

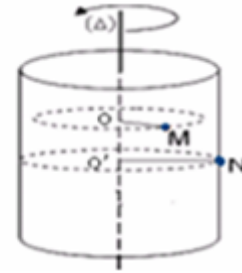
## I- Rotation d'un corps solide autour d'un axe fixe:

### 1) Définition:

Un corps solide est en rotation autour d'un axe fixe si tous ses points décrivent des cercles ou des arcs de cercles dans un plan perpendiculaire à cet axe et centrés sur l'axe.

Exemple:

Les points M et N décrivent deux trajectoires circulaires centrées successivement aux points O et O' sur l'axe  $\Delta$  et leurs trajectoires appartiennent à un plan perpendiculaire à l'axe de rotation.



Durant la rotation, pendant la même durée  $\Delta t$ , tous les points du solide tournent du même angle  $\theta$ .

### 2) Repérage du mouvement d'un point d'un solide en mouvement autour d'un axe fixe.

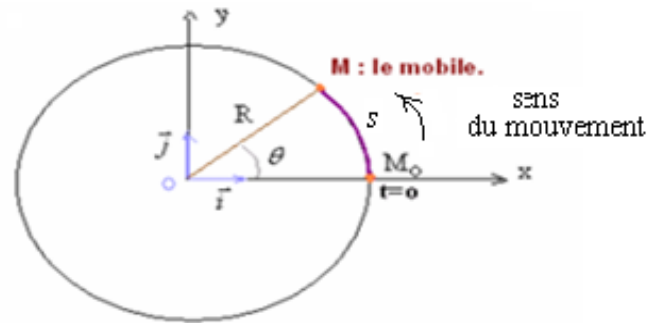
Pour repérer le mouvement d'un point M d'un corps solide en rotation, on considère un repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  confondu avec le plan du mouvement.

Soit  $M_0$  la position du mobile à l'instant  $t=0$ .

M la position du mobile à l'instant  $t$ .

Pour repérer la position du point M on utilise:

- soit l'abscisse curviligne :  $s = \widehat{MM_0}$
- Ou bien l'abscisse angulaire :  $\theta = (\vec{Ox}, \vec{OM})$



Remarque: on peut utiliser les coordonnées cartésiennes :

$$\begin{cases} x = R \cos \theta \\ y = R \sin \theta \end{cases} \quad \text{Dans ce cas le vecteur position : } \vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$$

### 3) Relation entre l'abscisse curviligne et l'abscisse angulaire:

A tout instant l'abscisse curviligne et l'abscisse angulaire sont liés par la relation suivante:

$$s = R\theta$$

- R: rayon de la trajectoire circulaire en (m).
- s: l'abscisse curviligne en (m).
- $\theta$ : l'abscisse angulaire en (rad)



### 4) Vitesse linéaire et vitesse angulaire:

La vitesse linéaire moyenne :  $v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$  en (m/s).

La vitesse angulaire moyenne :  $\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$  en (rad/s).

### 5) Relation entre La vitesse linéaire et la vitesse angulaire:

$$\text{On a: } v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{\Delta(R\theta)}{\Delta t} = R \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = R\omega \Rightarrow v = R\omega$$

Remarque: La vitesse linéaire instantanée à un instant donnée  $t_1$  est la vitesse linéaire moyenne calculée entre les

$$\text{instants } t_{i-1} \text{ et } t_{i+1}: v_i = \frac{M_{i-1}M_{i+1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} \quad \text{exemple: } v_2 = \frac{M_1M_3}{t_3 - t_1}$$

La vitesse angulaire instantanée à un instant donnée  $t_1$  est la vitesse angulaire moyenne calculée entre les instants

$$t_{i-1} \text{ et } t_{i+1}: \omega_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} \quad \text{exemple } \omega_2 = \frac{\theta_3 - \theta_1}{t_3 - t_1}$$

### 6) Activité expérimentale:

Δ On considère un disque homogène de rayon R capable de tourner autour d'un axe fixe

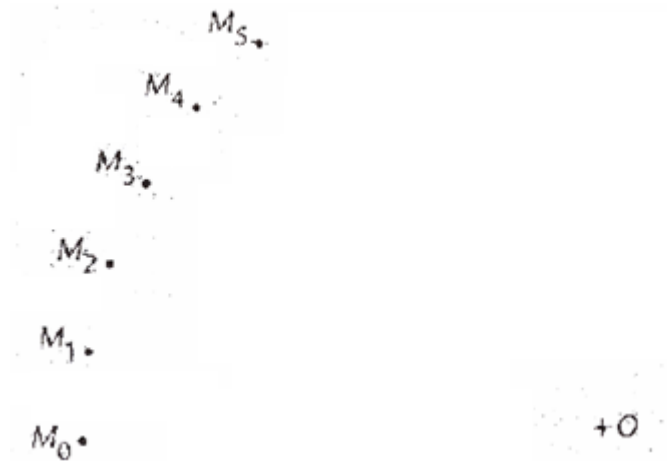
En enregistrant le mouvement d'un point M appartenant à la circonférence du disque pendant des temps successifs et égaux  $\tau = 20 \text{ ms}$  on obtient l'enregistrement suivant (figure 1)

1) en utilisant les relations :

$$v_i = \frac{M_{i-1}M_{i+1}}{2\tau}, \quad \omega_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{2\tau}$$

a) calculer :  $v_1$  ,  $v_2$  et  $v_3$ .

b) calculer  $\omega_1$  ,  $\omega_2$  et  $\omega_3$



## II- Mouvement circulaire uniforme:

### 1) Définition:

Un corps solide est dit en mouvement circulaire uniforme si sa vitesse angulaire est constante au cours du temps et son mouvement devient périodique.

La période T d'un mouvement de rotation uniforme est la durée d'un tour.

1<sup>ère</sup> Remarque: on a  $\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$  Pour 1 tour  $\Delta\theta = 2\pi$  et  $\Delta t = T \Rightarrow$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi \cdot f$$

### 2<sup>ème</sup> Remarque:

Dans le cas d'un mouvement circulaire uniforme tous les points du solide ont même vitesse angulaire mais la vitesse linéaire qui est donnée par la  $v_i = R_i \cdot \omega$  augmente au fur et à mesure que le point s'éloigne de l'axe relation rotation.

### 2) Equation horaire du mouvement circulaire uniforme:

L'équation horaire de l'abscisse curviligne d' mouvement circulaire uniforme est:  $s(t) = vt + s_0$

L'équation horaire de l'abscisse angulaire d' mouvement circulaire uniforme est:  $\theta(t) = \omega t + \theta_0$

$s_0$ : l'abscisse curviligne à  $t=0$

$\theta_0$ : L'abscisse angulaire à  $t=0$

$s=f(t)$  est une équation affine son coefficient directeur est égal à  $v$ .

on peut déterminer la vitesse linéaire graphiquement de la méthode suivante:

$\theta=f(t)$  est une équation affine son coefficient directeur est égal à  $\omega$ .

on peut déterminer la vitesse linéaire graphiquement de la méthode suivante:

