

عناصر الإجابة

التمرين 1

تعبير السرعة الخطية لنقطة تنتمي الى :

- محيط البكرة P_1 هي

$$V_1 = r_1 \omega_1$$

- محيط البكرة P_2 هي

$$V_2 = r_2 \omega_2$$

الخيط غير قابل للامتداد و غير قابل للانزلاق اذن $V_1 = V_2$ منه نجد

$$\omega_1 r_1 = \omega_2 r_2 \quad \text{اذن} \quad \omega_2 = \frac{r_1}{r_2} \omega_1$$

2 دور و تردد
التردد

$$N_1 = \frac{\omega_1}{2\pi} \quad \text{اذن} \quad \omega_1 = 2\pi N_1 \quad \text{البكرة } P_1$$

$$N_2 = \frac{\omega_2}{2\pi} \quad \text{اذن} \quad \omega_2 = 2\pi N_2 \quad \text{البكرة } P_2$$

الدور

البكرة P_1

$$T_1 = \frac{1}{N_1}$$

البكرة P_2

$$T_2 = \frac{1}{N_2}$$

التمرين 2

$$w = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \quad \text{نعلم أن تعبير السرعة هو}$$

$$w = 7,28 \cdot 10^{-5} \text{ rad / s} \quad \text{ومنه نجد}$$

2 الأرض تدور حول المحور (SN) بسرعة زاوية w اذن جميع النقط التي تنتمي الى الارض تدور بنفس سرعة الزاوية لكن بسرعات خطية مختلفة

النقطة M تدور بسرعة زاوية w ممرزة حول النقطة O_1 اذن السرعة الخطية للنقطة M يعبر عنها بالعلاقة

$$V_M = O_1 M \cdot w \quad \text{مع} \quad r_M = O_1 M$$

من خلال الشكل

$$r_M = R \cdot \cos \lambda \quad \text{حيث} \quad R = OM$$

$$V_{M_1} = 464 \text{ m / s}$$

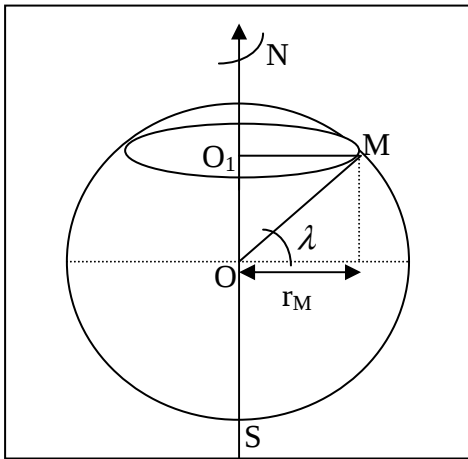
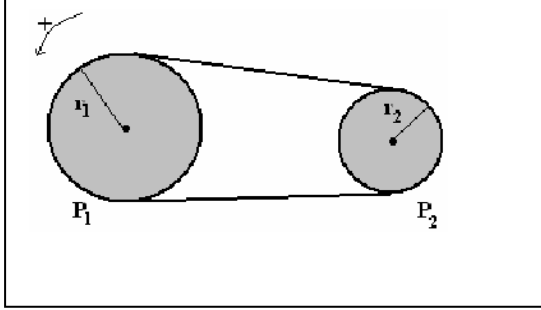
خط الاستواء

$$V_{M_2} = 394 \text{ m / s}$$

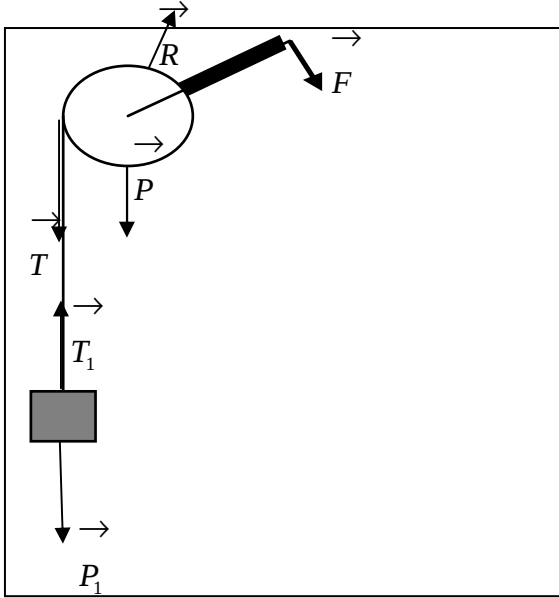
مراكش

$$V_{M_3} = 311 \text{ m / s}$$

باريس



التمرين 3



1 جرد القوى المطبقة على البكرة
 $\vec{F}$ القوة المطبقة من طرف العامل
 $\vec{P}$ وزن البكرة

