـتـيـنـ لـلـمـتـغـيرـ الحـقـيقـيـ

$$g(x) = \sqrt{x+1} ; f(x) = \frac{-x}{x+2}$$

1- حـدـدـ  $D_{g \circ f}$  و  $D_g$  ثـمـ اـسـتـنـتـجـ

2- حـدـدـ تـغـيـرـاتـ  $f$  و  $g$  ثـمـ اـسـتـنـتـجـ تـغـيـرـاتـ  $g \circ f$

### تمرين 9

نـعـتـبـ  $f$  الدـالـةـ العـدـدـيـةـ لـلـمـتـغـيرـ الحـقـيقـيـ المـعـرـفـ

$$f(x) = \left( \frac{x-1}{x+1} \right)^2$$

1- حـدـدـ  $D_f$

2- أـدرـسـ تـغـيـرـاتـ  $f$  عـلـىـ كـلـ مـنـ الـمـجـالـاتـ  $[1; +\infty[$  و  $[-1; 1]$  و  $[-\infty; -1]$  (باـسـتـعـمـالـ مـرـكـبـةـ دـالـتـيـنـ)

### تمرين 10

لتـكـنـ  $f$  دـالـةـ عـدـدـيـةـ مـعـرـفـةـ عـلـىـ  $[-\pi; \pi]$  بـ

1- أـعـطـ جـدـولـ تـغـيـرـاتـ  $f$

2- نـعـتـبـ الدـالـةـ  $h$  المـعـرـفـةـ بـ

$$h(x) = 2\cos^2 x - 2\cos x$$

أ/ حـدـدـ دـالـةـ  $g$  حـيـثـ  $h(x) = g \circ f(x)$

ب/ أـعـطـ جـدـولـ تـغـيـرـاتـ  $g$

$$\cos x \geq \frac{1}{2} \quad x \in [-\pi; \pi]$$

ج/ حلـ المـتـراـجـحةـ

د/ باـسـتـعـمـالـ مـرـكـبـةـ دـالـتـيـنـ أـدرـسـ تـغـيـرـاتـ الدـالـةـ  $h$

### تمرين 11

نـعـتـبـ  $f$  و  $g$  الدـالـتـيـنـ العـدـدـيـتـيـنـ لـلـمـتـغـيرـ الحـقـيقـيـ

$$g(x) = -x^2 + 2x + 2 ; f(x) = \sqrt{x+1}$$

1- ضـعـ جـدـولـ تـغـيـرـاتـ كـلـ مـنـ  $f$  و  $g$

2- أـحـسـبـ  $(g \circ f)(x)$  لـكـلـ  $x$  مـنـ  $[-1; 3]$

3- أـدرـسـ تـغـيـرـاتـ  $g \circ f$  عـلـىـ  $[-1; 3]$

### تمرين 12

نـعـتـبـ الدـالـتـيـنـ العـدـدـيـتـيـنـ  $f$  و  $g$  المـعـرـفـ

$$g(x) = \frac{x-3}{x+3} ; f(x) = \sqrt{x-3}$$

1- حـدـدـ  $D_{g \circ f}$  ثـمـ  $D_g$  و  $D_f$

2- أـنـشـئـ  $C_g$  و  $C_f$  في نفس المعلم المتعـامـدـ

المـمـنـظـمـ