

3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

.01

(أ) لدينا :  $f$  دالة فرديةإذن :  $[-13, -2] \subset D_f$  ومنه :  $\forall x \in D_f, -x \in D_f$ ولدينا :  $\forall x \in D_f : f(-x) = f(x)$ 

$$\begin{cases} f(-3) = -f(3) = 4 \\ f(-4) = -f(4) = -3 \\ f(-8) = -f(8) = 0 \\ f(-13) = -f(13) = -5 \end{cases}$$

إذن :

بما أن الدالة فردية فإنها تحافظ على الرتبة.

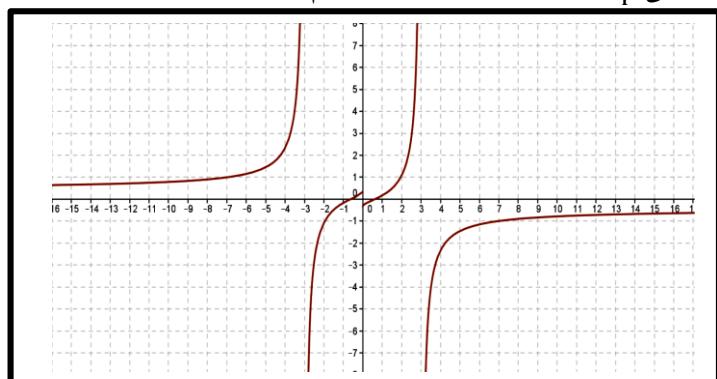
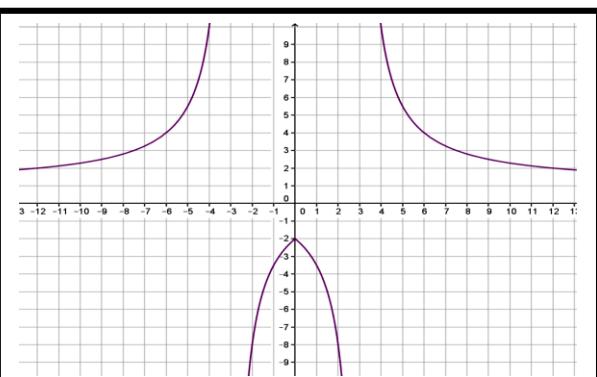
إذن جدول تغيرات  $f$  يكون كالتالي :(ب) لدينا :  $f$  دالة زوجيةإذن :  $\forall x \in D_f, -x \in D_f$ ومنه :  $[-8, -4] \cup [-4, -2] \subset D_f$  :ولدينا :  $\forall x \in D_f : f(-x) = f(x)$ 

$$\begin{cases} f(-3) = f(3) = 4 \\ f(-6) = f(6) = -2 \\ f(-8) = f(8) = -7 \end{cases}$$

وبما أن الدالة زوجية فإن الرتبة تتغير.

يكون جدول التغيرات كالتالي :

.02

(أ) نتم إنشاء منحنى  $f$  علما أنها زوجيةبما أن الدالة  $f$  زوجية على  $D_f$ فإن المنحنى  $C_f$  متماضي بالنسبة لمحور الأراتيب ومنه :(ب) نتم إنشاء منحنى  $f$  علما أنها فرديةبما أن الدالة  $f$  فردية على  $D_f$ فإن المنحنى  $C_f$  متماضي بالنسبة لأصل المعلم ومنه :

# 3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

## 03

نتم انشاء منحنى  $f$  علما انها دورية و دورها  $T = 2\pi$

لدينا  $f$  دورية ودورها  $T = 2\pi$

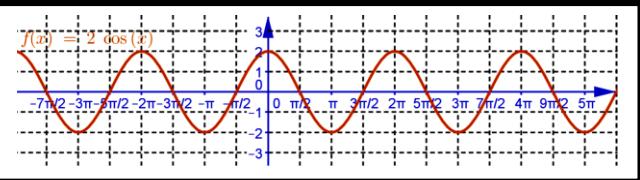
إذن :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(x+T) = f(x)$

