

تصحيح التمرين الأول:

1-1- يخضع الجسم بين A و B للقوى التالية : $\vec{P}$: وزنه . $\vec{R}$: القوة المطبقة من طرف سطح التماس وهي عمودية على السطح لأن التماس يتم بدون احتكاك .
 $\vec{F}$: القوة المحركة .

2-1- انظر الدرس.

3-1- بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم بين A و B الذي يخضع للقوى التالية :

$$\vec{W}_{A \rightarrow B} = -m.g.AB \sin \alpha \text{ و } \vec{W}_{A \rightarrow B} = -m.g.AB \sin \alpha + F.AB \text{ إذن : } Ec_B - Ec_A = -m.g.AB \sin \alpha + F.AB \text{ وبما أن سرعة}$$

$$\Delta Ec = \vec{W}_{A \rightarrow B} + \vec{W}_{A \rightarrow B} + \vec{W}_{A \rightarrow B}$$

الجسم منعدمة عند النقطة : A فإن : $Ec_A = 0$ إذن : $Ec_B = -m.g.AB \sin \alpha + F.AB$ أي : $Ec_B + m.g.AB \sin \alpha = F.AB$

$$F = \frac{(1/2).0,4 \times 4^2 + 0,4 \times 10 \times 1 \times \sin 30}{1} = 5,2N \text{ ت.ع. : } F = \frac{(1/2).m.v_B^2 + m.g.AB \sin \alpha}{AB}$$

2-2-1- تغير طاقة الوضع الثقالية بين B و C : $\Delta Epp = Epp_C - Epp_B = m.g.(z_C - z_B) = m.g.BC \sin \alpha$

2-2- تغير الطاقة الميكانيكية للجسم بين B و C.

$$\begin{aligned} \Delta Em_{B \rightarrow C} &= Em_C - Em_B \\ &= (Ec_C + Epp_C) - (Ec_B + Epp_B) \\ &= Ec_C - Ec_B + (Epp_C - Epp_B) \\ &= \frac{1}{2} m (v_C^2 - v_B^2) + \Delta Epp_{B \rightarrow C} \\ &= \frac{1}{2} m (v_C^2 - v_B^2) + m.g.BC \sin \alpha \end{aligned}$$

3-2- لدينا : $\Delta Em_{B \rightarrow C} = W_{B \rightarrow C}^f$ مع : $W_{B \rightarrow C}^f = -f \times BC$

$$f = \frac{-W_{B \rightarrow C}^f}{BC} = \frac{-\Delta Em_{B \rightarrow C}}{BC} = \frac{-[0,5 \times 0,4 \times (1,3^2 - 4^2) + 0,4 \times 10 \times 0,6 \times \sin 30]}{0,6} = 2,8N$$

3-1- $Em_C = Ec_C + Epp_C$

ولدينا : $Epp = m.g.z + C$ وباعتبار الحالة المرجعية $Epp = 0$: عند $z = z_B$ فإن $0 = m.g.z_B + C$ إذن : $C = -m.g.z_B$

ومنه فإن تعبير طاقة الوضع الثقالية : $Epp = m.g.(z - z_B)$

$$Em_C = \frac{1}{2} m.v_C^2 + m.g.BC \sin \alpha \Leftrightarrow z_C - z_B = BC \sin \alpha \text{ مع : } Em_C = Ec_C + Epp_C = \frac{1}{2} m.v_C^2 + m.g.(z_C - z_B)$$

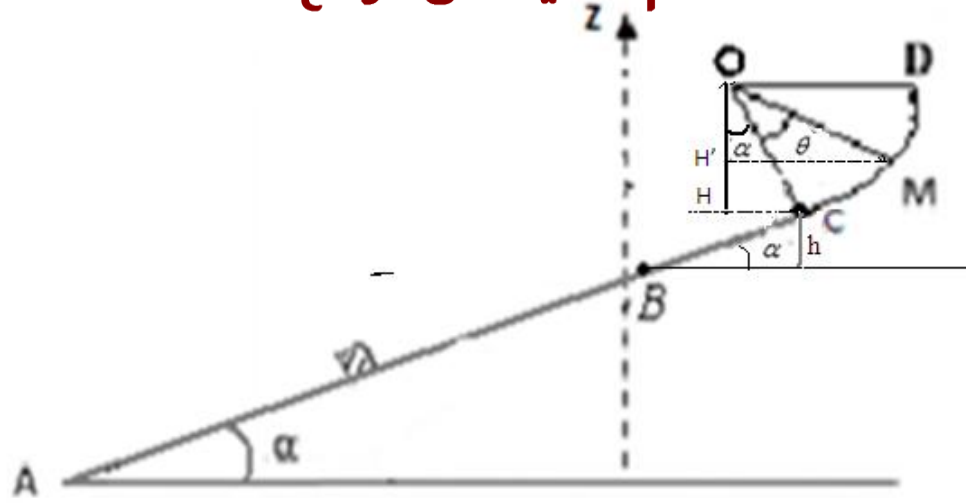
$$Em_C = \frac{1}{2} \times 0,4 \times 1,3^2 + 0,4 \times 10 \times 0,6 \sin 30 \approx 1,54J \text{ ت.ع.}$$

