

(10 pt) تمرين 1

احسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - x + 5}{x^2 - 1}, \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^2 + 5x + 7}{3x^3 - 1}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 5x - 14}{2x^2 + 14x - 5}, \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} (2x - x^2)(x - 1) \quad (1)$$

2pt

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 3 \\ x > 3}} \frac{x^2 + 1}{x^2 - 2x - 3}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x - 3} \quad (2)$$

2pt

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + x + 1} - 2x), \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + x + 1} - x) \quad (3)$$

2pt

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{2x+3}}{\sqrt{x^2+1} - x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \sqrt{1-x^2}} \quad (4)$$

2pt

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{1 - \cos x}, \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x - \cos x}{x - \frac{\pi}{4}} \quad (5)$$

2pt

(7 pt) تمرين 2

ليكن AOB مثلا في المستوى الموجي ، و r الدوران الذي مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{2}$

1. أنشئ النقطتين C و D حيث : $r(D) = A$ و $r(B) = C$ و D

1pt

2. بين أن $AC = BD$ وأن المستقيم (BD) عمودي على المستقيم AC

2pt

3. لتكن E صورة A بالدوران r ، و H المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (CD) ، والنقطة I منتصف القطعة $[AB]$ ، والنقطة F صورة I بالدوران r

(a) بين أن O منتصف القطعة $[ED]$

1pt

(b) بين أن F هي منتصف القطعة $[EC]$ وأن $\overrightarrow{OF} = \overrightarrow{DC}$

2pt

(c) استنتج أن النقط I و O و H مستقيمية .

1pt

(3 pt) تمرين 3

ليكن $ABCD$ مربع مركزه O بحيث $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD} \perp [2\pi]$ ولتكن I نقطة من المستوى بحيث $\overrightarrow{AI} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AD}$

المستقيم المار من D والعمودي على (AB) يقطع (IC) في J

ليكن r الدوران الذي مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{2}$

1pt

(1) حدد صورة المستقيم (IC) بالدوران r

1pt

(2) استنتاج أن $J = (I)r$ ثم اكتب \overrightarrow{AJ} بدلالة \overrightarrow{AB}

2pt