أي :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(x+2\pi) = f(x)$

$$\text{مثال : } f\left(\frac{3\pi}{2}\right) = f\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0 \quad \text{و} \quad f(2\pi) = f(0) = 2$$

إنشاء الدالة :

الشكل يتعلق بالدالة : ملاحظة :



## 04

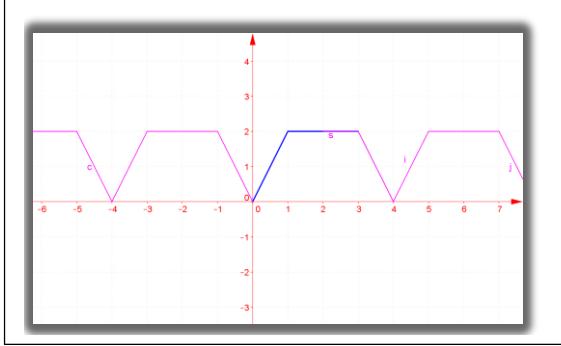
نتم انشاء منحنى  $f$  علما انها دورية و دورها  $T = 4$

لدينا  $f$  دالة زوجية ودورية دورها  $T = 4$  :

إذن :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(x+4) = f(x)$  و  $\forall x \in \mathbb{R} : f(-x) = f(x)$

ومنه يمكن استخراج المنحنى :  $C_f$

$$\text{ملاحظة : الشكل يتعلق بالدالة : } f(x) = \begin{cases} 2x : x \in ]0,1[ \\ 2 : x \in ]1,3[ \\ -2x+8 : x \in ]3,4[ \\ \dots \end{cases}$$



## 05

1. نحدد مبيانيا  $D_g$  و  $D_f$ . لدينا مبيانيا  $D_g = \mathbb{R}$  و  $D_f = \mathbb{R}^*$

نحل مبيانيا المترابحة  $x \in \mathbb{R}; f(x) \geq 0$

يكون المنحنى  $C_f$  فوق محور الأفاسيل  $\{x \in \mathbb{R} : f(x) \geq 0\}$

2. نحدد مجموعة تعريف الدالة :  $h(x) = \sqrt{f(x)}$

لدينا :  $f(x) \geq 0$

$x \in D_h \Leftrightarrow x \in D_f \text{ و } f(x) \geq 0$

$x \in D_h \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}^* \text{ و } x \in ]0, +\infty[ \cup \{-2\}$

$x \in D_h \Leftrightarrow x \in ]0, +\infty[ \cup \{-2\}$

خلاصة :  $D_h = ]0, +\infty[ \cup \{-2\}$

3. تحديد مجموعة تعريف الدالة :  $k(x) = \frac{1}{f(x)}$

لدينا :  $x \in D_k \Leftrightarrow x \in D_f \text{ و } x \notin \{-2, 2\}$

$x \in D_k \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}^* \text{ و } x \notin \{-2, 2\}$

# 3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

$$x \in D_k \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}^* \setminus \{-2, 2\}$$

خلاصة :  $D_k = x \in \mathbb{R}^* \setminus \{-2, 2\}$

نحل مبيانيا المتراجحة : 4

أي أن المنحنى  $C_g$  تحت محور الأفاسيل. ومنه :

- نحل مبيانيا المتراجحة :  $f(x) > g(x)$

حل المتراجحة  $f(x) > g(x)$  مبيانيا هو المنحنى  $C_f$  يكون قطعا فوق المنحنى  $C_g$

$$f(x) > g(x) \Leftrightarrow x \in ]-3, 0[ \cup ]3, +\infty[$$

خلاصة :  $S = ]-3, 0[ \cup ]3, +\infty[$

## 06

مبيانيا نجد :

1.  $f$  مكبورة ب 1 و  $f$  مصغرورة ب -1 - إذن  $f$  محدودة

2. نبرهن على ذلك :

-  $f$  مكبورة ب 1 :

$$\begin{aligned} f(x) - 1 &= \frac{-2}{x^2 + 1} + 1 - 1 \\ &= \frac{-2}{x^2 + 1} < 0 \end{aligned}$$

ومنه :  $f(x) - 1 < 0$  وبالتالي  $f(x) < 1$

خلاصة :  $f(x)$  مكبورة ب 1

$$\text{ذكير : } a = 0 \text{ إذا كان } \frac{a}{b} = 0$$

-  $f$  مصغرورة ب -1 :

$$f(x) - (-1) = f(x) + 1$$

$$\begin{aligned} &= \frac{-2}{x^2 + 1} + 1 + 1 \\ &= \frac{2x^2}{x^2 + 1} \geq -1 \end{aligned}$$

ومنه :  $f(x) \geq -1$  وبالتالي  $f(x)$  مصغرورة ب -1

-  $f$  محدودة ب 1 و -1 - :

بما أن  $f$  مكبورة ب 1 و مصغرورة ب -1 فإن  $f$  محدودة ب 1 و -1 .

## 07

1. ندرس زوجية  $f$  على  $\mathbb{R}$

\* تحديد  $D_f$

لدينا :  $x^2 + |x| + 1 \geq 1$  إذن :  $x^2 + |x| \geq 0$

ومنه :  $x^2 + |x| \neq 0$

وبالتالي :  $D_f = \mathbb{R}$

# 3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

\* ندرس زوجية  $f$  على  $\mathbb{R}$  :

- نعلم أن لكل  $x \in \mathbb{R}$  كذلك  $x \in \mathbb{R}$

\* ليكن  $D_E = [2, 13] \subset \mathbb{R}$

$$f(-x) = \frac{-x}{(-x)^2 + |-x| + 1} \quad \text{لدينا :}$$

$$= -\frac{x}{(x)^2 + |x| + 1}$$

وبالتالي :  $f(-x) = -f(x)$

خلاصة :  $f$  فردية على  $\mathbb{R}$

ن.2 : نبين أن  $f$  تقبل قيمة قصوى عند 1 على  $\mathbb{R}^+$  لـ  $x \in \mathbb{R}^+$

$$\begin{aligned} f(x) - f(1) &= \frac{x}{x^2 + x + 1} - \frac{1}{3} \\ &= \frac{3x - x^2 - x - 1}{3(x^2 + x + 1)} \\ &= \frac{-(x^2 - 2x + 1)}{3(x^2 + x + 1)} \\ &= -\frac{(x-1)^2}{3(x^2 + x + 1)} \leq 0 \end{aligned} \quad \text{لدينا :}$$

$$f(x) - f(1) \leq 0$$

وبالتالي :  $f(x) \leq f(1)$

خلاصة :  $f$  تقبل قيمة قصوى عند 1 على  $\mathbb{R}^+$

ن.3 : نستنتج أن  $f$  تقبل قيمة دنوية على  $\mathbb{R}^-$

لـ  $x \in \mathbb{R}^-$  و منه  $-x \in \mathbb{R}^+$

لدينا :  $f(-x) = -f(-x)$  ( لأن :  $f$  فردية )

ونعلم أن :  $(-x \in \mathbb{R}^+ \Rightarrow f(-x) \leq f(1))$  ( لأن :  $f$  فردية )

$$\begin{cases} -f(-x) \geq -f(1) \\ f(x) \geq -f(1) \end{cases} \quad \text{و :}$$

و منه :  $(f(-1) = -f(1) \Rightarrow f(x) \geq f(-1))$  ( لأن :  $f$  فردية )

وبالتالي :  $f$  تقبل قيمة دنوية عند -1 على  $\mathbb{R}^-$ .

.08

ن.1 : نبين أن :  $\forall x \in \mathbb{R} : -2 \leq 3E(2x) - 2E(3x) \leq 1$

$$2x - 1 < E(2x) \leq 2x$$

لدينا :

$$3(2x - 1) < 3E(2x) \leq 6x$$

$$6x - 3 < 3E(2x) \leq 6x \quad ①$$

$$3x - 1 < E(3x) \leq 3x$$

لدينا :

$$6x - 2 < 2E(3x) \leq 6x$$

# 3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

$$-6x \leq -2E(3x) < 2 - 6x \quad ②$$

من ① و ② :  $-3 < 3E(2x) - 2E(3x) < 2$  :