2-3- باعتبار الحالة المرجعية فإن الطاقة الميكانيكية للجسم في النقطة M :

$$Em_M = Ec_M + Epp_M = Ec_M + m.g.(z_M - z_B)$$

$$Ec_M = 0 \Leftrightarrow v_M = 0 \text{ ومنه :}$$

$$Em_M = m.g.(z_M - z_B)$$



$$z_M - z_B = H'I = h + HH'$$

$$h = BC \cdot \sin \alpha$$

$$HH' = OH - OH' = r \cos \alpha - r \cdot \cos(\alpha + \theta)$$

$$z_M - z_B = BC \cdot \sin \alpha + r[\cos \alpha - \cos(\alpha + \theta)] \Leftrightarrow z_M - z_B = BC \cdot \sin \alpha + r \cos \alpha - r \cdot \cos(\alpha + \theta) \quad \text{إذن :}$$

$$Em_M = m \cdot g \cdot (BC \cdot \sin \alpha + r[\cos \alpha - \cos(\alpha + \theta)]) \quad \text{وبالتالي :}$$

3-3- بما أن الاحتكاكات مهمة بين M و C فإن الطاقة الميكانيكية نحفظ.

$$m \cdot g \cdot (BC \cdot \sin \alpha + r[\cos \alpha - \cos(\alpha + \theta)]) = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_C^2 + m \cdot g \cdot BC \cdot \sin \alpha \quad \text{أي :} \quad Em_M = Em_C$$

$$\Leftrightarrow m \cdot g \cdot BC \cdot \sin \alpha + m \cdot g \cdot r \cdot \cos \alpha - m \cdot g \cdot r \cdot \cos(\alpha + \theta) = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_C^2 + m \cdot g \cdot BC \cdot \sin \alpha \quad \Leftrightarrow$$

$$\cos(\alpha + \theta) = \cos \alpha - \frac{v_C^2}{2 \cdot g \cdot r} \quad \Leftrightarrow \cos \alpha - \cos(\alpha + \theta) = \frac{v_C^2}{2 \cdot g \cdot r} \quad \Leftrightarrow m \cdot g \cdot r \cdot \cos \alpha - m \cdot g \cdot r \cdot \cos(\alpha + \theta) = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_C^2$$

$$\alpha = \cos^{-1} \left(\cos \alpha - \frac{v_C^2}{2 \cdot g \cdot r} \right) - \theta \quad \text{ومنه :} \quad \alpha + \theta = \cos^{-1} \left(\cos \alpha - \frac{v_C^2}{2 \cdot g \cdot r} \right) \quad \text{إذن :}$$

$$\alpha = \cos^{-1} \left(\cos 30 - \frac{1,3^2}{2 \cdot 10 \cdot 0,4} \right) - 30 \approx 19,1^\circ \quad \text{ت ع :}$$

