

7: الحساب المثلثي

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 باك علوم رياضية

04

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بـ:

$$f(x) = \cos^2 x + \cos^2(2x)$$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f .

2. بين أن: f دورية ودورها $T = \pi$.

3. بين أن: f زوجية. استنتج D_E مجموعة دراسة f .

$$4. \text{ أحسب: } f\left(\frac{5\pi}{6}\right) \text{ و } f\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

5. أ- بين أن:

$$\forall a, b \in \mathbb{R} : \cos(a+b)\cos(a-b) = \cos^2 a - \sin^2 b$$

ب- بين أن: $\forall x \in \mathbb{R}, f(x) - 1 = \cos x \cos 3x$

ج- حل المعادلة $\forall x \in [0, \pi] : f(x) = 1$: (E)

د- مثل على الدائرة المثلثية صور حلول المعادلة (E).

$$5. \text{ حل المتراجحة: } x \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right], f(x) > 1$$

05

1. بين أن:

$$\cos^4 x - \sin^4 x = \cos 2x$$

$$2. \text{ بين أن: } \sin^4 x + \cos^4 x = 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2x$$

3. حل في $[0, \pi]$ المعادلة:

$$4. \text{ بين أن: } \sin^4 x = \frac{1}{2} - \frac{1}{4} \sin^2 2x - \frac{1}{2} \cos 2x$$

$$5. \text{ بين أن: } \cos^4 x = \frac{1}{2} - \frac{1}{4} \sin^2 2x + \frac{1}{2} \cos 2x$$

6. حل في $[0, \pi]$ المعادلة:

$$E_1 : (2 - \sin^2 2x - 2 \cos 2x)(2 - \sin^2 2x + 2 \cos 2x) = 0$$

7. حل في $[0, \pi]$ المعادلة: $\cos^4 x \leq \sin^4 x$

8. نضع: $A = 2(\sin x + \sin 2x) + \sin x \cdot \sin 3x$

$$9. \text{ بين أن: } A = 4 \sin \frac{3}{2} x \cos \left(\frac{x}{2}\right) \left(1 + \sin \frac{x}{2} \cos \frac{3x}{2}\right)$$

10. بين أن: $\forall x \in \mathbb{R}, 1 + \sin \frac{x}{2} \cos \frac{3x}{2} \neq 0$. ثم حل في

11. $A = 0$ المعادلة \mathbb{R}

01

ليكن x من \mathbb{R} .

نضع $b = \sin x + \sin 3x$ و $a = \cos x + \cos 3x$

$$1. \text{ بين أن: } a^2 + b^2 = 4 \cos^2 x$$

2.

$$3. \text{ بين أن: } b = 2 \sin 2x \cos x \text{ و } a = 2 \cos 2x \cos x$$

$$4. \text{ بين أن: } a + b = 2\sqrt{2} \cos x \cos \left(2x - \frac{\pi}{4}\right)$$

5. حل في \mathbb{R} المعادلة ثم مثل حلولها على الدائرة المثلثية:

$$6. \cos x + \sin x + \cos 3x + \sin 3x = 0$$

$$7. \text{ حدد الأعداد الحقيقية } x \text{ حيث: } \begin{cases} \cos x + \cos 3x = 0 \\ \sin x + \sin 3x = 0 \end{cases}$$

02

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بـ:

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f .

$$2. \text{ بين أن: } f(x) = \frac{1}{\cos^2 x \cdot \sin^2 x} - 2 \text{ ثم بين أن: } f\left(\frac{2013\pi}{4}\right)$$

3. حل المعادلة ثم مثل الحلول على الدائرة المثلثية:

$$4. \text{ بين أن: } x \in D_f : f(x) = 2$$

5. نعتبر المتراجحة التالية:

$$6. \text{ بين أن: } \frac{(\tan^2 x - 3)(\tan^2 x - 1)}{\tan^2 x} \geq 0 \text{ (تكافىء: (E))}$$

7. حل في $I = \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ المتراجحة

03

$$1. \text{ بين أن: } \cos \frac{\pi}{5} \cos \frac{3\pi}{5} = -\frac{1}{4}$$

$$2. \text{ استنتج أن: } \cos \frac{\pi}{5} + \cos \frac{3\pi}{5} = \frac{1}{2}$$

$$3. \text{ استنتج قيمة كل من } \cos \frac{\pi}{5} \text{ و } \cos \frac{3\pi}{5}$$