لدينا :  $E(2x)$  و  $E(3x)$  ينتميان إلى  $\mathbb{Z}$  :

إذن :  $3E(2x) - 2E(3x) \in \mathbb{Z}$

ومنه :  $-2 \leq 3E(2x) - 2E(3x) \leq 1$

خلاصة :  $\forall x \in \mathbb{R} : -2 \leq 3E(2x) - 2E(3x) \leq 1$

دور الدالة : 2.  $\sin^2(x)$

ليكن  $T$  دور الدالة  $\sin^2(x)$

إذن :  $\forall x \in \mathbb{R} : \sin^2(x+T) = \sin^2(x)$

أي :  $\begin{cases} \sin(x+T) = \sin(x) \\ \sin(x+T) = -\sin(x) \end{cases}$

إذن :  $\exists k \in \mathbb{Z} ; x+T = x+2k\pi$

أو :  $x+T = x+k\pi$

بما أن  $T$  هو أصغر عدد يحقق الخاصية (\*) فإن :  $T = \pi$

دور الدالة :  $\sin(3x) + \cos(2x)$

ليكن :  $f(x) = \sin(3x)$  و  $T$  دورها

و  $T' = h(x) = \cos(2x)$  دورها

تحقق العلاقة  $\cos(2(x+T)) = \cos(2x)$   $T$

أي :  $\cos(2x+2T) = \cos(2x)$

إذن :  $T = \pi$  :  $2T = 2\pi$  و منه

$\sin(3x+3T') = \sin(3x)$  تتحقق العلاقة  $T'$

إذن :  $T' = 2\pi$  و منه :  $3T' = 2\pi$

دور الدالة  $f+h$  هو أصغر مضاعف مشترك للعددين  $T$  و  $T'$  أي هو :  $2\pi$

و منه : دور الدالة  $\sin(3x) + \cos(2x)$  هو  $2\pi$

3. (أ) نعلم أن :  $\forall x \in \mathbb{R} : E(x) \leq x \leq E(x)+1$

إذن :  $x - E(x) \geq 0$

و :  $x - E(x) \leq 1$

و منه فإن :  $0 \leq f(x) = x - E(x) \leq 1$

(ب) ليكن  $x \in \mathbb{R}$

$$f(x+1) = (x+1) - E(x+1)$$

$$= x+1 - E(x) - 1$$

$$= x - E(x)$$

$$= f(x)$$

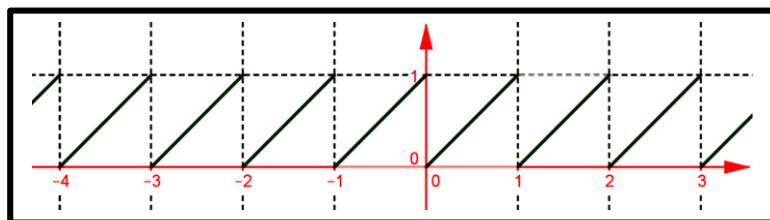
إذن فإن  $f$  دورية ودورها 1

ج- ليكن  $x \in [0,1]$

$$E(x) = 0$$

و منه :  $f(x) = x$

- منحنى :  $f$



3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

.09

1. **نحدد مجموعة تعريف الدالة :**  $f(x) = \frac{-3}{\sqrt{5-2x}} + 2$

لدينا :

$$x \in D_f \Leftrightarrow \sqrt{5-2x}$$

$$\Leftrightarrow 5-2x \neq 0$$

$$\Leftrightarrow x \neq \frac{5}{2}$$

$$\therefore D_f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{5}{2} \right\} : \text{ومنه}$$

2. **ندرس رتبة  $f$  على  $D_f$** ل يكن  $x > x'$  حيث  $x, x' \in D_f$ لدينا :  $x > x' \Rightarrow 5-2x < 5-2x'$ 

