



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

01

(أ) لدينا :  $f$  دالة فردية

إذن :  $\forall x \in D_f, -x \in D_f$  ومنه :  $[-13, -2] \subset D_f$

ولدينا :  $\forall x \in D_f : f(-x) = f(x)$

$$\begin{cases} f(-3) = -f(3) = 4 \\ f(-4) = -f(4) = -3 \\ f(-8) = -f(8) = 0 \\ f(-13) = -f(13) = -5 \end{cases} \quad \text{إذن :}$$

بما أن الدالة فردية فإنها تحافظ على الرتبة.

إذن جدول تغيرات  $f$  يكون كالتالي :

(ب) لدينا :  $f$  دالة زوجية

إذن :  $\forall x \in D_f, -x \in D_f$

ومنه :  $[-8, -4] \cup [-4, -2] \subset D_f$

ولدينا :  $\forall x \in D_f : f(-x) = f(x)$

$$\begin{cases} f(-3) = f(3) = 4 \\ f(-6) = f(6) = -2 \\ f(-8) = f(8) = -7 \end{cases} \quad \text{إذن :}$$

وبما أن الدالة زوجية فإن الرتبة تتغير.

يكون جدول التغيرات كالتالي :

x	-13	-8	-4	-3	-2	2	3	4	8	13
f(x)		0		4				3		5
		-5		-3				-4		0

x	-13	-8	-4	-3	-2	2	3	4	6	8
f(x)		-2							-2	
		-7		4			4		-7	

02

(أ) نتم إنشاء منحنى  $f$  علما انها زوجية

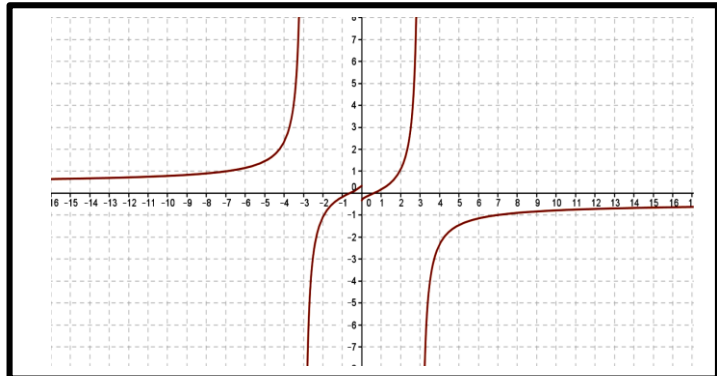
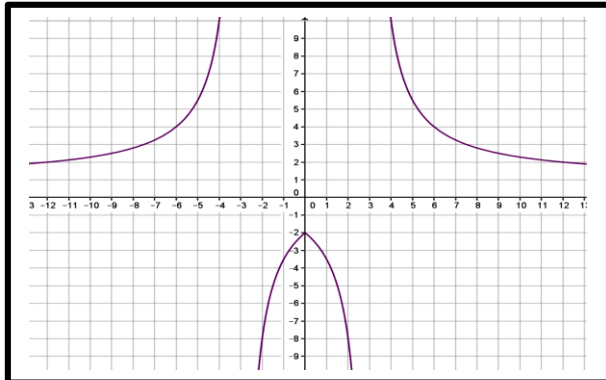
بما أن الدالة  $f$  زوجية على  $D_f$

فإن المنحنى  $C_f$  متماثل بالنسبة لمحور الأرتاب ومنه :

(ب) نتم إنشاء منحنى  $f$  علما انها فردية

بما أن الدالة  $f$  فردية على  $D_f$

فإن المنحنى  $C_f$  متماثل بالنسبة لأصل المعلم ومنه :



3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

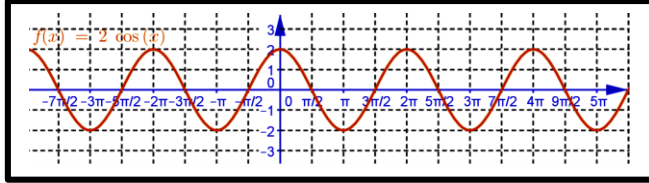
سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

03



نتم انشاء منحنى  $f$  علما انها دورية و دورها  $T = 2\pi$

لدينا  $f$  دورية ودورها  $T = 2\pi$

إن :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(x+T) = f(x)$

أي :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(x+2\pi) = f(x)$

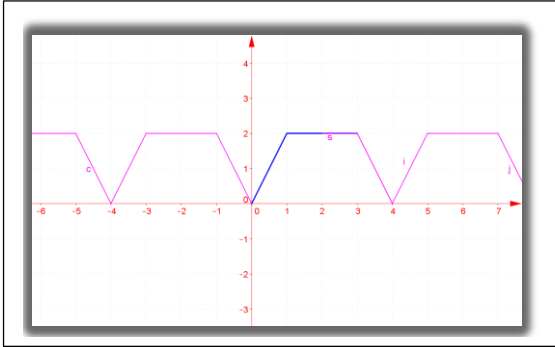
مثال :  $f\left(\frac{3\pi}{2}\right) = f\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$  و  $f(2\pi) = f(0) = 2$

إنشاء الدالة :

الشكل يتعلق بالدالة :  $f(x) = 2\cos(x)$

ملاحظة :

04



نتم انشاء منحنى  $f$  علما انها دورية و دورها  $T = 4$

لدينا  $f$  دالة زوجية ودورية دورها :  $T = 4$

إن :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(x+4) = f(x)$  و  $\forall x \in \mathbb{R} : f(-x) = f(x)$

ومنه يمكن استخراج المنحنى :  $C_f$

ملاحظة : الشكل يتعلق بالدالة :  $f(x) = \begin{cases} 2x : x \in ]0,1[ \\ 2 : x \in ]1,3[ \\ -2x+8 : x \in ]3,4[ \\ \dots \end{cases}$

05

1. نحدد مبيانيا  $D_g$  و  $D_f$ . لدينا مبيانيا  $D_g = \mathbb{R}^*$  و  $D_f = \mathbb{R}^*$

نحل مبيانيا المتراجحة  $x \in \mathbb{R}; f(x) \geq 0$

يكون المنحنى  $C_f$  فوق محور الأفاصيل  $f(x) \geq 0 \Leftrightarrow x \in ]0,+\infty[ \cup \{-2\}$

2. نحدد مجموعة تعريف الدالة :  $h(x) = \sqrt{f(x)}$

لدينا :  $f(x) \geq 0$

و :  $x \in D_h \Leftrightarrow x \in D_f$  و  $f(x) \geq 0$

$x \in D_h \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}^*$  و  $x \in ]0,+\infty[ \cup \{-2\}$

$x \in D_h \Leftrightarrow x \in ]0,+\infty[ \cup \{-2\}$

خلاصة :  $D_h = ]0,+\infty[ \cup \{-2\}$

3. تحديد مجموعة تعريف الدالة :  $k(x) = \frac{1}{f(x)}$

لدينا :  $x \in D_k \Leftrightarrow x \in D_f$  و  $x \notin \{-2,2\}$

$x \in D_k \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}^*$  و  $x \notin \{-2,2\}$



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

$$x \in D_k \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}^* \setminus \{-2, 2\}$$

خلاصة :  $D_k = x \in \mathbb{R}^* \setminus \{-2, 2\}$

4. نحل مبيانيا المتراجحة :  $g(x) \leq 0$

أي أن المنحنى  $C_g$  تحت محور الأفاصيل. ومنه :  $g(x) \leq 0 \Leftrightarrow x \in ]-\infty, 0[$

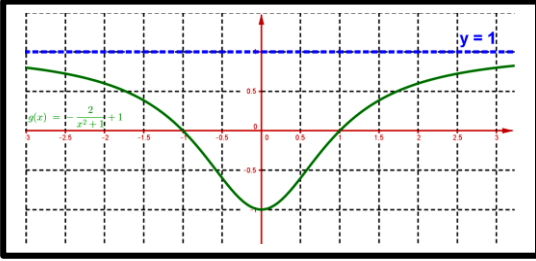
- نحل مبيانيا المتراجحة :  $f(x) > g(x)$

حل المتراجحة  $f(x) > g(x)$  مبيانيا هو المنحنى  $C_f$  يكون قطاعا فوق المنحنى  $C_g$

$$f(x) > g(x) \Leftrightarrow x \in ]-3, 0[ \cup ]3, +\infty[$$

خلاصة :  $S = ]-3, 0[ \cup ]3, +\infty[$

06



1. مبيانيا نجد :

$f$  مكبورة ب 1 و  $f$  مصغورة ب -1 إذن  $f$  محدودة

2. نبرهن على ذلك :

-  $f$  مكبورة ب 1 :

$$f(x) - 1 = \frac{-2}{x^2 + 1} + 1 - 1$$

$$= \frac{-2}{x^2 + 1} < 0$$

ومنه :  $f(x) - 1 < 0$  وبالتالي :  $f(x) < 1$

خلاصة :  $f(x)$  مكبورة ب 1

تذكير :  $\frac{a}{b} = 0$  إذا كان  $a = 0$

-  $f$  مصغورة ب -1 :

$$f(x) - (-1) = f(x) + 1$$

$$= \frac{-2}{x^2 + 1} + 1 + 1$$

$$= \frac{2x^2}{x^2 + 1} \geq -1$$

ومنه :  $f(x) \geq -1$  وبالتالي :  $f$  مصغورة ب -1

-  $f$  محدودة ب 1 و -1 :

بما أن  $f$  مكبورة ب 1 و مصغورة ب -1 فإن  $f$  محدودة ب 1 و -1.

07

1. ندرس زوجية  $f$  على  $\mathbb{R}$

\* تحديد  $D_f$  :

لدينا :  $x^2 + |x| \geq 0$  إذن :  $x^2 + |x| + 1 \geq 1$

ومنه :  $x^2 + |x| + 1 \neq 0$

وبالتالي :  $D_f = \mathbb{R}$

3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

4

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

الصفحة

\* ندرس زوجية f على  $\mathbb{R}$  :- نعلم أن لكل  $x \in \mathbb{R}$  كذلك  $-x \in \mathbb{R}$ \* ليكن  $x \in \mathbb{R}$   $D_E = ]2,13]$ 

$$f(-x) = \frac{-x}{(-x)^2 + |-x| + 1} \quad \text{لدينا :}$$

$$= -\frac{x}{(x)^2 + |x| + 1}$$

وبالتالي :  $f(-x) = -f(x)$ خلاصة : f فردية على  $\mathbb{R}$   $D_E = ]2,13]$ 2. نبين أن f تقبل قيمة قصوى عند 1 على  $\mathbb{R}^+$  :ليكن  $x \in \mathbb{R}^+$ 

$$f(x) - f(1) = \frac{x}{x^2 + x + 1} - \frac{1}{3} \quad \text{لدينا :}$$

$$= \frac{3x - x^2 - x - 1}{3(x^2 + x + 1)}$$

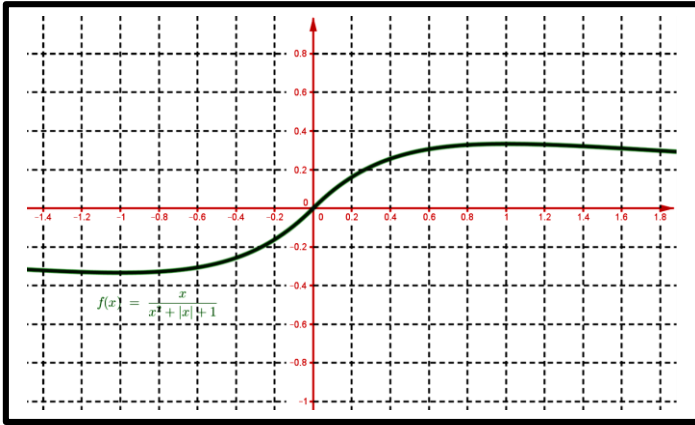
$$= \frac{-(x^2 - 2x + 1)}{3(x^2 + x + 1)}$$

$$= -\frac{(x-1)^2}{3(x^2 + x + 1)} \leq 0$$

$$f(x) - f(1) \leq 0$$

وبالتالي :  $f(x) \leq f(1)$ خلاصة : f تقبل قيمة قصوى عند 1 على  $\mathbb{R}^+$ 3. نستنتج أن f تقبل قيمة دنوية على  $\mathbb{R}^-$  :ليكن  $x \in \mathbb{R}^-$  ومنه  $-x \in \mathbb{R}^+$ لدينا :  $f(x) = -f(-x)$  ( لأن : f فردية )ونعلم أن :  $f(-x) \leq f(1)$  ( لأن :  $-x \in \mathbb{R}^+$  )

$$\begin{cases} -f(-x) \geq -f(1) \\ f(x) \geq -f(1) \end{cases} \quad \text{و :}$$

ومنه :  $f(x) \geq f(-1)$  ( لأن :  $f(-1) = -f(1)$  )وبالتالي : f تقبل قيمة دنوية عند -1 على  $\mathbb{R}^-$ .

.08

1. نبين أن :  $\forall x \in \mathbb{R} : -2 \leq 3E(2x) - 2E(3x) \leq 1$ 

$$2x - 1 < E(2x) \leq 2x$$

لدينا :

$$3(2x - 1) < 3E(2x) \leq 6x$$

$$6x - 3 < 3E(2x) \leq 6x$$

1

$$3x - 1 < E(3x) \leq 3x$$

ولدينا :

$$6x - 2 < 2E(3x) \leq 6x$$



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز



سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

الصفحة

$$-6x \leq -2E(3x) < 2 - 6x \quad \textcircled{2}$$

من ① و ② :  $-3 < 3E(2x) - 2E(3x) < 2$

لدينا :  $E(2x)$  و  $E(3x)$  ينتميان إلى  $\mathbb{Z}$

إذن :  $3E(2x) - 2E(3x) \in \mathbb{Z}$

ومنه :  $-2 \leq 3E(2x) - 2E(3x) \leq 1$

خلاصة :  $\forall x \in \mathbb{R} : -2 \leq 3E(2x) - 2E(3x) \leq 1$

2. دور الدالة :  $\sin^2(x)$

ليكن  $T$  دور الدالة  $\sin^2(x)$

إذن :  $\forall x \in \mathbb{R} : \sin^2(x+T) = \sin^2(x)$  (\*)

أي :  $\begin{cases} \sin(x+T) = \sin(x) \\ \sin(x+T) = -\sin(x) \end{cases}$  أو

إذن :  $\exists k \in \mathbb{Z} ; x+T = x+2k\pi$

أو :  $x+T = x+k\pi$

بما أن  $T$  هو أصغر عدد يحقق الخاصية (\*) فإن :  $T = \pi$

دور الدالة :  $\sin(3x) + \cos(2x)$

ليكن :  $f(x) = \sin(3x)$  و  $T$  دورها

و  $h(x) = \cos(2x)$  و  $T'$  دورها

$T$  يحقق العلاقة  $\cos(2(x+T)) = \cos(2x)$

أي :  $\cos(2x+2T) = \cos(2x)$

إذن :  $2T = 2\pi$  ومنه :  $T = \pi$

$T'$  يحقق العلاقة  $\sin(3x+3T') = \sin(3x)$

إذن :  $3T' = 2\pi$  ومنه :  $T' = \frac{2\pi}{3}$

دور الدالة  $f+h$  هو أصغر مضاعف مشترك للعددين  $T$  و  $T'$  أي هو :  $2\pi$

ومنه : دور الدالة  $\sin(3x) + \cos(2x)$  هو  $2\pi$

3. أ) نعلم أن :  $\forall x \in \mathbb{R} : E(x) \leq x \leq E(x)+1$

إذن :  $x - E(x) \geq 0$

و :  $x - E(x) \leq 1$

ومنه فإن :  $0 \leq f(x) = x - E(x) \leq 1$

ب) ليكن  $x \in \mathbb{R}$

$$f(x+1) = (x+1) - E(x+1)$$

$$= x+1 - E(x) - 1$$

$$= x - E(x)$$

$$= f(x)$$

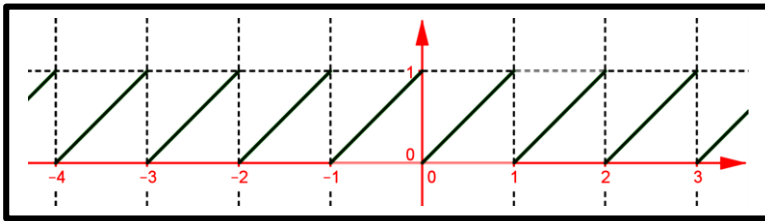
إذن فإن  $f$  دورية ودورها 1

ج- ليكن  $x \in [0,1[$

$$E(x) = 0$$

ومنه :  $f(x) = x$

- منحنى  $f$  :



3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز



الصفحة

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

09

1. نحدد مجموعة تعريف الدالة :  $f(x) = \frac{-3}{\sqrt{5-2x}} + 2$

لدينا :

$$x \in D_f \Leftrightarrow \sqrt{5-2x} \neq 0$$

$$\Leftrightarrow x \neq \frac{5}{2}$$

ومنه :  $D_f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{5}{2} \right\}$

2. ندرس رتابة f على  $D_f$

ليكن  $x, x' \in D_f$  حيث :  $x > x'$

لدينا :  $x > x' \Rightarrow 5-2x < 5-2x'$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{5-2x}} > \frac{1}{\sqrt{5-2x'}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{5-2x}} > \frac{1}{\sqrt{5-2x'}}$$

$$\Rightarrow \frac{-3}{\sqrt{5-2x}} < \frac{-3}{\sqrt{5-2x'}}$$

$$\Rightarrow \frac{-3}{\sqrt{5-2x}} + 2 < \frac{-3}{\sqrt{5-2x'}} + 2$$

$$\Rightarrow f(x) < f(x')$$

f تناقصية قطعاً على  $D_f$

خلاصة : f تناقصية قطعاً على  $D_f$

10

1. ليكن :  $x \in \mathbb{R}$

$$|f(x)| = \left| \frac{2x}{x^2+1} \right|$$

نعلم أن :  $\forall x \in \mathbb{R} : x^2+1 \geq 2x$  إذن :  $\forall x \in \mathbb{R} : |x^2+1| \geq |2x|$

ومنه :  $\forall x \in \mathbb{R} : \left| \frac{2x}{x^2+1} \right| \leq 1$

إذن :  $\forall x \in \mathbb{R} : |f(x)| \leq 1$

2. زوجية f :

لدينا :  $\forall x \in \mathbb{R}, -x \in \mathbb{R}$

ليكن :  $x \in \mathbb{R}$  لدينا :  $f(-x) = \frac{-2x}{(-x)^2+1} = -f(x)$

إذن : f دالة فردية



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز



سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

الصفحة

3. نبين :

ليكن :  $x, y \in \mathbb{R}$

$$f(x) - f(y) = \frac{2x}{x^2 + 1} - \frac{2y}{y^2 + 1} = \frac{2x(y^2 + 1) - 2y(x^2 + 1)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} = \frac{2xy(y - x) - 2(x + y)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} = \frac{2xy(y - x) - 2(x + y)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} = \frac{2(1 - xy)(x - y)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)}$$

4. نستنتج رتبة f

ليكن :  $x, y \in [1, +\infty[$  و  $x \leq y$

إذن :  $xy \geq 1$  و  $1 - xy \leq 0$  و  $x - y \leq 0$

إذن :  $f(x) - f(y) \geq 0$

ومنه : f تناقصية على  $[1, +\infty[$

- ليكن :  $x, y \in [0, 1]$  و  $x \leq y$

إذن :  $\begin{cases} 0 \leq x \leq 1 \\ 0 \leq y \leq 1 \end{cases}$

إذن :  $xy \leq 1$

ومنه :  $1 - xy \geq 0$

ولدينا :  $x - y \leq 0$

إذن :  $f(x) - f(y) \leq 0$

ومنه : f تزايدية على  $[0, 1]$

جدول تغيرات f على  $D_E$  :  $f(0) = 0$

$f(1) = 1$

بما أن الدالة فردية يمكن استنتاج حلول تغيرات الدالة لان منحناها متماثل بالنسبة لأصل المعلم

ومنه :

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
f(x)		$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	
		-1	0	1	

x	0	1	$+\infty$
f(x)	0	1	
	$\nearrow$	$\searrow$	

5. (أ) تحديد مجموعة التعريف  $D_g$

ليكن  $x \in \mathbb{R}$

$$x \in D_g \Leftrightarrow x + 1 \geq 0$$

$$\Leftrightarrow x \geq -1$$

إذن :  $D_g = [-1, +\infty[$

رتبة g :

ليكن :  $x, x' \in D_g$  حيث :  $x > x'$

لدينا :



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز



الصفحة

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

x	-1	0	$+\infty$
g(x)		1	

$$x > x' \Rightarrow x+1 > x'+1$$

$$\Rightarrow \sqrt{x+1} > \sqrt{x'+1}$$

$$\Rightarrow f(x) > f(x')$$

ومنه : g : على تزايدية قطعا  $D_g$ .

خلاصة : g : تزايدية قطعا على  $D_g$ .

جدول تغيرات g

(ب) مبيانيا :

صورة المجال  $[-1, 0]$  هو المجال  $[0, 1]$

إذن :  $g([-1, 0]) = [0, 1]$

صورة المجال  $[0, +\infty[$  هو المجال  $[1, +\infty[$

إذن :  $g([0, +\infty[) = [1, +\infty[$

(ج) نتحقق :

ليكن :  $x \in \mathbb{R}$

g معرفة على  $[-1, +\infty[$  ولدينا :  $f([-1, +\infty[) = [-1, +\infty[$

$$\forall x \in [-1, +\infty[ : g \circ f(x) = \sqrt{\frac{2x}{x^2+1} + 1} = \sqrt{\frac{(x+1)^2}{x^2+1}} = \frac{|x+1|}{\sqrt{x^2+1}} = h(x)$$

(د) جدول تغيرات h :

\* على المجال  $[-1, 1]$  . لدينا f تزايدية على  $[-1, 1]$  و  $f([-1, 1]) = [-1, 1]$  و الدالة g تزايدية على  $[-1, 1]$  ومنه الدالة  $h(x) = g \circ f(x)$  تزايدية على  $[-1, 1]$ .

\* على المجال  $[1, +\infty[$  . لدينا f تناقصية على  $[1, +\infty[$  و  $f([1, +\infty[) \subset [-1, 1]$  ( حسب  $\forall x \in \mathbb{R} : |f(x)| \leq 1$  ) و الدالة g تزايدية على  $[-1, 1]$  ومنه الدالة  $h(x) = g \circ f(x)$  تناقصية على  $[1, +\infty[$ .

\* على المجال  $]-\infty, -1]$  . لدينا f تناقصية على  $]-\infty, -1]$  و  $f(]-\infty, -1]) \subset [-1, 1]$  ( حسب  $\forall x \in \mathbb{R} : |f(x)| \leq 1$  ) و الدالة g تزايدية على  $[-1, 1]$  ومنه الدالة  $h(x) = g \circ f(x)$  تناقصية على  $]-\infty, -1]$ .

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
h(x)		0	1	$\sqrt{2}$	

ومنه جدول تغيرات الدالة h

1. بين أن :  $f(0) = 0$ .

لدينا :  $f(0+0) = f(0) + f(0)$





التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

إذن :  $f(0) = 2f(0)$

ومنه :  $f(0) = 0$

2. نبين أن  $f$  دالة فردية : ليكن  $x \in \mathbb{R}$

$$x \in D_f = \mathbb{R} \Leftrightarrow -x \in D_f$$

لدينا :  $f(x-x) = f(0) = 0$  و  $f(x-x) = f(x) + f(-x)$  إذن :  $f(x) + f(-x) = 0$

إذن :  $f(-x) = -f(x)$

ومنه : نستنتج أن  $f$  دالة فردية

3. نبين أن :  $\forall n \in \mathbb{N}, f(nx) = nf(x)$

ليكن  $x \in \mathbb{R}$  و  $n \in \mathbb{N}$

لنبين بالترجع أن :  $f(nx) = nf(x)$

من أجل  $n = 0$  :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(0x) = f(0) = 0 = 0f(x)$  صحيحة.

