

## ٩ : نهاية دالة عددية

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: ١ باك علوم رياضية

### .005

١. أحسب النهايات الآتية :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(8x)}{\tan(11x)} ; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x}{\tan(7x)} ; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(5x)}{3x} ;$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} \frac{1 - \cos \sqrt{x}}{x} ; \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{x-1} ; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\sqrt{x+1} - 1}$$

### .006

١. حدد  $a$  علماً أن  $f$  لها نهاية في 3 حيث  $f$  معرفة كما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x-3}{2-\sqrt{x+1}} & ; x > 3 \\ f(x) = \frac{a}{x-1} & ; x \leq 3 \end{cases}$$

### .007

١. أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x} + |\sin x|} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 - x \sin x ; \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 + \cos x}{1 + x^2}$$

### .008

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة بما يلي :

١. حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

٢. أحسب نهايات  $f$  عند محدات  $D_f$

### .009

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة بما يلي :

١. بين أن:  $D_f = E(x) = -x \Leftrightarrow x = 0$  ثم استنتج

٢.

أ. بسط كتابة  $f(x)$  على  $[0,1]$ .

ب. تحقق أن:  $\forall x \in [-1, 0], f(x) = \frac{x}{1-x}$

ج. أدرس نهاية  $f$  في 0.

٣. بين أن:  $\forall x \in [1, +\infty[ , \frac{x^2 - x}{2x} \leq f(x) \leq \frac{x^2}{2x-1}$

٤. أدرس نهاية  $f$  في 1.

### .001

١. أحسب النهايات الآتية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x^4 - 7x^3 + x - 3 ; \lim_{x \rightarrow 2} x^3 + 2x^2 + 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + |x+2| ; \lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x^5 + 1)^3 (3x+2)$$

### .002

١. أحسب النهايات الآتية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x^5} - x^4 ; \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x - \sqrt{3}}{x^2 - 3} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x + 6}}{2 - x^7}$$

$$\lim_{x \rightarrow 8} \frac{3-x}{(x-8)^4} ; \lim_{x \rightarrow 8^-} \frac{x+2}{x-8} ; \lim_{x \rightarrow 5^+} \frac{2-x}{x^2 - 25}$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x < 0}} \frac{x+1}{1 - |x^2 + x - 1|} ; \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x}{|x^2 - x - 2|} ; \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-1}{|4 - 2x|}$$

### .003

١. أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{1-x} - \sqrt{4-x} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} -2x^2 + \sqrt{x} ; \lim_{\substack{x \rightarrow 4 \\ x < 4}} \frac{\sqrt{16-x^2}}{x-4}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x - \sqrt{4x^2 - 8x} ; \lim_{x \rightarrow -\infty} 3x + \sqrt{4x^2 - 8x}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{x - \sqrt{1+x^2}} ; \lim_{x \rightarrow -5} \frac{1 - \sqrt{x+6}}{x+5} ; \lim_{x \rightarrow -\infty} x + \sqrt{x^2 - 3x}$$

### .004

الرسم التالي يمثل منحنى دالة  $f$ .

١. حدد مبيانيا  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

٢. استنتاج مبيانيا نهايات  $f$  عند محدات  $D_f$  وكذلك في 1.