أو بطريقة أخرى:

$$m \cdot g \cdot (BC \cdot \sin \alpha + r[\cos \alpha - \cos(\alpha + \theta)]) = Em_C \quad \Leftrightarrow Em_M = Em_C$$

$$BC \cdot \sin \alpha + r \cos \alpha - \frac{Em_C}{m \cdot g} = r \cos(\alpha + \theta) \quad \Leftrightarrow BC \cdot \sin \alpha + r \cos \alpha - r \cos(\alpha + \theta) = \frac{Em_C}{m \cdot g} \quad \text{إذن :}$$

$$\theta = \cos^{-1} \left[\frac{BC \cdot \sin \alpha}{r} + \cos \alpha - \frac{Em_C}{m \cdot g \cdot r} \right] - \alpha \quad \Leftrightarrow \cos(\alpha + \theta) = \frac{BC \cdot \sin \alpha}{r} + \cos \alpha - \frac{Em_C}{m \cdot g \cdot r} \quad \text{ومنه :}$$

$$\theta = \cos^{-1} \left[\frac{0,6 \cdot \sin 30}{0,4} + \cos 30 - \frac{1,538}{0,4 \cdot 10 \cdot 0,4} \right] - 30 \approx 19,1^\circ \quad \text{ت ع :}$$

تصحيح التمرين الثاني:

$$z_B = r - r \cos \theta = 3 - 3 \cdot \cos 30 = 0,4m \quad \text{1-1 (1)}$$

$$z_C = z_B + BC \cdot \sin \alpha = 2,4 + 0,4 \cdot \cos 30 = 1,6m$$

$$z_D = z_C = 1,6m$$

$$z_E = z_D + DE \cdot \sin \alpha = 1,6 + 2 \sin 30 = 2,6m$$

$$\vec{WP}_{A \rightarrow E} = m \cdot g \cdot (z_A - z_E) = 5 \cdot 10 \cdot (0 - 2,6) = 130J \quad \text{-2-1}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2}.m(v_E^2 - v_A^2) = W_{A \rightarrow E}^{\vec{P}} : \text{إذن} \quad W_{A \rightarrow E}^{\vec{R}} = 0 : \text{مع} \quad \Delta E_C = W_{A \rightarrow E}^{\vec{P}} + W_{A \rightarrow E}^{\vec{R}} \quad -3-1$$

$$v_E = \sqrt{8^2 + \frac{2 \times 130}{5}} \approx 3,4 m/s \quad \text{ت.ع.} \quad v_E = \sqrt{v_A^2 + \frac{2W_{A \rightarrow E}^{\vec{P}}}{m}}$$

$$-4-1 \quad \text{طاقة الوضع الثقالية} : E_{pp} = m.g.z + C$$

$$\text{باعتبار الحالة المرجعية} E_{pp}=0 \text{ بالنسبة ل: } z=z_A=0 \text{ ومنه } C=0 : \text{ إذن } E_{pp} = m.g.z$$

-بما أن الاحتكاكات مهمة فإن الطاقة الميكانيكية تتحفظ. إذن لدينا : $E_{m_A} = E_{m_C}$ أي : $E_{c_A} + E_{pp_A} = E_{c_C} + E_{pp_C}$ إذن :

$$\frac{1}{2}.m.v_A^2 + m.g.z_A = \frac{1}{2}.m.v_C^2 + m.g.z_C \quad \text{مع} : z_A = 0 : \text{ إذن } \frac{1}{2}.m.v_A^2 = \frac{1}{2}.m.v_C^2 + m.g.z_C \quad \text{ومنه} : v_A^2 = v_C^2 + 2.g.z_C$$

$$v_A = \sqrt{8^2 - 2 \times 10 \times 1,6} = \sqrt{32} \approx 6,7 m/s \quad \text{ت.ع.} \quad v_C = \sqrt{v_A^2 - 2.g.z_C} : \text{إذن}$$

(2) -1-2- بما أن الاحتكاكات غير مهمة على القطعة CD فإن تغير الطاقة الميكانيكية بين هاتين النقطتين يساوي شغل قوة الاحتكاك.

$$f = \frac{E_{m_C} - E_{m_D}}{CD} \quad \Leftrightarrow \quad f = \frac{-(E_{m_D} - E_{m_C})}{CD} \quad \Leftrightarrow \quad E_{m_D} - E_{m_C} = -f.CD \quad \Leftrightarrow \quad \Delta E_{m_{C \rightarrow D}} = W_{C \rightarrow D}^{\vec{f}}$$

$$f = \frac{\frac{1}{2} \times 5 \times 32 + 5 \times 10 \times 1,6 - \frac{1}{2} \times 5 \times 4^2 - 5 \times 10 \times 1,6}{2} = 20 N \quad \text{ت.ع.} \quad f = \frac{\frac{1}{2}.m.v_C^2 + m.g.z_C - \frac{1}{2}.m.v_D^2 - m.g.z_D}{CD}$$

$$-2-2 \quad \text{بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم بين D و F} \quad \Delta E_C = W_{D \rightarrow F}^{\vec{P}} + W_{D \rightarrow F}^{\vec{R}} : \text{مع} \quad W_{D \rightarrow F}^{\vec{R}} = 0 : \text{إذن} \quad \Delta E_C = W_{D \rightarrow F}^{\vec{P}}$$

$$\Delta E_C = m.g.(z_D - z_F) \quad \text{إذن} : \frac{1}{2}.m.(v_E^2 - v_D^2) = m.g.(z_D - z_F) \quad \Leftrightarrow \quad v_F^2 - v_D^2 = .2g(z_D - z_F)$$

$$\text{مع} : v_F = 0 \quad \Leftrightarrow \quad -v_D^2 = .2g(z_D - z_F) \quad \text{ومنه} : z_D - z_F = \frac{-v_D^2}{2.g} \quad \Leftrightarrow \quad z_F = z_D + \frac{v_D^2}{2.g}$$

$$\text{ت.ع.} \quad z_F = 1,6 + \frac{4^2}{2 \times 10} = 2,4 m$$

تصحيح تمرين الكيمياء
معادلة التفاعل : (1)



(2)

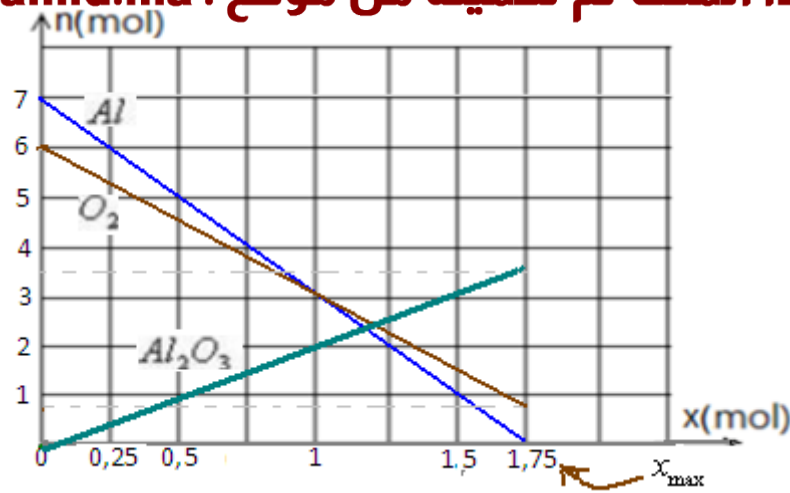
المعادلة			كميات المادة بالمول	
التقدم	الحالات	0	6	7
0	ح. البدئية	0	6	7
x	حالة التحول	2x	6-3x	7-4x
x _{max}	الحالة النهائية	2x _{max}	6-3x _{max}	7-4x _{max}
1,75	تركيب الخليط عند نهاية التفاعل	3,5	0,75	0

$$\text{إذا افترضنا أن Al هو المحد} : 7 - 4x_{\max} = 0 : x_{\max} = \frac{7}{4} = 1,75 mol \quad \Leftrightarrow$$

$$\text{إذا افترضنا أن O}_2 \text{ هو المحد} : 6 - 3x_{\max} = 0 : x_{\max} = \frac{6}{3} = 2 mol \quad \Leftrightarrow$$

$$1,75 mol < 2 mol \quad \text{بما أن المتفاعل المحد هو المستعمل بتفريط فإن} : x_{\max} = 1,75 mol \quad \text{والمحد هو} : Al.$$

(3) الرسم المبياني :



(4) كتلة الألومين الناتجة عند نهاية التفاعل .

$$m_f(Al_2O_3) = n_f(Al_2O_3) \times M(Al_2O_3) = 3,5mol \times 102g / mol = 357g$$

(5) لدينا كمية مادة غاز ثنائي الأكسجين البدئية: 6mol: وكمية مادة ثنائي الأكسجين المتبقية عند نهاية التفاعل 0,75mol

ومنه فإن كمية مادة ثنائي الأكسجين المستهلكة خلال التفاعل: 6-0,75=5,25mol:

إذن حجم غاز ثنائي الأوكسجين المستهلك عند نهاية التفاعل:

$$V(O_2) = n(O_2) \times V_m = 5,25mol \times 24L / mol = 126L$$