

الأولى باك لوريا	فرض رقم 1 الدورة 2	ذ: إلماتي
التمرين الأول		
أحسب النهايات التالية :		
$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 3x - 9}{x^2 + x - 12}$	$\lim_{x \rightarrow -3} \frac{\sqrt{3-2x} - 3}{\sqrt{-3x} - 3}$	
$\lim_{\substack{x \rightarrow -5 \\ x > -5}} \frac{x^2 - 5}{x^2 + 5x}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2 + 2x} - 2x$	
التمرين الثاني		
أدرس قابلية اشتقاق الدالة f في النقطة a في كل من الحالات التالية :		
$a = 2$ و $f(x) = x^3 - x^2$	$a = -1$ و $f(x) = \sqrt{3x+4} - 3$	$a = 1$ و $f(x) = \frac{x^2}{3x-2}$
التمرين الثالث		
بين المشتقة $f'(x)$ في كل ما يلي :		
$f(x) = x^2 - \frac{4}{3}x\sqrt{x} + 2$ (1)	$f'(x) = 2\sqrt{x}(\sqrt{x} - 1)$ (1)	
$f(x) = (x+2)\sqrt{x-3} + \sqrt{3}$ (2)	$f'(x) = \frac{3x-4}{2\sqrt{x-3}}$ (2)	
$f(x) = \frac{2x^3 - 3x^2}{(x+1)^2}$ (3)	$f'(x) = \frac{2x(x^2 + 3x - 3)}{(x+1)^3}$ (3)	
$f(x) = \frac{x+2}{\sqrt{x-1} + 1}$ (4)	$f'(x) = \frac{(\sqrt{x-1} - 1)(\sqrt{x-1} + 3)}{2\sqrt{x-1}(\sqrt{x-1} + 1)^2}$ (4)	
التمرين الرابع		
لتكن المتتالية العددية $(u_n)_n$ المعرفة بما يلي :		
$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{u_n}{3 + 2u_n} \end{cases}$		
1. أ) بين بالترجع أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad u_n > 0$		
ب) بين أن $(u_n)_n$ متتالية تناقصية		
2. نضع : لكل n من $\mathbb{N}$ $v_n = \frac{u_n}{u_n + 1}$		
أ) بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $q = \frac{1}{3}$ وحدها الأول $v_0 = \frac{2}{3}$		
ب) عبر عن v_n بدلالة n ثم بين أن $u_n = \frac{2}{3^{n+1} - 2}$		
3. نعتبر المجموع : $S_n = \frac{1}{u_0 + 1} + \frac{1}{u_1 + 1} + \dots + \frac{1}{u_n + 1}$ بين أن : $S_n = n + \frac{1}{3^{n+1}}$		