$\vec{R}$ تأثير المحور

$\vec{T}$ توتر الحبل
 جرد القوى المطبقة على الجسم
 $\vec{P}$ وزن الجسم

$\vec{T}_1$ توتر الخيط

بما ان السرعة الزاوية ثابتة نطبق مبدأ القصور
 مجموع عزوم القوى المطبقة على البكرة منعدم
 $\Sigma M_{\Delta}(\vec{F}) = 0$

حيث أن عزم كل من وزن البكرة و تأثير المحور منعدم لكون أن خطي تأثير هاتين القوتين يتقاطعان مع محور الدوران،
 توتر الخيط يساوي وزن الجسم حسب مبدأ القصور و مبدأ التأثيرات البينية .

نجد $-Mg \frac{D}{2} + Fl = 0$ و بالتالي

ادن $F = \frac{MgD}{2l}$ $F = 133,33N$

2 الشغل المنجز من طرف العامل

نعلم أن $W(\vec{F}) = M_{\Delta}(\vec{F})\Delta\theta$ مع $\Delta\theta = 18.2\pi$

ت ع $W(\vec{F}) = 13564,45j$

الارتفاع h

لدينا $s = h = n \cdot \Delta\theta \cdot \frac{D}{2}$ عدد الدورات المنجزة من طرف العامل ادن $h = 11,3m$ $n = 18$

3 الشغل المنجز من طرف وزن الجسم

ادن $W(\vec{P}_1) = -Mgh$ $W(\vec{P}_1) = -13560J$

استنتاج

نلاحظ أن $W(\vec{F}) \approx W(\vec{P}_1)$ ادن حركة البكرة منتظمة

4 القدرة المنجزة من طرف المحرك $P = \frac{W(\vec{F})}{\Delta t}$ حيث $\Delta t = \frac{n}{5}$ و بالتالي نجد $P = \text{wat}$

التمرين 4

جرد القوى

1- بالنسبة للبكرة و الجسم S_1 و الجسم S_2

انظر الشكل جانبه

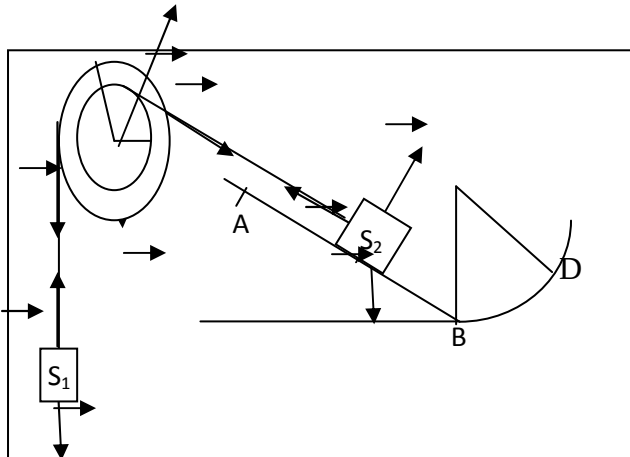
1-2 العلاقة بين السرعة الخطية للجسم S_1 و السرعة

الخطية للجسم S_2

$$V_2 = \frac{R}{r} V_1$$

بضرب طرفي المعادلة السابقة في الزمن t نجد

نجد : $tV_2 = \frac{R}{r} V_1 t$



$$AB = \frac{R}{r} A'B'$$

1-3 تحديد توتر الخيط $\vec{T}$
بما أن تردد البكرة ثابت ادن السرعة الزاوية ثابتة ادن السرعة الخطية للجسم S_2 ثابتة كذلك
بتطبيق مبدأ القصور مجموع القوى المطبقة على الجسم S_2 تساوي المتجهة المنعدمة
$$\vec{P}_2 + \vec{R}_2 + \vec{T} = \vec{0}$$

