

المستوى : السنة أولى علوم تجريبية مدة الإنجاز : ساعتان السنة الدراسية : 2009/2010	الفرض الثالث الدورة الأولى	مؤنوس أليس
التمرين 1 نعتبر المتتالية (u_n) $\begin{cases} u_0 = 3 \\ \forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = \frac{u_n}{2} + 2 \end{cases}$ 1. أ. أحسب u_1 و u_3 1 ب. بين أن $\forall n \in \mathbb{N} : u_n < 4$ 1 ج. أدرس رتبة (u_n) ثم استنتج أن $(\forall n \in \mathbb{N}) : 3 \leq u_n$ 2.5 ر. باستنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة 2. نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة بـ $\forall n \in \mathbb{N} : v_n = u_n - 4$ أ. بين أن (v_n) متتالية هندسية. 1 ب. أحسب $S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ 1.5 ج. أحسب u_n و v_n بدلالة n 2 التمرين 2 لتكن المتتالية (u_n) $\begin{cases} u_0 = -5 \\ u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 2n + \frac{5}{3} \end{cases} \quad \forall n \in \mathbb{N}$ 1. أ. أحسب u_1 0.5 ب. باستعمال البرهان بالترجع بين أن $(\forall n \in \mathbb{N}) u_n < u_{n+1}$ ، استنتج رتبة المتتالية (u_n) 1 2. لتكن المتتالية (v_n) بحيث $\forall n \in \mathbb{N} : v_n = u_n - 3n + 2$ أ. بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{3}$ وحدها الأول $v_0 = -3$ 1.5 ب. أحسب المجموع $S = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n-1}$ 2 التمرين 3 1. حل في المجال $[-\pi, 2\pi]$ المعادلة $\cos(x) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ 2 2. حل في المجال $[-\pi, 2\pi]$ المتراجحة $\cos(x) \leq -\frac{\sqrt{2}}{2}$ 2 3. حل في المجال $[-\pi, \pi]$ المتراجحة $(2\cos(x) - \sqrt{3})(\sin(x) - 1) \geq 0$ 2		التنقيط