ليكن  $n \in \mathbb{N}$  ، لنبين أن  $f((n+1)x) = (n+1)f(x)$

ليكن  $x \in \mathbb{R}$

لدينا :  $f((n+1)x) = f(nx+x) = f(nx) + f(x) = nf(x) + f(x) = (n+1)f(x)$

إذن فالعلاقة صحيحة من أجل  $n+1$

ومنه حسب مبدأ التراجع فإن :  $\forall n \in \mathbb{N}, \forall x \in \mathbb{R} : f(nx) = nf(x)$

4. نستنتج أن :  $\forall n \in \mathbb{N}, f(n) = nf(1)$

حسب ما سبق لدينا :  $\forall n \in \mathbb{N}, \forall x \in \mathbb{R} : f(nx) = nf(x)$

من أجل  $x = 1$  نستنتج :  $\forall n \in \mathbb{N} : f(n) = nf(1)$

5. نستنتج أن :  $\forall p \in \mathbb{Z}, f(px) = pf(x)$

ليكن  $p \in \mathbb{Z}$

حالة 1 : إذا كان  $p \geq 0$  فإن  $p \in \mathbb{N}$  ومنه :  $f(px) = pf(x)$

حالة 2 : إذا كان  $p \leq 0$  فإن  $-p \in \mathbb{N}$

ومنه :  $f(px) = f(-(-px))$

$$= -(f(-px)) \quad (\text{لأن } f \text{ فردية})$$

$$= -(-pf(x))$$

( نستعمل الحالة 1 لأن  $-p \in \mathbb{N}$  )

$$= pf(x)$$

نستنتج إذن أن :  $\forall p \in \mathbb{Z} : f(px) = pf(x)$

12

1. طبيعة المضلع

لدينا :  $(AB) \perp (ME)$  و  $(AB) \perp (AF)$  لأن  $(AB) \perp (AC)$  إذن :  $(AC) \parallel (ME)$

ومنه المضلع EFAM شبه منحرف قائم الزاوية

2. نحسب EM بدلالة x .

لنعتبر المثلث ABC و  $(EM) \parallel (AC)$

نطبق مبرهنة طاليس المباشرة  $\frac{EM}{AC} = \frac{x}{AB} = \frac{EB}{BC}$  ومنه :  $EM = x$  ( لأن :  $AC = AB$  ) .

خلاصة :  $EM = x$  .

3. مساحة EFAM بدلالة x .



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز



الصفحة

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

$$S_{EFAM} = \frac{(EM + AF)AM}{2} = \frac{(x + \frac{5}{2})(5 - x)}{2} = \frac{-2x^2 + 5x + 25}{4} \quad \text{لدينا :}$$

$$. S_{EFAM} = \frac{-2x^2 + 5x + 25}{4} \quad \text{إذن :}$$

$$. f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{4} \quad \text{لدينا : } f(x) \text{ نستنتج صيغة :}$$

جدول تغيرات f :

$$a = -\frac{1}{2} ; b = \frac{5}{4} ; c = \frac{25}{4} \quad \text{لدينا : } f(x) = ax^2 + bx + c \text{ مع } f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{4}$$

جدول تغيرات f لدينا :

x	$-\infty$	$-\frac{b}{2a} = \frac{5}{4}$	$+\infty$
f(x)		$\frac{225}{32}$	

نستنتج قيمة قصوى ل x :

من خلال جدول تغيرات f نستنتج أن قيمة قصوى ل x التي من أجلها تكون مساحة EFAM هي :  $x = \frac{5}{4}$

تصحيح تمارين : عموميات حول الدوال العددية لسنة 2015/2014

من طرف التلميذ : زكرياء بوسدرة و التلميذة ملحاوي فاطمة الزهراء

بتاريخ : 12:07 2015-01-31