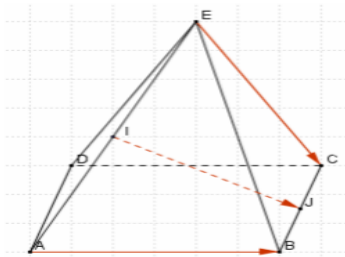


Exercices

Exercice01 : EABCD

un pyramide de base le rectangle ABCD et soit I le milieu du segment [AE] et J le milieu du segment [BC]



Montrer que les vecteurs \overrightarrow{AB} ; \overrightarrow{EC} et \overrightarrow{IJ} sont coplanaires

Exercice02 : ABCD un tétraèdre et soit le point M de l'espace tel que : $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC}$

1) Montrer que $M \in (ABC)$

2) En déduire que les vecteurs \overrightarrow{AM} ; \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} sont coplanaires

Exercice03: ABCDEFGH un parallélépipède rectangle et I le milieu du segment [BF]

1) les vecteurs \overrightarrow{CA} ; \overrightarrow{DE} et \overrightarrow{DG} sont-ils coplanaires ?

2) les vecteurs \overrightarrow{AI} ; \overrightarrow{DF} et \overrightarrow{HE} sont-ils coplanaires ? (Justifier vos réponses)

Exercice04 : ABCD un tétraèdre et soit les points K ; L ; M ; N tel que : $2\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AC} - 2\overrightarrow{AD}$ et L le milieu du [BK] et $\overrightarrow{BM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$ et $\overrightarrow{AN} = -2\overrightarrow{AD}$

1) écrire les vecteurs \overrightarrow{AM} et \overrightarrow{MN} et \overrightarrow{AL} en fonction des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} et \overrightarrow{AD}

2) Montrer que les points L ; M ; N sont alignés et déterminer la position du point L sur la droite (MN)

3) déterminer les réels α et β tels que :

$\overrightarrow{AD} = \alpha \overrightarrow{AL} + \beta \overrightarrow{AM}$ et que peut-on dire des points A ; M ; D ; L ?

Exercice05 : ABCDEFGH

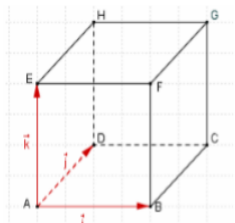
un cube

On pose : $\overrightarrow{AD} = \vec{j}$ et $\overrightarrow{AE} = \vec{k}$

et $\overrightarrow{AB} = \vec{i}$

Et $\vec{u} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}$ avec I le

milieu du segment [HG]



1) Montrer que \vec{u} est un vecteur directeur de la droite (AI)



2) soit la droite (Δ) passant par le point G et parallèle à (AI) et le point M tel que

$$\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{BG} \quad \text{Montrer que } M \in (\Delta)$$

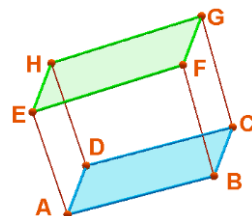
Exercice06 : dans l'espace on considère les points A ; B ; C ; D ; E tel que :

$$2\overrightarrow{EA} + 4\overrightarrow{EB} - 5\overrightarrow{EC} - \overrightarrow{ED} = \vec{0}$$

Montrer que les points : A ; B ; C ; D sont coplanaires

Exercice07 : ABCDEFGH un parallélépipède rectangle ou pavé droit et soit le point I de

$$\text{l'espace tel que : } \overrightarrow{AI} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AG}$$



1) Montrer que :

$$\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{ID} + \overrightarrow{IE} = 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AG} \quad \text{et que}$$

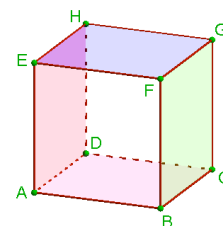
$$\overrightarrow{IE} = -\overrightarrow{IB} - \overrightarrow{ID}$$

2) Que peut-on dire des points : I ; B ; D ; E

Exercice08: ABCDEFGH un cube et soient les points :

M et N tels que :

$$\overrightarrow{EM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{EH} \quad \text{et} \quad \overrightarrow{AN} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$$



1) Montrer que :

$$\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{EA} + \frac{1}{3}\overrightarrow{DB}$$

2) Montrer que les vecteurs \overrightarrow{MN} ; \overrightarrow{EA} et \overrightarrow{AB} sont coplanaires

Exercice09 : ABCDEFGH un cube avec I le milieu du segment [AB] et J le milieu de [AD] et

K un point tel que : $\overrightarrow{AK} = \frac{1}{5}\overrightarrow{AG}$

1) Ecrire les vecteurs \overrightarrow{EI} ; \overrightarrow{EJ} et \overrightarrow{EK} en fonction de \overrightarrow{EA} ; \overrightarrow{EF} et \overrightarrow{EH}

2) vérifier que : $5\overrightarrow{EK} = 2\overrightarrow{EI} + 2\overrightarrow{EJ}$

3) En déduire que les points : I ; J ; K ; E sont coplanaires

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.

c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien