

التمرين الخامس

ABC مثلث في المستوى (P) و I منتصف القطعة $[BC]$

$$\overrightarrow{AG} = \frac{3}{8} \overrightarrow{CB}$$

(1) بين أن G مرجع النقطة المتزنة

$$y ; x ; (C,y) ; (B,x) ; (A,8)$$

(2) لتكن N نقطة بحيث A مرجع النقاطين

$$(N,-7) ; (B,3)$$

بين أن $N ; I ; G$ نقط مستقيمية

التمرين السادس

$ABCD$ متوازي أضلاع في المستوى (P) و I مرجع

$$(D,-1) ; (B,2) ; (C,-5) ; (A,3)$$

$\overrightarrow{CH} = 2\overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AD}$ و نعتبر النقطة H بحيث

بين أن $H ; J ; I$ مستقيمية وأن I منتصف $[JH]$

التمرين السابع

ABC مثلث في المستوى (P) . نعتبر النقط

$$8\overrightarrow{BI} = 5\overrightarrow{BC}$$

$$5\overrightarrow{AK} = 2\overrightarrow{AB}$$

و $19\overrightarrow{AJ} = 10\overrightarrow{AC}$ وبين أن المستقيمات $(CK) ; (BJ) ; (AI) ; (CK)$ تتلاقى

في نقطة وحيدة يتم تحديدها

التمرين الثامن

ABC مثلث في المستوى (P) و G مرجع النقط

$$[BC] ; (C,3) ; (B,7) ; (A,5)$$

و K نقطة بحيث B مرجع النقاطين

$$(A,5) ; (K,-9)$$

(1) بين أن K مرجع النقاطين $(A,5) ; (B,4)$

(2) بين أن G مرجع النقاطين $(K,3) ; (I,2)$

التمرين التاسع

$ABCD$ متوازي أضلاع في المستوى (P)

$$\overrightarrow{AF} = \alpha \overrightarrow{AB}$$

$$\alpha \in \mathbb{R}^* - \{1\} \text{ حيث } \{1\} \text{ حيث } \alpha - 1$$

(1) تحقق أن C مرجع النقط

محدداً معاملاتها

(2) بين أن النقط $F ; E ; C$ مستقيمية

(3) حدد α كي تكون C منتصف القطعة $[EF]$

التمرين الأول

ABC مثلث في المستوى (P) و G مرجع النقط

$$(C,3) ; (B,-2) ; (A,1)$$

$$\overrightarrow{AG} = \frac{3}{2} \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB}$$

(2) لتكن D مرجع النقاطين $(C,3) ; (B,-2)$

بين أن G منتصف القطعة $[AD]$

التمرين الثاني

ABC مثلث في المستوى (P) و G مرجع النقط

$$(C,3) ; (B,2) ; (A,-1)$$

(1) أحسب المتجهة \overrightarrow{CG} بدلالة $\overrightarrow{AC} ; \overrightarrow{AB}$

$$\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2} \overrightarrow{AC}$$

بين أن K مرجع $(G,-2) ; (C,1)$

$$\overrightarrow{BI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{BC}$$

أثبت أن K نقط مستقيمية

التمرين الثالث

ABC مثلث في المستوى (P) و G مرجع النقط

$$\overrightarrow{AI} = \frac{4}{3} \overrightarrow{AB} \text{ و } \left(C, -\frac{3}{2} \right) ; (B,2) ; (A,1)$$

(1) أحسب المتجهة \overrightarrow{AG} بدلالة $\overrightarrow{AC} ; \overrightarrow{AB}$

(2) بين أن $ACIG$ متوازي أضلاع

(3) لتكن J نقطة تقاطع $(IG) ; (BC)$

- أحسب \overrightarrow{BJ} بدلالة \overrightarrow{BC} و بين أن

$$\overrightarrow{GJ} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AC}$$

ب- بين أن G مرجع النقطة المتزنة

$$(C,-2) ; (J,3) ; (A,2)$$

التمرين الرابع

$\overrightarrow{AQ} = \frac{1}{4} \overrightarrow{AC}$ مثلث في (P) و Q بحيث

$$(C,1) ; (B,1) ; (A,3)$$

و G مرجع النقطة المتزنة $(C,1) ; (B,1) ; (A,3)$

$$\overrightarrow{BG} = \frac{4}{5} \overrightarrow{BQ}$$

(1) بين أن R مسقط Q على المستقيم (AB) بتواز

(2) لتكن R مسقط Q على المستقيم (BC) بين أن R مرجع

$$(B,1) ; (A,3)$$

(3) استنتج أن $R ; C ; G$ نقط مستقيمية