

دراسة دالة عددية

التمرين الأول

$$f \text{ دالة عددية معرفة بما يلي : } f(x) = \sqrt{\frac{x^3}{x+2}}$$

(1) حدد D_f و أحسب نهايات الدالة f عند محداث D_f

(2) أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C_f)

(3) أدرس قابلية اشتقاق f على يمينه $x_0 = 0$

(4) أ- يمينه أو $f'(x) = \frac{x^2(x+3)}{(x+2)^2} \sqrt{\frac{x+2}{x^3}}$ ($\forall x \in D_f - \{0\}$)
 ب- أنجز جدول تغيرات الدالة f

(5) اسم المنحنى (C_f)

التمرين الثاني

$$f \text{ الدالة العددية المعرفة بما يلي : } f(x) = \sqrt{(x+1)(x-3)}$$

(1) حدد D مجموعة تعريف الدالة f و أحسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) يمينه أو $f(2-x) = f(x)$ ($\forall x \in D_f$) و أول النتيجة هندسيا

(3) أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على يمينه 3 و على يسار النقطة -1

(4) أ- يمينه أو f قابلية للاشتقاق على $D_f - \{-1, 3\}$ و أحسب الدالة $f'(x)$

ب- أدرس منحنى تغيرات الدالة f و منج جدول تغيراتها

(5) اسم المنحنى (C)

التمرين الثالث

$$f \text{ الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بما يلي : } \begin{cases} f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{1-x}} & : x \leq 0 \\ f(x) = \frac{x^2-2x+3}{x^2+2x+3} & : x > 0 \end{cases}$$

(1) أ- يمينه أو f تقبل نهاية في 0

ب- أدرس قابلية اشتقاق f في النقطة 0

(2) أ- أحسب نهايات f عند محداث D_f

ب- أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C_f) عند $-\infty$

(3) أحسب $f'(x)$ ثم أنجز جدول تغيرات الدالة f

(4) اسم المنحنى (C_f)

التمرين الرابع

$$[I] \text{ نعتبر الدالة } g \text{ بحيث : } g(x) = 2x - \sqrt{x^2 + 1}$$

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(2) أدرس منحنى تغيرات الدالة g

(3) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $g(x) = 0$ ثم استنتج إشارة $g(x)$

$$[II] \text{ نعتبر الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بما يلي : } f(x) = 2\sqrt{x^2 + 1} - x$$

(1) أ- أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب- أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C_f)

(2) أ- أحسب المشتقة $f'(x)$

ب- أنجز جدول تغيرات الدالة f

(3) اسم المنحنى (C_f)

التمرين الخامس

$$\text{للك دالة العددية المعرفة بما يلي : } f(x) = x + 2 - \frac{x+2}{\sqrt{2x+2}}$$

(1) أ- حدد D_f احسب نهايات الدالة f عند محداث D_f

ب- أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C_f) عند $+\infty$

(2) أ- يمينه أو $f'(x) = 1 - \frac{x}{\sqrt{(2x+2)^3}}$

ب- يمينه أو f تنازلية على D_f (أدرس الحالتين $x > 0$ ، $x \leq 0$)

3) حدد تقاطع المنحنى (C_f) و محور الأفاصيد

4) أ- ييه أنه $f''(x) = \frac{x-2}{\sqrt{(2x+2)^5}}$

ب- أدرس تغير المنحنى (C_f)

5) اسم المنحنى (C_f)

التمرين السادس

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = x - \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$

1) أ- حدد مجموعة التعريف D و أحسب النهايتيه $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب- أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى (C)

2) أ- ييه أنه $f'(x) = \frac{(\sqrt{x}-1)(2x+\sqrt{x}+1)}{2x\sqrt{x}}$ ($\forall x > 0$)

ب- أدرس منحنى تغيرات الدالة f و صنع جدول تغيراتها

3) أ- أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C) و المستقيم $y = x$ (Δ)

ب- اسم المنحنى (C)

4) لئلك $(U_n)_n$ المتتالية المعرفة بما يلي : $U_0 = 2$ و $U_{n+1} = f(U_n)$

أ- ييه أنه $U_n > 1$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)

ب- أدرس رتبة المتتالية $(U_n)_n$

التمرين السابع

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بمايلي :

$$f(x) = \begin{cases} x-1-2\sqrt{x-2} & , x > 2 \\ x-1+2\sqrt{2-x} & , x \leq 2 \end{cases}$$

1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2) ادرس قابلية اشتقاق الدالة f على اليميه و على اليسار في $a = 2$ ، ثم أول النتيجة هندسيا .

3) أ- احسب $f'(x)$ حيث $x \in \mathbb{R} - \{2\}$

ب- صنع جدول تغيرات الدالة f

4) أ- حدد تقاطع المنحنى (C_f) و محور الأفاصيد .

ب- ادرس الفرعيه اللانهائيه للمنحنى (C_f)

5) أنشي المنحنى (C_f)

التمرين الثامن

الجزء (1)

1) أدرس تغيرات الدالة $g(x) = x^3 + 3x + 24$

2) اسم منحنى الدالة g و ييه مبياتيا أنه المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α

و أنه $-3 < \alpha < -2$

3) استنتج إشارة الدالة $g(x)$

الجزء (2)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $f(x) = \frac{x^3 + 8x^2 - 4}{2(x^2 + 1)}$

و ليكه (C) منحنى الدالة f

1) أحسب النهايتيه $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2) ييه أنه المستقيم $y = \frac{1}{2}x + 4$ (D) مقارب مائل للمنحنى (C)

3) أ- ييه أنه $f'(x) = \frac{x g(x)}{2(x^2 + 1)^2}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

ب- أنجز جدول تغيرات الدالة f

4) اسم المنحنى (C) (نأخذ $\alpha = -2,54$ و $f(\alpha) \approx 2,1$)