

التمرين الأول:			
أحسب النهايات التالية:			
$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + \sqrt{3}x^2}{x^4 - x}$ (3)	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(x-1)(3-x^3)}{5x^4}$ (2)	$\lim_{x \rightarrow -\infty} -2x^3 + x^2 - 3$ (1)	0.5x3
$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 4x + 3}{(x+1)^3}$ (6)	$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 - 3x}{2 - 2x}$ (5)	$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - 4}$ (4)	1x3
التمرين الثاني:			
$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{5u_n}{2u_n + 3} \end{cases}; (\forall n \in \mathbb{N})$			نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي :
(1) أحسب u_1			0.5
(2) أ- بين بالترجع أن $u_n > 1$: $(\forall n \in \mathbb{N})$.			1.5
ب- بين أن المتتالية (u_n) تناقصية ثم استنتج $1 < u_n \leq 2$: $(\forall n \in \mathbb{N})$.			0.5+1.5
(2) نضع لكل n من $\mathbb{N}$: $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n}$			
أ- بين أن المتتالية (v_n) هندسية أساسها $q = \frac{3}{5}$.			1.5
ب- حدد v_n بدلالة n .			1
ج- بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) : u_n = \frac{2}{2 - \left(\frac{3}{5}\right)^n}$.			1
(4) أ- بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) : u_{n+1} \leq \frac{5}{3}u_n$.			1
ب- استنتج أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) : u_n \leq 2\left(\frac{5}{3}\right)^n$.			1
التمرين الثالث:			
$\begin{cases} u_1 = -1 \\ u_{n+1} = \frac{2u_n}{3u_n + 2} \end{cases}; (\forall n \in \mathbb{N}^*)$			نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 1}$ المعرفة بما يلي :
نضع لكل n من $\mathbb{N}^*$: $v_n = \frac{2}{u_n}$			
(1) بين أن المتتالية $(v_n)_{n \geq 1}$ حسابية أساسها $r = 3$.			1.5
(2) حدد v_n ثم u_n بدلالة n .			1+1
(3) أحسب $S = v_1 + v_2 + \dots + v_{20}$			1
(4) نضع لكل n من $\mathbb{N}^*$: $w_n = v_n + 5^n$			
أحسب بدلالة n المجموع $S_n = w_1 + w_2 + \dots + w_n$			1.5