

تصحيح تمارين حول القياسات المسعرية

تمرين 1

1- تعبير الطاقة الداخلية للمجموعة « المسعر ، الماء البارد » :

$\Delta U_1 = Q_1 + Q'$. الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف الماء البارد و Q' الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف المسعر .
كمية الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف الماء البارد هي :

$$Q_1 = m_1 C_e (\theta - \theta_1) = 0,3 \times 4180 \times 22 = 27588J$$

2- تعبير الطاقة الداخلية للماء الساخن : $\Delta U_2 = Q_2$ ونستخرج كمية الطاقة الحرارية الممنوحة من طرف الماء الساخن :

$$Q_2 = m_2 C_e (\theta - \theta_2) = -0,4 \times 4180 \times 19 = -31867J$$

3- الطاقة المكتسبة من طرف المسعر هي :

بما أن المجموعة « المسعر ، الماء » لا يتبادل الطاقة مع المحيط الخارجي لأن المسعر حافظ كطيمية ونعتبر أن التبادل بالشغل كذلك متعذر وحسب المبدأ الأول للنيرموديناميك لدينا عند التوازن الحراري :

$$\Delta U = \Delta U_1 + \Delta U_2 = Q_1 + Q_2 + Q' = 0$$

حيث أن Q' هي كمية الحرارة المكتسبة من طرف المسعر . $Q' = \mu_c (\theta - \theta_1)$

$$Q' = -Q_1 - Q_2 = -27588J + 31768J = 4180J$$

4- نستخرج السعة الحرارية للمسعر :

$$Q' = \mu_c (\theta - \theta_1) \Rightarrow \mu_c = \frac{Q'}{(\theta - \theta_1)}$$

تطبيق عددي : $\mu_c = 190J.K^{-1}$

تمرين 2

حساب الحرارة الكتلية للنحاس :

بما أن المسعر حافظ كطيمية أي ليس هناك تبادل طاقة حرارية مع المحيط الخارجي وكذلك ليس هناك تبادل الشغل مع المحيط

$$\Delta U = 0 \Rightarrow Q_1 + Q' + Q_2 = 0$$

نحيت أن $Q_1 = m_1 C_e (\theta - \theta_1)$ الطاقة المكتسبة من طرف الماء البارد و $Q'_1 = \mu_c (\theta - \theta_2)$ الطاقة المكتسبة من طرف

المسعر ولوازمه . و $Q_2 = m_2 C_{Cu} (\theta - \theta_2)$ الطاقة الممنوحة لقطعة النحاس . وحسب العلاقة السابقة نكتب :

$$m_1 C_e (\theta - \theta_1) + \mu_c (\theta - \theta_1) + m_2 C_{Cu} (\theta - \theta_2) = 0$$

$$C_{Cu} = \frac{(m_1 C_e + \mu_c)(\theta - \theta_1)}{(\theta_2 - \theta)}$$

تطبيق عددي : $C_{Cu} \approx 376J.K^{-1}$

تمرين 3

حساب كمية الحرارة المفقودة من طرف الماء خلال تحويله إلى جليد :

خلال تحويل الماء إلى جليد تغيرت طاقته الداخلية من U_i إلى U_f بحيث أن $\Delta U = Q$. حسب الطاقة الحرارية Q :

$Q = Q_1 + Q_2 + Q_3$ بحيث أن $Q_1 = m_1 C_e (\theta_f - \theta_i)$ الطاقة الحرارية التي فقدها الماء قبل أن تتغير حالته الفيزيائية

$Q_2 = m_1 L_s$ كمية الحرارة التي فقدها الجسر خلال التجمد . و $Q_3 = m_1 C_e (\theta_2 - \theta_f)$ كمية الحرارة التي فقدها قطعة الجليد

عندما غيرت حالته الفيزيائية . $\Delta U = m_1 C_e (\theta_f - \theta_i) + Q_2 + m_1 L_s + m_1 C_e (\theta_2 - \theta_f) = -81,25 \text{ kJ}$.