بإسقاط المتجهات على منحنى الحركة نجد $T = 25N$ ادن $T = Mg \sin \alpha$

تحديد توتر الخيط $\vec{T}_2$
بتطبيق مبدأ القصور على الجسم S_1 نجد $T_2 = P_2 = 30N$

$$W(\vec{P}_2) = -W(\vec{T}) = MgAB \sin \alpha = -10J$$

لدينا

1-4 شغل وزن الجسم S_1

$$W(\vec{P}_1) = -W(\vec{T}_2) = mg \frac{r}{R} AB = 2,4J$$

2

2-1 خلال المسافة x ينجز وزن الجسم شغلا مقاوما تعبيره

$$W(\vec{P}_2) = -Mgx \sin \alpha = -60J$$

من خلال العلاقة نجد

$$x = 2,4m \quad \text{ادن} \quad x = \frac{-60}{-Mg \sin \alpha}$$

2-2 الشغل المنجز من طرف الجسم S_2 خلال الرجوع طول المدار (ABD)

$$W(\vec{P}_2)_{ABD} = W(\vec{P}_2)_x + W(\vec{P}_2)_{BA} + W(\vec{P}_2)_{AD}$$

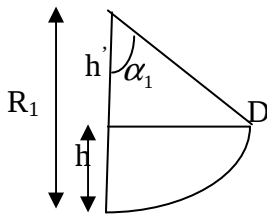
حيث

$$W(\vec{P}_2)_x = Mgx \sin \alpha$$

$$W(\vec{P}_2)_{BA} = MgBA \sin \alpha$$

$$W(\vec{P}_2) = -Mgh$$

من خلال الشكل نلاحظ $h = R_1 - h'$ ادن $h = R_1(1 - \cos \alpha_1)$



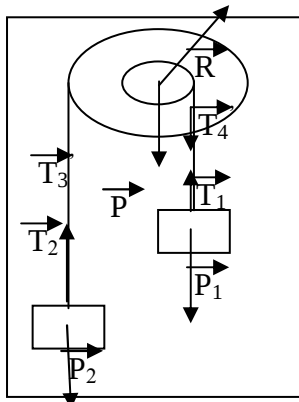
$$W(\vec{P}_2)_{BA} = Mg(BA + x) \sin \alpha - MgR_1(1 - \cos \alpha_1)$$

التمرين 5

جرد القوى أنظر الشكل

1-1 بنفس الطريقة المتبعة في حل التمرين الأول (السؤال 1-2) نجد

$$V_2 = \frac{R}{r} V_1$$



$$d_2 = \frac{R}{r} d_1$$

المسافة التي يقطعها الجسم S_2

$$d_1 = 3,75 \text{ m} \quad \text{ادن}$$

1-4 بما أن تردد دوران البكرة ثابت ادن السرعة الزاوية ثابتة و بالتالي السرعة الخطية للجسم S_1 ثابتة

مبدأ القصور المجموع المتجهي للقوى المطبقة على جسما تساوي المتجهة المنعدمة

بتطبيق مبدأ القصور على S_1

$$\vec{T}_1 + \vec{P}_1 = \vec{0} \quad \text{بإسقاط المتجهات على منحنى الحركة نجد :}$$

$$T_1 = 50N \quad \text{و بالتالي} \quad T_1 = P_1 \quad \text{ادن} \quad T_1 - P_1 = 0$$

بتطبيق مبدأ القصور على S_2

$$\vec{T}_2 + \vec{P}_2 = \vec{0} \quad \text{بإسقاط المتجهات على منحنى الحركة نجد :}$$

$$T_1 = 30N \quad \text{و بالتالي} \quad T_2 = P_2 \quad \text{ادن} \quad -T_2 + P_2 = 0$$

عزم القوة $\vec{T}_1$: أنظر الشكل

حيث $M_{\Delta}(\vec{T}_1) = -M_{\Delta}(\vec{T}_4)$ حسب مبدأ التأثيرات البينية نجد $\vec{T}_1 + \vec{T}_4 = \vec{0}$ ادن $T_1 = T_4$ و بالتالي

$$M_{\Delta}(\vec{T}_1) = -M_{\Delta}(\vec{T}_4) = T_1 r = 2,5N.m$$

عزم القوة $\vec{T}_2$: أنظر الشكل

حيث $M_{\Delta}(\vec{T}_2) = -M_{\Delta}(\vec{T}_3)$ حسب مبدأ التأثيرات البينية نجد $\vec{T}_2 + \vec{T}_3 = \vec{0}$ ادن $T_2 = T_3$ و بالتالي

$$M_{\Delta}(\vec{T}_2) = -M_{\Delta}(\vec{T}_3) = T_3 R = -6N.m$$

نلاحظ أن المختار اعتباطيا $|M_{\Delta}(\vec{T}_4)| \geq |M_{\Delta}(\vec{T}_3)|$ ادن البكرة تدور عكس منحنى دوران عقارب الساعة و هذا يؤكد المنحنى

2-1 شغل مزدوجة الكبح لدينا

$$W_{cf} = -M.\Delta\theta \quad \text{حيث} \quad \Delta\theta = n.2\pi \quad \text{و} \quad n = 40$$

$$W_{cf} = -376,8J$$

ت ع

صلاح الدين بنساعد