

## 10 : الدوران في المستوى

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 باك علوم رياضية

بـ بين أن :  $AC = BD$  و أن  $(BD)$  عمودي على  $(AC)$

ثـ لتكن النقطة  $E$  حيث  $r(A) = E$ . بين أن  $O$  منتصف  $[ED]$ .

جـ لتكن النقطة  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $O$  على  $(CD)$  و النقطة  $I$  منتصف  $[AB]$  و النقطة  $F$  صورة  $I$  بالدوران  $r$ .

دـ بين أن :  $2\overrightarrow{OF} = \overrightarrow{DC}$ .

إـ استنتج أن النقط  $I$  و  $O$  و  $H$  مستقيمية.

## .01

أـ مثلث متساوي الأضلاع من المستوى الموجه حيث  $ABC$

ثـ لتكن  $G$  مركز ثقل المثلث  $\overline{(AB, AC)} \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$

جـ لنعتبر الدوارين  $r(G, \frac{2\pi}{3})$  و  $r(A, \frac{\pi}{3})$  لتكن  $M$  نقطة

من المستوى مختلف عن  $A$  و نضع  $r(M) = N$  و

دـ  $r'(N) = M'$

إـ حدد  $r'(A)$

ثـ

أـ حدد القياس الرئيسي للزاوية الموجهة  $(\overrightarrow{AN}, \overrightarrow{BM})$

ثـ  $(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{BM})$

جـ بين أن :  $AM = BM$

دـ ما هي طبيعة الرباعي  $AMB'M$  ؟

## .02

أـ المستوى  $P$  إلى م.م.م.  $(O, i, j)$ . نعتبر النقط

المستوى الذي يربط كل نقطة  $M(x, y)$  بالنقطة

$$\begin{cases} x' = y \\ y' = -x + 2 \end{cases} \quad M'(x', y') \quad \text{حيث :}$$

ثـ

أـ بين أنه توجد نقطة وحيدة  $\Omega$  صامدة بالتطبيق  $f$  يجب تحديد زوج احداثياتها.

بـ بين أن :  $\Omega M = \Omega M'$  لكل نقطة  $M$  من المستوى.

جـ أحسب :  $\sin(\overrightarrow{\Omega M}, \overrightarrow{\Omega M'})$  و  $\cos(\overrightarrow{\Omega M}, \overrightarrow{\Omega M'})$

ثـ

جـ استنتاج أن  $f$  دوران مطلوب تحديد مركزه و قياس زاويته.

## .03

أـ مثلث من المستوى الموجه. نعتبر الدوران  $r(O, \frac{\pi}{2})$

ثـ

أـ أنشئ النقطتين  $C$  و  $D$  حيث :  $r(B) = C$  و  $r(D) = A$  حيث :

مـ نعتبر التمايل المحوري  $S_{(\Delta)}$  الذي يربط النقطة  $M(x, y)$

$$\begin{cases} x' = \frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y \\ y' = \frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y \end{cases} \quad \text{بالنقطة } M'(x', y') \quad \text{حيث :}$$

جـ حدد معادلة ديكارتية ل  $(\Delta)$  محور هذا التمايل المحوري.

دـ نعتبر التطبيق  $f$  حيث  $f = r \circ S_{(\Delta)}$

أـ حدد  $f(A')$  و  $f(B')$

جـ إذا علمت أن  $f$  تمايل محوري حدد محوره  $(\Delta')$

دـ بين أن :  $r = S_{(\Delta')} \circ S_{(\Delta)}$