وبالتالي فالطاقة المفقودة من طرف كتلة الماء خلال تحويلها إلى جليد هي : $Q = -81,25 \text{ kJ}$

تمرين 4

1. الحرارة اللازمة لانصهار $m = 50 \text{ kg}$ من الرصاص عند نفس درجة الحرارة 327°C

$$Q = m \cdot L_f$$

تطبيق عددي : $Q = 1150 \text{ kJ}$

2. كتلة الجليد m' المأخوذة عند درجة الحرارة 0°C والتي يمكن أن تنصهر بنفس كمية الحرارة السابقة :

$$Q = m' \cdot L_f (g) \Rightarrow m' = \frac{Q}{L_f}$$

تطبيق عددي : $m' = 3,43 \text{ kg}$

تمرين 5

1 - حساب كتلة الماء السائل الذي ظهر :

ارتفاع درجة الحرارة لقطعة الجليد من -20°C إلى 0°C تكسب قطعة الجليد كمية من الحرارة بحيث :

$$Q = m_g C_g (\theta_f - \theta_g) + m' \cdot L_f$$

m' كتلة الماء التي انصهرت خلال تغير الحالة الفيزيائية للجليد .

$$m' = \frac{Q - m_g C_g (\theta_f - \theta_g)}{L_f}$$

تطبيق عددي : $m' = 10 \text{ g}$

2. كمية الحرارة اللازمة للحصول على ماء عند درجة الحرارة 20°C : $\theta_2 = 20^\circ \text{C}$

لرفع درجة حرارة قطعة الجليد من -20°C إلى $\theta_2 = 20^\circ \text{C}$ تكسب قطعة الجليد طاقة حرارية Q بحيث أن :

$$Q = Q_1 + Q'_1 + Q_2$$

Q_1 الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف قطعة الجليد قبل أن تتغير حالته الفيزيائية أي قبل الانصهار الكلي للجليد :

$$Q_1 = m_g C_g (\theta_f - \theta_g) = 2100 \text{ J}$$

الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف قطعة الجليد خلال تغير حالته الفيزيائية

$$Q'_1 = m_g L_f = 16750J$$

Q_2 الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف قطعة الجليد عندما أصبحت حالتها الفيزيائية سائلة أي الانصهار الكلي للقطعة :

$$Q_2 = m_e C_e (\theta_2 - 0^\circ C) = 4180J$$

$$Q = 23,03kJ$$
 وبالنسبة

تمرين 6

1.1 نبين أن المسعر اكتسب طاقة حرارية :

حسب المعطيات أن درجة الحرارة النهائية $\theta_f = 24^\circ C$ هي محصورة بين θ_0 درجة حرارة المسعر ودرجة حرارة الماء

$$\theta_0 < \theta_f < \theta_1 \Rightarrow \theta_f - \theta_0 > 0 \text{ أي } \theta_1 = 25^\circ C$$

والطاقة الحرارية المتبادلة مع المسعر هي $Q_2 = \mu_c (\theta_f - \theta_0) > 0$ مما يبين أن هذه الطاقة مكتسبة من طرف المسعر .

2.1 تغيير الطاقة الحرارية التي فقدتها كتلة الماء : $Q_1 = m_e C_e (\theta_f - \theta_1)$

3.1 استنتاج قيمة θ_0 حسب المبدأ الأول للنيرموديناميك أن تغير الطاقة الداخلية للمسعر هي : $\Delta U = Q + W = 0$

لأن المسعر عازل حراري والشغل الميكانيكي مهمل أي أن التبادل الطاقي مع المحيط الخارجي منعدم .

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow \mu_c (\theta_f - \theta_0) + m_e C_e (\theta_f - \theta_1) = 0$$

$$\theta_0 = \frac{m_e C_e}{\mu_c} (\theta_f - \theta_1) + \theta_f$$

$$\theta_0 = 21,9^\circ C$$
 تطبيق عددي :

1.2 الطاقة الحرارية الدنوية اللازمة للانصهار الكلي للقطعة الجليد :

Q_{min} الطاقة الحرارية الدنوية لانصهار الكلي للجليد :

$$Q_{min} = m_g \cdot L_F + m_g C_g (0^\circ C - \theta_g) = 28480J$$

2.2 نبين أن قطعة الجليد تنصهر جزئيا :

عند إدخال قطعة الجليد في المسعر السابق هنا تبادل الحرارة بين « المسعر + الماء » وقطعة الجليد ، نخت أن

« المسعر + الماء » احتفظت درجة حرارتهما أي أن المجموعة « المسعر + الماء » منحت كمية من الحرارة لقطعة الجليد

$$Q'_1 = (m_2 C_e + \mu_c) (\theta'_f - \theta_2) = -20720J$$

هذه اكتسبتها قطعة الجليد . ونعلم حسب السؤال السابق أن الطاقة الحرارية الدنوية للانصهار الكلي للجليد هي

$$Q_{min} = 28480J \text{ وبالنسبة أن } |Q_{min}| > |Q'_1| \text{ أي أن } Q'_1 \text{ غير كافية للحصول على انصهار كلي للجليد أي أن هناك انصهار}$$

جزئي للجليد .

