

التمرين الأول: (4 نقط)
أحسب النهايات التالية :

$$(1) : \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x+5}{3x^3-4x-7} \quad (2) : \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2+x-2}{x^2-4}$$

$$(3) : \lim_{x \rightarrow -\infty} 2x + \sqrt{9x^2+1} \quad (4) : \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2-5} - 2x$$

التمرين الثاني: (4 نقط)
حدد الدالة المشتقة لكل من الدوال التالية :

$$(1) : f(x) = 4x^3 + \sqrt{3} \cdot x^2 - 7x \quad (2) : g(x) = \sqrt{4x^2+1}$$

$$(3) : h(x) = (2x^2+1)^3 \quad (4) : w(x) = \cos(2x) \cdot \sin x$$

التمرين الثالث: (3 نقط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[-1; +\infty[$ بما يلي :
 $f(x) = \sqrt{x+1}$
و (C_f) منحنى f في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (1) أدرس قابلية اشتقاق الدالة f في النقطة $x_0 = 3$ ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها. (1.5)
(2) أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على اليمين في النقطة $x_0 = -1$ ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها. (1.5)

التمرين الرابع: (9 نقط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على IR بمايلي :
 $f(x) = \frac{2x^2 - 5x + 4}{2 - x}$
و (C_f) منحنى f في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (1) أ- حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f . (0.5)
ب- أحسب: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$. (1)
ج- أحسب: $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$. (1)
(2) أ- بين أن الدالة f قابلية للاشتقاق على كل من المجالين $]-\infty; 2[$ و $]2; +\infty[$. (0.5)
ب- بين أنه لكل x من D_f : $f'(x) = \frac{2(-x^2 + 4x - 3)}{(2-x)^2}$. (1.25)
(3) أ- بين أن f تناقصية قطعاً على كل من المجالين $]-\infty; 1[$ و $]3; +\infty[$ ؛
و تزايدية قطعاً على كل من المجالين $]1; 2[$ و $]2; 3[$. (1)
ب - اعط جدول تغيرات f . (0.75)
ج - استنتج أن: $(\forall x \in]-\infty; 2[) : f(x) > 0$ و $(\forall x \in]2; +\infty[) : f(x) < 0$. (1)
(4) أ- اعط معادلة المماس للمنحنى في النقطة ذات الأفصول $x_0 = 0$. (1)
ب- استنتج قيمة مقربة للعدد $f(0,01)$. (1)