

التمرين السادس

($\forall x \in \mathbb{R}$) $| \sin x + \cos x | \leq \sqrt{2}$ -1

(E) : $1 + \cos^3 x + \sin^3 x = \frac{3}{2} \sin 2x$ نعتبر المعادلة -2

أ- ن 设 $y = \sin x + \cos x$ ن 设

$y = \sin x + \cos x$ بدلالة

$\sin^3 x + \cos^3 x = 9$

(E) $\Leftrightarrow (y+1)(y^2 + 2y - 5) = 0$ ب- ي سه أ ه

حل في \mathbb{R} المعادلة (E) -3

التمرين السابعة

n لك عدد طبيعي غير منعدم $S_n = \sum_{k=1}^{n} \sin\left(\frac{k\pi}{3}\right)$ ن 设

أ- ي سه أ ه

$$\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \sin\left(\frac{k\pi}{3}\right) = \frac{1}{2} \left[\cos\left(\frac{(2k-1)\pi}{6}\right) - \cos\left(\frac{(2k+1)\pi}{6}\right) \right]$$

ب- ي سه أ ه :

$$\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \times S_n = \frac{1}{2} \left[\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) - \cos\left(\frac{(2n+1)\pi}{6}\right) \right]$$

($\forall n \in \mathbb{N}^*$) $S_n = 2 \sin\left(\frac{n\pi}{6}\right) \sin\left(\frac{(n+1)\pi}{6}\right)$ ح- استنتاج أ ه

التمرين الثامن

$n \geq 2$ لك عدد طبيعي n بحيث $T_n = \sum_{k=0}^{n-1} \sin\left(\frac{k\pi}{n}\right)$ ن 设

أ- ي سه أ ه

($\forall n \geq 2$) $T_n \cos\left(\frac{\pi}{n}\right) = T_n - \sin\left(\frac{\pi}{n}\right)$ أ- ي سه أ ه

($\forall n \geq 2$) $T_n = \frac{1}{\tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)}$ ب- استنتاج أ ه

التمرين التاسع

$F(x) = \cos 3x + \cos 2x$ ن 设

$F\left(\frac{\pi}{5}\right)$ أ- ي سه أ ه

$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$ ب- ي سه أ ه

$F(x) = (1 + \cos x)(4 \cos^2 x - 2 \cos x - 1)$ ح- استنتاج أ ه

$\cos \frac{\pi}{5}$ ح- دد قيمة ب- ي سه أ ه

التمرين الأول

$$A = \frac{\cos \frac{\pi}{18} - \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{18}}{\cos \frac{\pi}{18} \sin \frac{\pi}{18}}$$

ن 设 :

$$\cos \frac{\pi}{18} - \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{18} = 2 \cos \frac{7\pi}{18}$$

1. ي سه أ ه :

$$\cos \frac{\pi}{18} \sin \frac{\pi}{18} = \frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{9}$$

2. ي سه أ ه :

3. استنتاج أ ه

التمرين الثاني

ن 设 $\sin 2\alpha = \cos 3\alpha$ (1) $\alpha = \frac{\pi}{10}$:

$$\cos 3\alpha = \cos \alpha (1 - 4 \sin^2 \alpha)$$

2. ي سه أ ه

$$\cos \frac{\pi}{10} = \sin \frac{\pi}{10}$$

3. استنتاج قيمة

$$\sin \frac{7\pi}{30} = \frac{1}{8} (\sqrt{30 + 6\sqrt{5}} + 1 - \sqrt{5})$$

التمرين الثالث

نعتبر في \mathbb{R} المعادلة (E) $8X^3 - 6X - 1 = 0$

أ- ي سه أ ه

$$\cos 3x = \frac{1}{2}$$

ب- حل في $[0, 2\pi]$ المعادلة

(E) 1- استنتاج حلول المعادلة

b- حدد قيمة ك م هي

$$a = \cos \frac{\pi}{9} + \cos \frac{7\pi}{9} + \cos \frac{13\pi}{9}$$

$$b = \cos \frac{\pi}{9} \cos \frac{7\pi}{9} \cos \frac{13\pi}{9}$$

التمرين الرابعة

لذلك α هي المجال $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ و بحيث

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2}$$

1. ي سه أ ه

$$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$$

2. ي سه أ ه

$$\cos 3\alpha = \sin \alpha$$

ب- استنتاج أ ه

3. حل في \mathbb{R} $\cos 3x = \sin x$

$$\cos x - (\sqrt{2} - 1) \sin x = \sqrt{2 - \sqrt{2}}$$

4. حل في \mathbb{R}

التمرين الخامس

$$\prod_{k=0}^{n-1} \cos \frac{x}{2^k} = \frac{\sin 2x}{2^{n+1} \sin \frac{x}{2^n}}$$

ي سه أ ه