

## 16 : الهندسة الفضائية

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 باك علوم رياضية

استنتج بأن النقط A و B و C غير مستقيمية.  
تحقق بأن معادلة ديكارتية لل المستوى ABC هي :

$$2x - y + 2z + 2 = 0$$

نعتبر المستويين :  $x + y - 3z + 3 = 0$  (P<sub>1</sub>) و

نعتبر المستويين :  $x - 2y + 6z = 0$  (P<sub>2</sub>). بين أنهما يتقاطعان تبعاً

$$\begin{cases} x = -2 \\ y = -1 + 3t \\ z = t \end{cases}$$

للمستقيم ذي التمثيل البارامטרי  $3t$

4. بين أن (P) و (D) يتقاطعان في نقطة C يتم تحديدها

5. نعتبر الفلكة (S) التي مركزها  $\Omega(1, -3, 1)$  و شعاعها

3

أعط معادلة ديكارتية للفلكة (S).

بـ أدرس تقاطع الفلكة (S) و المستقيم (D).

جـ بين أن المستوى ABC مماس للفلكة (S).

**.05**

نعتبر النقط A(3,4,-2) و B(2,2,4) و C(4,4,-4) و

$\Omega(2,2,-2)$ .

1.

أـ حدد إحداثيات المتجهة  $\vec{AB} \wedge \vec{AC}$

بـ هل النقط A و B و C مستقيمية؟

جـ أحسب مساحة المثلث ABC.

دـ أعط معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)

هـ حدد معادلة ديكارتية للمستوى الذي يمر من C و العمودي على المستقيم (AB).

ثـ نعتبر المستقيم (D) المعرف بالمعادلتين дикартتين :

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{2} = z+1$$

أـ بين أن المستقيم (D) عمودي على المستوى (ABC)

بـ أحسب مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستقيم (D).

جـ أعط معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي مركزها  $\Omega$  و تقبل

(D) مماس لها.

دـ أحسب مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستوى (ABC).

هـ أدرس تقاطع الفلكة (S) و المستوى (ABC).

في هذه التمارين الفضاء المنسوب إلى M.M.M.  $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}, 0)$ .

**.01**

نعتبر النقط A(-2,4,-1) و B(-6,5,-3) و C(-4,0,-4)

1. بين أن النقط A و B و C غير مستقيمية.

2. بين أن المتجهة  $\vec{n}(1, -1, -1)$  منتظمة على المستوى ABC

3. حدد معادلة المستوى ABC.

4. حدد تمثيل بارامetricا للمستقيم المار من O و العمودي على المستوى ABC.

**.02**

نعتبر النقط A(1,0,1) و B(1,1,-2) و C(0,3,2)

1. حدد إحداثيات المتجهة  $\vec{AB} \wedge \vec{AC}$ .

2. هل النقط A و B و C مستقيمية؟

3. أحسب مساحة المثلث ABC.

4. أعط معادلة ديكارتية للمستوى (ABC).

**.03**

نعتبر النقط A(0,1,1) و B(1,1,0) و C(1,0,1)

1. حدد إحداثيات المتجهة  $\vec{AB} \wedge \vec{AC}$ .

2. أعط معادلة ديكارتية للمستوى (ABC).

3. حدد  $\Omega$  و r مركز و شعاع الفلكة (S) المحددة بـ

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2y\sqrt{3} - 4z + 5 = 0$$

4. أحسب مسافة  $\Omega$  عن المستوى (ABC).

5. ما هو تقاطع (S) و المستوى (ABC).

**.04**

نعتبر النقط A(-2,0,1) و B(1,2,-1) و C(-2,2,1)

1. أحسب الجداء السلمي  $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$  و طولين AB و AC.

2. استنتج :  $\cos(\vec{AB}, \vec{AC})$