



قانون أرخميدس: عتلة (levier) كتلتها مهملة توجد في توازن أفقي على جدر وتدي (un pivot)

$$P_1 \times l_1 = P_2 \times l_2$$

عندما يكون قضيب حديدي متجانس طوله 2 m في طرفه A نضع سطل من الماء حمولته 20kg وطرفه B سطل من الماء حمولته 5kg (انظر الشكل)



أ- حدد النقطة G_1 من القضيب التي يضع عليها الشخص كتفه لكي يكون توازن أثناء حمله للقضيب و سطلين .

$$b \cdot \overrightarrow{G_1 A} + a \cdot \overrightarrow{G_1 B} = \vec{0} \text{ حيث } a \text{ و } b$$

ب- نفترض أن القضيب في توازن على كتف الشخص في النقطة G_2 على بعد 80 cm من الطرف A

المثبت عليه السطل ل 20 kg .

$$b' \cdot \overrightarrow{G_2 A} + a' \cdot \overrightarrow{G_2 B} = \vec{0} \text{ حيث } a' \text{ و } b'$$

أ- ما هو وزن السطل المثبت في الطرف B . ب- حدد الوزنين المثبتين في A و B و يحقق التوازن.

02.

ABCD متوازي أضلاع مركزه O . M و N نقطتان حيث : (1) : $3\overrightarrow{AM} - 2\overrightarrow{AB} = \vec{0}$ و (2) : $\overrightarrow{CD} + 3\overrightarrow{DN} = \vec{0}$.

1. عبر عن \overrightarrow{AM} بدلالة \overrightarrow{AB} باستعمال (1) . أنشئ M .

2. أوجد a و b من \mathbb{R} حيث تكون M مرجح النقطتين المتزنتين (A,a) و (B,b) .

3. عبر عن \overrightarrow{CN} بدلالة \overrightarrow{CD} باستعمال (2) . أنشئ N .

4. أوجد a' و b' من \mathbb{R} حيث تكون N مرجح النقطتين المتزنتين (C,a') و (D,b') .

5. بين أن : NCMA متوازي أضلاع و O منتصف [MN] .

03.

ليكن G مرجح النقط المتزنة (A,1) ; (B,-1) ; (C,2) و (D,3) .

1. ماهي العلاقة المتجهية التي يمكن كتابتها ؟

2. لتكن J مرجح (A,1) و (C,2) . K مرجح (B,-1) و (D,3) . بين أن : $3\overrightarrow{GJ} + 2\overrightarrow{GK} = \vec{0}$. أنشئ النقط J , K و G

3. أنشئ L مرجح النقط المتزنة (A,1) ; (B,-1) ; (C,2) و (D,3) . بين أن : $2\overrightarrow{GL} + 3\overrightarrow{GD} = \vec{0}$. استنتج طريقة أخرى لإنشاء G .

04.

نعتبر في المستوى الإقليدي (P) مثلثا ABC متساوي الأضلاع $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{2}\overrightarrow{CB}$. أنشئ الشكل.

1. أ- بين أن النقطة G مرجح النظمة المتزنة $\{(C;-1);(B;1);(A;2)\}$. ب- بين أن المستقيمين (AG) و (BG) متعامدان.

2. لنعتبر النقطة D حيث $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{CB}$ و G_1 مرجح النظمة المتزنة $\{(C;-1);(B;1);(A;2);(D;4)\}$. بين أن : $\overrightarrow{GG_1} = \frac{2}{3}\overrightarrow{GD}$.

ثم أنشئ D و G_1 .

3. نأخذ المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O;\vec{i};\vec{j})$ حيث $A(2,3)$; $B(-2,1)$; $C(1,1)$ و $D(-1,2)$.

أ- حدد (a,b) زوج إحداثيتي G في المعلم $(O;\vec{i};\vec{j})$. ب- حدد (c,d) زوج إحداثيتي G_1 في المعلم $(O;\vec{i};\vec{j})$.