

التمرين رقم 1

أعط ديكارتية للدائرة (C) في كل حالة من الحالات التالية :

(1) مركزها $\Omega(2, -1)$ و شعاعها $r = 3$

(2) مركزها $\Omega(1, \frac{1}{2})$ و تمر من $A(-1, \frac{5}{2})$

(3) قطرها $[AB]$ حيث $A(0, -1)$; $B(2, 3)$

(4) مركزها $\Omega(3, -2)$ و مماسة للمستقيم

$$2x + y + 1 = 0$$

(5) محيطه بالمثلث ABC حيث

$$C(-3, 6) ; B(2, 1) ; A(1, 0)$$

التمرين رقم 2

حد مركز وشعاع الدائرة (C) في كل حالة من الحالات التالية

$$x^2 + y^2 - 2x + y - 5 = 0 \quad (1)$$

$$x^2 + y^2 - 3x + 2 = 0 \quad (2)$$

$$x^2 + y^2 - 3mx + 5y + 5 = 0 \quad \text{حيث } m \in \mathbb{R} \quad (3)$$

التمرين رقم 3

نعتبر النقطتين $B(-3, 4)$; $A(1, 2)$

و $(D) : x - 3y - 5 = 0$

(1) حدد معادلة (Δ) واسط القطعة $[AB]$

(2) لتكن Ω نقطة من (Δ) أفصولها m

أ- ليكن (Δ') مستقيم معادلته $x - 3y - 5 = 0$

ب- أحسب بدلالة m المسافتين ΩA و $d(\Omega, (\Delta'))$

ت- بين أنه توجد دائرتين تمران من A , B و مماستان

للمستقيم (Δ') محددتا عناصرهما المميزة

التمرين رقم 4

أعط معادلة المماس للدائرة (C) في النقطة A :

(1) مركزها $\Omega(1, -3)$ و $A(-3, 2)$

(2) $x^2 + y^2 + x - 2y + 1 = 0$: (C) و $A(-1, 1)$

(3) نعتبر الدائرة $x^2 + y^2 - 4x - 2y = 0$ و $A(-1, 2)$

تحقق أن A خارج (C) أعط معادلة المماسين ل (C) و

المايين من A

(4) نفس السؤال : $x^2 + y^2 + 2x - 2y - 11 = 0$

و $A(4, 0)$

التمرين رقم 5

نعتبر الدائرة $x^2 + y^2 - 4x + 6y + 9 = 0$: (C)

(1) بين أن (C) دائرة محددتا المركز Ω و الشعاع r

(2) أدرس تقاطع الدائرة (C) و محوري المعلم

(3) أكتب معادلتى المماسين للدائرة (C) و الموازيين للمستقيم

$$(D) : 4x + 3y + 10 = 0$$

(4) حدد معادلتى المماسين للدائرة (C) و المارين من النقطة

$$A(2, 1)$$

التمرين رقم 6

نعتبر الدائرة $x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 = 0$: (C) و المستقيم

$$(D) : x + 2y - 7 = 0$$

(1) أ- حدد المركز Ω و الشعاع r للدائرة (C)

ب- بين أن (D) يقطع للدائرة (C) و حدد إحداثيات نقط

تقاطعهما

(2) أ- أرسم في نفس المعلم (D) و (C)

ب- حل مبيانيا المترابحة $\begin{cases} x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 > 0 \\ x + 2y - 7 > 0 \end{cases}$

(3) بين أن النقطة $A(-4, 2)$ توجد خارج الدائرة (C) ثم حدد

معادلتى المماسين للدائرة (C) و المارين من النقطة A

التمرين رقم 7

نعتبر المجموعة C_m للنقط M بحيث :

$$C_m : x^2 + y^2 - 2mx + (m+2)y - 3m - 4 = 0$$

حيث m بارامتر حقيقي

1- بين أن C_m دائرة محددتا عناصرها المميزة

2- حدد (D) مجموعة المراكز عندما m تتغير في \mathbb{R}

3- بين أن جميع الدوائر C_m تمر بنقطتين ثابتتين A , B

و بين أن $(AB) \perp (D)$

4 - حدد تبعا لقيم m عدد الدوائر التي تمر من نقطة

$$M_0(x_0, y_0)$$

التمرين رقم 8

نعتبر المجموعة C_α للنقط $M(x, y)$

$$C_\alpha : x^2 + y^2 - 2x \sin \alpha - 2y \sin \alpha - 3 \cos 2\alpha = 0$$

حيث $\alpha \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$

1 - حدد قيم α كي تكون C_α نقطة

2 - حدد α كي تكون C_α دائرة

3 - نعتبر المستقيم (D) معادلته $x=y$

أ- بين أن (D) مماس للدائرة $C_{\frac{\pi}{4}}$

ب- حدد α كي يقطع (D) الدائرة C_α في نقطتين

التمرين رقم 9

A و B نقطتان مختلفتان و مجموعة النقط M بحيث

$$E_k = \{M \in (P) : \|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB}\| = \|k\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\|\}$$

❖ حدد في الحالات : $k=2$, $k=-4$, $k=-1$

❖ أدرس الحالة $k \notin \{-1, -4, 2\}$