

التمرين الأول

أدرس قابلية اشتقاق الدالة f في النقطة a في كل من الحالات التالية :

$x_0 = 3$; $f(x) = \sqrt{2x+3} - 2$	$a = -1$; $f(x) = \frac{2x^2 + x + 1}{x - 1}$	$a = 2$; $f(x) = \frac{x + 1}{2x - 1}$
$a = 0$ $\begin{cases} f(x) = x^2 E\left(\frac{2}{x}\right) & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$	$a = 0$ $\begin{cases} f(x) = \frac{x - 2 \sin x}{x - \sin 2x} & x \neq 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$	$a = 0$ $\begin{cases} f(x) = \frac{1 - \cos x}{\sin x} & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$

التمرين الثاني :

أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على يمين وعلى يسا النقطة a في كل من الحالات التالية :

$a = 0$; $f(x) = x \sin(2x) $	$a = -2$; $f(x) = \frac{ x^2 + 2x - 3}{ x - 1}$	$a = -1$; $f(x) = \frac{ x^2 + x + 2}{ x + 1}$
$a = -1$ $\begin{cases} f(x) = \sqrt{x+2} & ; x \geq -1 \\ f(-1) = 3x^2 + 2x & ; x < -1 \end{cases}$	$a = 0$ $\begin{cases} f(x) = x E\left(\frac{1}{x}\right) & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$	$a = 2$; $f(x) = (x - 2) E(x)$

التمرين الثالث :

باستعمال مفهوم قابلية الاشتقاق حدد النهايات التالية :

$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{\tan^2 x - 3}{3x - \pi}$	$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{(8x + 15)^7 + 1}{x + 2}$	$\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^n \sin x - a^n \sin a}{x - a}$
$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 (5x - 4)^3 - 1}{x - 1}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - x)^n - (1 - x^2)^n}{x}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\cos x - \sin 2x)^3 - 1}{x}$

التمرين الرابع :

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{3x^2 + ax + b}{x^2 + 1}$. حدد العددين a و b علما أن المستقيم

$$A(0, 3) \text{ مماس للمنحنى } (C_f) \text{ في النقطة } y = 4x + 3$$

التمرين الخامس :

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{x^2 + a}{bx + 1}$ حيث $(a, b) \in \mathbb{R}^2$

حدد العددين a , b كي يقبل منحنى الدالة f في النقطة $I(0, 2)$ مستقيما مماسا يوازي $(\Delta) 2x + y - 1 = 0$

التمرين السادس :

لتكن f قابلة للاشتقاق في 0 وبحيث $f'(0) = a$ أحسب بدلالة a :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3f(2x) + 2f(3x) - 5f(0)}{x} , \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(3x) - f(-2x)}{x}$$

التمرين السابع :

أحسب الدالة المشتقة $f'(x)$ في كل من الحالات التالية :

$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3}$	$f(x) = \frac{x + 1}{\sqrt{x} - 1}$	$f(x) = x\sqrt{2x - 1} + 5$	$f(x) = 2x - \sqrt{x} + \frac{3}{x}$
$f(x) = \frac{x^3}{x - 3}$	$f(x) = x(\sqrt{x^2 + 1} + x)$	$f(x) = x^2\sqrt{4x + 3}$	$f(x) = (2x - 3)\sqrt{x} + 1$
$f(x) = \frac{2\sin x + 1}{1 - \cos x}$	$f(x) = \frac{\sin x}{2 + \cos x}$	$f(x) = \left(x - \frac{1}{x}\right)^3$	$f(x) = \frac{x^2 + 2x + 2}{x^2 - 2x + 2}$

التمرين الثامن :

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = x + \sqrt{ x^2 - x }$ (1) أحسب النهايتين $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ (2) أدرس قابلية اشتقاق f على يمين وعلى يسار 0 بد أدرس قابلية اشتقاق f على يمين وعلى يسار 1	نعتبر الدالة f بحيث : $f(x) = \frac{x^2}{x x + 1}$ (1) حدد مجموعة تعريف الدالة f (2) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ (3) أحسب $\lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x < -1}} f(x)$ و $\lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x > -1}} f(x)$ (4) أدرس قابلية اشتقاق f على يمين ويسار النقطة 0
---	---

التمرين التاسع :

$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{a} E\left(\frac{3}{x}\right) : x > 0 \\ f(0) = 0 \\ f(x) = \frac{2\cos(bx) - 3\cos(x\sqrt{2}) + 1}{x} : x < 0 \end{cases}$	ليكن a من $\mathbb{R}^*$ و b من $\mathbb{R}^+$ ونعتبر الدالة f المعرفة كما يلي : (1) أ. بين أن $\left(\forall x \in \mathbb{R}^+ \right) \left \frac{x}{a} E\left(\frac{3}{x}\right) - \frac{3}{a} \right \leq \left \frac{x}{a} \right$ بد استنتج أن f قابلة للاشتقاق على يمين 0 وأن $f'_a(0) = \frac{3}{a}$ (2) بين أن f قابلة للاشتقاق على يسار 0 وأن $f'_g(0) = 3 - b^2$ (3) حدد العددين a , b كي تكون f قابلة للاشتقاق في النقطة 0 و بحيث يكون المماس في 0 عمودي على $(\Delta) \quad x - y = 0$
---	---

التمرين العاشر :

(1) بين أنه إذا كانت f قابلة للاشتقاق في النقطة a فإن $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$ (2) تطبيقات : أ. أحسب النهايتين : (1) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 f(x) - a^2 f(a)}{x - a}$ (2) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{a f(x) - x f(a)}{x - a}$ بد نفترض ان $f(a) > 0$. بين أن الدالة $F(x) = \sqrt{f(x)}$ قابلة للاشتقاق في النقطة a و حدد العدد المشتق	
---	--

التمرين الحادي عشر

- لتكن f دالة عددية تقبل قيمة قصوى في النقطة a وقابلة للاشتقاق في a . بين ان $f'(a) = 0$
- لتكن f دالة عددية تقبل قيمة دنيا في النقطة a وقابلة للاشتقاق في a . بين ان $f'(a) = 0$