

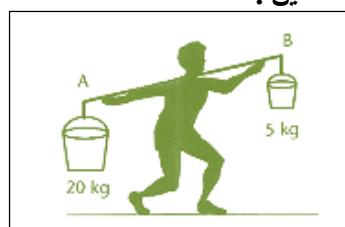
.01

قانون أرخميدس: عَلَّة (levier) كتلتها مهملة توجد في توازن أفقي على جدار وتدى G (un pivot)

عندما يكون $P_1 \times l_1 = P_2 \times l_2$

قضيب حديدي متباين طوله 2 m في طرفه A نضع سطل من الماء حمولته 20kg وطرفه B سطل من الماء حمولته 5kg (انظر الشكل)

أ- حدد النقطة G من القضيب التي يضع عليها الشخص كتفه لكي يكون توازن أثاء حمله للقضيب و سطليين .



ب- حدد a و b حيث $\vec{a}\vec{G_1}\vec{A} + \vec{b}\vec{G_1}\vec{B} = \vec{0}$

نفترض أن القضيب في توازن على كتف الشخص في النقطة G₂ على بعد 80 cm من الطرف A المثبت عليه السطل L 20 kg .

أ- ما هو وزن السطل المثبت في الطرف B .ب- حدد 'a' و 'b' حيث $\vec{a'}\vec{G_2}\vec{A} + \vec{b'}\vec{G_2}\vec{B} = \vec{0}$

في هذه الحالة يضع كتفه في النقطة G₃ من القضيب على بعد 50 cm من A . حدد الوزنين المثبتين في A و B و يحقق التوازن.

.02

. (2) : $\vec{CD} + 3\vec{DN} = \vec{0}$. M و N نقطتان حيث : $\vec{3AM} - 2\vec{AB} = \vec{0}$ (1) و $\vec{0} = \vec{0}$.

عبر عن \vec{AM} بدلالة \vec{AB} باستعمال (1) . أنشئ M .

أوجد a و b من $\vec{a}\vec{M} + \vec{b}\vec{N} = \vec{0}$ حيث تكون M مرجح النقطتين المترندين (A,a) و (B,b) .

عبر عن \vec{CN} بدلالة \vec{CD} باستعمال (2) . أنشئ N .

أوجد 'a' و 'b' من $\vec{a}\vec{N} + \vec{b}\vec{D} = \vec{0}$ حيث تكون N مرجح النقطتين المترندين (C,a') و (D,b') .

بين أن : NCMA متوازي أضلاع و O منتصف [MN] .

.03

ليكن G مرجح النقط المترندة (A,1) ; (B,-1) ; (C,2) و (D,3) .

ما هي العلاقة المتجهية التي يمكن كتابتها ؟

لتكن J مرجح (A,1) و (C,2) . K مرجح (B,-1) و (D,3) . أنشئ النقط J , K و G .

أنشئ L مرجح النقط المترندة (C,2) و (B,-1) ; (A,1) . بين أن : $2\vec{GL} + 3\vec{GD} = \vec{0}$. استنتج طريقة أخرى لإنشاء G .

.04

نعتبر في المستوى الإقليدي (P) مثلا ABC متوازي الأضلاع $\vec{AG} = \frac{1}{2}\vec{CB}$. أنشئ الشكل .

أ- بين أن النقطة G مرجح النقطة المترندة { (C,-1); (B,1); (A,2) } . ب- بين أن المستقيمين (AG) و (BG) متوازدان .

2. نعتبر النقطة D حيث $\vec{AD} = \vec{CB}$ و $\vec{GD} = \frac{2}{3}\vec{CB}$. بين أن : $\vec{GD} = \vec{AD} - \vec{CB}$.

ثم أنشئ D و G₁ .

3. نأخذ المستوى منسوب إلى معلم متوازد منظم (O;i;j) حيث (O;i;j) ; (A,2,3) ; (B,-2,1) ; (C,1,1) و (D,-1,2) .

أ- حدد (a,b) زوج إحداثي G في المعلم (O;i;j) . ب- حدد (c,d) زوج إحداثي G₁ في المعلم (O;i;j) .