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{5-2x}} > \frac{1}{\sqrt{5-2x'}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{5-2x}} > \frac{1}{\sqrt{5-2x'}}$$

$$\Rightarrow \frac{-3}{\sqrt{5-2x}} < \frac{-3}{\sqrt{5-2x'}}$$

$$\Rightarrow \frac{-3}{\sqrt{5-2x}} + 2 < \frac{-3}{\sqrt{5-2x'}} + 2$$

$$\Rightarrow f(x) < f(x')$$

 $D_f$  تناصية قطعا على  $f$ خلاصة :  $f$  تناصية قطعا على  $D_f$ 

.10

ل يكن :  $x \in \mathbb{R}$ 

$$|f(x)| = \left| \frac{2x}{x^2 + 1} \right|$$

نعلم أن :  $|x^2 + 1| \geq |2x| \quad \forall x \in \mathbb{R}$  إذن :  $x^2 + 1 \geq 2x \quad \forall x \in \mathbb{R}$ 

$$\forall x \in \mathbb{R} : \left| \frac{2x}{x^2 + 1} \right| \leq 1 \quad \text{ومنه}$$

$$\forall x \in \mathbb{R} : |f(x)| \leq 1 \quad \text{إذن :}$$

2. **زوجية  $f$** لدينا :  $\forall x \in \mathbb{R}, -x \in \mathbb{R}$ 

$$f(-x) = \frac{-2x}{(-x)^2 + 1} = -f(x) \quad \text{ل يكن : } x \in \mathbb{R}$$

إذن :  $f$  دالة فردية



التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز



الصفحة

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية

3. نبين :

ليكن :  $x, y \in \mathbb{R}$

$$\begin{aligned} f(x) - f(y) &= \frac{2x}{x^2 + 1} - \frac{2y}{y^2 + 1} = \frac{2x(y^2 + 1) - 2y(x^2 + 1)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} = \frac{2xy(y - x) - 2(x + y)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} = \frac{2xy(y - x) - 2(x + y)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} \\ &= \frac{2(1 - xy)(x - y)}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)} \end{aligned}$$

نستنتج رتابة  $f$  4.

ليكن :  $x \leq y$  و  $x, y \in [1, +\infty[$

إذن :  $x - y \leq 0$  و  $1 - xy \leq 0$

إذن :  $f(x) - f(y) \geq 0$

ومنه :  $f$  تاقصية على  $[1, +\infty[$

- ليكن :  $x \leq y$  و  $x, y \in [0, 1]$

إذن :  $\begin{cases} 0 \leq x \leq 1 \\ 0 \leq y \leq 1 \end{cases}$

إذن :  $xy \leq 1$

ومنه :  $1 - xy \geq 0$

ولدينا :  $x - y \leq 0$

إذن :  $f(x) - f(y) \leq 0$

ومنه :  $f$  تزايدية على  $[0, 1]$

$f(0) = 0$  :  $D_E$   
 $f(1) = 1$  :  $D_E$

بما أن الدالة فردية يمكن استنتاج حلول تغيرات الدالة لأن منحناها متماثل بالنسبة لأصل المعلم  
ومنه :

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
f(x)			0	1	
	↓		↗	↗	↓
		-1	0	1	

x	0	1	$+\infty$
f(x)	0	1	↘

5. أ) تحديد مجموعة التعريف  $D_g$

ليكن :  $x \in \mathbb{R}$

$x \in D_g \Leftrightarrow x + 1 \geq 0$

$\Leftrightarrow x \geq -1$

إذن :  $D_g = [-1, +\infty[$

رتابة  $g$  :

ليكن :  $x, x' \in D_g$  حيث  $x > x'$

لدينا :

3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

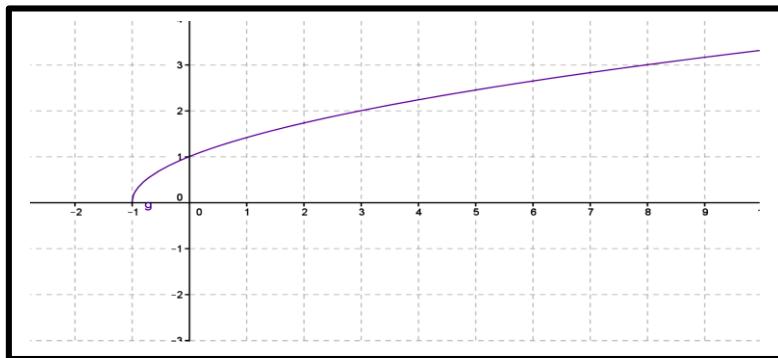
سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

