



تمارين : الحساب المثلثي

.01

1. بسط : $\frac{\sin 3x}{\sin x} - \frac{\cos 3x}{\cos x}$

2. بين أن : $\frac{\sin 2x + \sin 4x + \sin 6x}{1 + \cos 2x + \cos 4x} = 2 \sin 2x$

.02

1. حل المعادلة : $\cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right) \cos\left(x - \frac{\pi}{6}\right) = \frac{1}{2}$

.03

لنعتبر $\alpha \in \left[0, \frac{\pi}{4}\right]$ (الوحدة هي رadian) حيث $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}$ و $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}+1}{2\sqrt{2}}$

1. أوجد قيمة $\sin 2\alpha$ ثم استنتج قيمة α .

2. حل المعادلة : $x \in [0, 2\pi]; (\sqrt{3}+1)\cos x + (\sqrt{3}-1)\sin x = 0$

.04

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بـ: $f(x) = 4\cos^2(x) + \sqrt{3}\sin x \cos x + 3\sin^2(x)$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f .

2. بين أن : f دورية و دورها $T = \pi$. ثم استنتج D_E مجموعة دراسة f .

3.

أ- بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} : f(x) = 2\sin x \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$

ب- حل المعادلة : $f(x) = 0$ و مثل حلولها على الدائرة المثلثية.

4. حل المتراجحة : $x \in [0, \pi] : f(x) \leq 0$

5.

أ- بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} : f(x) = \sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) - \frac{1}{2}$

ب- أحسب $\cos\left(\frac{\pi}{12}\right)$ ثم استنتاج قيمتي $\sin\left(\frac{\pi}{12}\right)$ و $f\left(\frac{\pi}{12}\right)$

.05

1. بين أن : إذا كانت A و B و C قياسات زوايا مثلث فإن $\tan A + \tan B + \tan C = \tan A \times \tan B \times \tan C$