

تمرين 1 (10 pt)

احسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - x + 5}{x^2 - 1}, \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^2 + 5x + 7}{3x^3 - 1}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 5x - 14}{2x^2 + 14x - 5}, \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} (2x - x^2)(x - 1) \quad (1)$$

2 pt

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 3 \\ x > 3}} \frac{x^2 + 1}{x^2 - 2x - 3}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x - 3} \quad (2)$$

2 pt

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + x + 1} - 2x), \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + x + 1} - x) \quad (3)$$

2 pt

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{2x + 3}}{\sqrt{x^2 + 1} - x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \sqrt{1 - x^2}} \quad (4)$$

2 pt

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{1 - \cos x}, \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x - \cos x}{x - \frac{\pi}{4}} \quad (5)$$

2 pt

تمرين 2 (7 pt)

ليكن AOB مثلثا في المستوى الموجه ، و r الدوران الذي مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{2}$.

1. أنشئ النقطتين C و D حيث : $r(B) = C$ و $r(D) = A$ 1 pt

2. بين أن $AC = BD$ وأن المستقيم (BD) عمودي على المستقيم AC 2 pt

3. لتكن E صورة A بالدوران r ، و H المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (CD) ، والنقطة I منتصف القطعة $[AB]$ ، والنقطة F صورة I بالدوران r

(a) بين أن O منتصف القطعة $[ED]$ 1 pt

(b) بين أن F هي منتصف القطعة $[EC]$ وأن : $2\overline{OF} = \overline{DC}$ 2 pt

(c) استنتج أن النقط I و O و H مستقيمية . 1 pt

تمرين 3 (3 pt)

$ABCD$ مربع مركزه O بحيث $(\overline{AB}, \overline{AD}) = \frac{\pi}{2} [2\pi]$ ولتكن I نقطة من المستوى بحيث $\overline{AI} = \frac{3}{4} \overline{AD}$

المستقيم المار من D والعمودي على (IC) يقطع (AB) في J

ليكن r الدوران الذي مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{2}$

(1) حدد صورة المستقيم (IC) بالدوران r 1 pt

(2) استنتج أن $r(I) = J$ ثم اكتب \overline{AJ} بدلالة \overline{AB} 2 pt