حساب كتلة الجليد المنبقتة :

$$Q'_1 + Q_1 = 0 \text{ أي أن } \Delta U = 0 \text{ فطاقة كتلية الطاقة}$$

$$Q'_1 \text{ الطاقة الممنوحة من طرف المجموعة « المسعر + الماء »}$$

Q_1 الطاقة المكتسبة من طرف قطعة الجليد

$$Q_1 = -Q'_1 = 20720J$$

ونعلم أن $Q_1 = m_g C_g (\theta'_f - \theta_g) + m' L_f$ حيث أن m' كتلة الجليد التي تحولت إلى ماء سائل

$$m' = \frac{Q_1}{L_f} - \frac{m_g C_g (\theta'_f - \theta_g)}{L_f}$$

وكتلة الجليد المنبثقة عند التوازن الحراري : $m = m_g - m'$

تطبيق عددي : $m' = 56,8g$ و $m = 23,2g$

تمرين 7

1. حساب الكتلتين m_1 و m_2

بما أن الإناء كطير تكون الطاقة الداخلية للمجموعة $\Delta U = 0$ أي أن $\Delta U = Q_1 + Q_2 = 0$

Q_1 الطاقة الحرارية المكتسبة من طرف الماء البارد : $Q_1 = m_1 C_1 (\theta_f - \theta_1)$

Q_2 الطاقة الحرارية المفقودة من طرف الماء الساخن : $Q_2 = m_2 C_e (\theta_f - \theta_2)$

$$m_1 C_e (\theta_f - \theta_1) = -m_2 C_e (\theta_f - \theta_2) \text{ أي أن}$$

$$m_1 = 2m_2$$

وحسب المعطيات نريد الحصول على 1ℓ من الماء أي أن $m_1 + m_2 = m$ حيث m كتلة 1ℓ من الماء وبما أن 1ℓ من الماء كتلته $1kg$ فإن

$$m_1 + m_2 = 1 \Rightarrow 3m_2 = 1$$

$$m_2 = \frac{1}{3} kg$$

$$m_1 = \frac{2}{3} kg$$

2. عندما نسخن 1ℓ من الماء فدرجة حرارته ترتفع أي أن الماء اكتسب طاقة حرارية

$$Q_1 = m C_e (\theta_{eb} - \theta_1) + m \cdot L_{ev} = 2500,8kJ$$

3. حساب كتلة البخار m'

بالنسبة لكتلة البخار التي تغيرت درجة حرارتها من $100^\circ C$ إلى $80^\circ C$ أي أنها فقدت كمية من الحرارة $Q_1 = Q'_1 + Q''_1$

Q'_1 كمية الحرارة المفقودة خلال تكاثف البخار وهي : $Q'_1 = m' \cdot L_c$

Q''_1 كمية الحرارة المفقودة من طرف البخار عندما تكاثف كلياً ليصبح سائلاً : $Q''_1 = m' C_e (\theta_2 - \theta_{eb})$

وبما أن $L_c = -L_v$ فإن $Q_1 = -m' \cdot L_v + m' C_e (\theta_2 - \theta_{eb})$

بالنسبة للحليب والإناء فقد اكتسب كمية حرارة $Q_2 = m_0 C_e (\theta_2 - \theta_1) + Q_c$

وحسب المعادلة المسعرة :

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow -m' \cdot L_v + m' C_e (\theta_2 - \theta_{eb}) + m_0 C_e (\theta_2 - \theta_1) + Q_c = 0$$

$$m' = -\frac{m_0 C_e (\theta_2 - \theta_1) + Q_c}{-L_v + C_e (\theta_2 - \theta_{eb})} = 11,2g$$

تمرين 8

الأجوبة : $\Delta t = 7mn20s$ و $V = 900m\ell$