

9 : نهاية دالة عددية

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 باك علوم رياضية

005.

1. أحسب النهايات الآتية :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(8x)}{\tan(11x)} ; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x}{\tan(7x)} ; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(5x)}{3x} ;$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} \frac{1 - \cos \sqrt{x}}{x} ; \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{x-1} ; \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\sqrt{x+1}-1}$$

006.

1. حدد a علما أن f لها نهاية في 3 حيث f معرفة كما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x-3}{2-\sqrt{x+1}} ; x > 3 \\ f(x) = \frac{a}{x-1} ; x \leq 3 \end{cases}$$

007.

1. أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x} + |\sin x|} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 - x \sin x ; \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 + \cos x}{1 + x^2}$$

008.

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :  $f(x) = \frac{\sqrt{x}}{1-|x-1|}$

1. حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة f .

2. أحسب نهايات f عند محداث  $D_f$  .

009.

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :  $f(x) = \frac{x E(x)}{x + E(x)}$

1. بين أن :  $E(x) = -x \Leftrightarrow x = 0$  ثم استنتج  $D_f$  .

2. أ- بسط كتابة f(x) على  $]0,1[$  .

ب- تحقق أن :  $\forall x \in ]-1,0[ , f(x) = \frac{x}{1-x}$  .

ج- أدرس نهاية f في 0 .

3. بين أن :  $\forall x \in ]1,+\infty[ , \frac{x^2-x}{2x} \leq f(x) \leq \frac{x^2}{2x-1}$

4. أدرس نهاية f في 1 .

001.

1. أحسب النهايات الآتية :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x^4 - 7x^3 + x - 3 ; \lim_{x \rightarrow 2} x^3 + 2x^2 + 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x + |x+2| ; \lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x^5 + 1)^3 (3x+2)$$

002.

1. أحسب النهايات الآتية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x^5} - x^4 ; \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x - \sqrt{3}}{x^2 - 3} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x + 6}}{2 - x^7}$$

$$\lim_{x \rightarrow 8} \frac{3-x}{(x-8)^4} ; \lim_{x \rightarrow 8} \frac{x+2}{x-8} ; \lim_{x \rightarrow 5^+} \frac{2-x}{x^2 - 25}$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x < 0}} \frac{x+1}{1 - |x^2 + x - 1|} ; \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x}{|x^2 - x - 2|} ; \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x-1}{|4-2x|}$$

003.

1. أحسب النهايات التالية :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{1-x} - \sqrt{4-x} ; \lim_{x \rightarrow +\infty} -2x^2 + \sqrt{x} ; \lim_{\substack{x \rightarrow 4 \\ x < 4}} \frac{\sqrt{16-x^2}}{x-4}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x - \sqrt{4x^2 - 8x} ; \lim_{x \rightarrow -\infty} 3x + \sqrt{4x^2 - 8x}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{x - \sqrt{1+x^2}} ; \lim_{x \rightarrow -5} \frac{1 - \sqrt{x+6}}{x+5} ; \lim_{x \rightarrow -\infty} x + \sqrt{x^2 - 3x}$$

004.

الرسم التالي يمثل منحنى دالة f .

1. حدد مبيانيا  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة f .

2. استنتج مبيانيا نهايات f عند محداث  $D_f$  وكذلك في 1 .