x	-1	0	$+\infty$
$g(x)$		1	



$$x > x' \Rightarrow x + 1 > x' + 1$$

$$\Rightarrow \sqrt{x+1} > \sqrt{x'+1}$$

$$\Rightarrow f(x) > f(x')$$

و منه :  $g$  على تزايدية قطعا .  $D_g$ خلاصة :  $g$  تزايدية قطعا على  $D_g$ جدول تغيرات  $g$ 

(b) مبيانيا :

صورة المجال  $[-1, 0]$  هو المجال  $[0, 1]$ 

$$\text{إذن : } g([-1, 0]) = [0, 1]$$

صورة المجال  $[0, +\infty]$  هو المجال  $[1, +\infty]$ 

$$\text{إذن : } g([0, +\infty]) = [1, +\infty]$$

(c) تتحقق :

ليكن :  $x \in \mathbb{R}$ 

$$f([-1, +\infty]) = [-1, +\infty] \text{ ولدينا : } g$$

$$\forall x \in [-1, +\infty] : g \circ f(x) = \sqrt{\frac{2x}{x^2 + 1} + 1} = \sqrt{\frac{(x+1)^2}{x^2 + 1}} = \frac{|x+1|}{\sqrt{x^2 + 1}} = h(x) \quad \text{إذن :}$$

(d) جدول تغيرات  $h$  :\* على المجال  $[-1, 1]$  . لدينا  $f$  تزايدية على  $[-1, 1]$  و  $f([-1, 1]) = [-1, 1]$  و الدالة  $g$  تزايدية على  $[-1, 1]$  ومنه الدالة.  $h(x) = g \circ f(x)$  تزايدية على  $[-1, 1]$  .\* على المجال  $[1, +\infty]$  . لدينا  $f$  تناظرية على  $[1, +\infty]$  و  $f([1, +\infty]) \subset [-1, 1]$  و الدالة  $g$  تزايديةعلى  $[1, +\infty]$  ومنه الدالة  $h(x) = g \circ f(x)$  تناظرية على  $[1, +\infty]$  .\* على المجال  $[-\infty, -1]$  . لدينا  $f$  تناظرية على  $[-\infty, -1]$  و  $f([-\infty, -1]) \subset [-1, 1]$  و الدالة  $g$  تزايديةعلى  $[-1, 1]$  ومنه الدالة  $h(x) = g \circ f(x)$  تناظرية على  $[-1, 1]$  .

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
$h(x)$			1	$\sqrt{2}$	

و منه جدول تغيرات الدالة  $h$

3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

إذن :  $f(0) = 2f(0)$ ومنه :  $f(0) = 0$ 2. نبين أن  $f$  دالة فردية : ليكن  $x \in \mathbb{R}$ 

$$x \in D_f \Rightarrow -x \in D_f$$

لدينا :  $f(x) + f(-x) = 0$  إذن  $f(x - x) = f(0) = 0$  و  $f(x - x) = f(x) + f(-x)$ إذن :  $f(-x) = -f(x)$ ومنه : نستنتج أن  $f$  دالة فردية3. نبين أن :  $\forall n \in \mathbb{N}, f(nx) = nf(x)$ ليكن  $x \in \mathbb{R}$  و  $n \in \mathbb{N}$ لنبين بالترجع أن :  $f(nx) = nf(x)$ من أجل  $n = 0$  :  $\forall x \in \mathbb{R} : f(0x) = f(0) = 0 = 0f(x)$  صحيح.ليكن  $n \in \mathbb{N}$  ، ننبين أن  $f((n+1)x) = (n+1)f(x)$ ليكن  $x \in \mathbb{R}$  :لدينا :  $f((n+1)x) = f(nx + x) = f(nx) + f(x) = nf(x) + f(x) = (n+1)f(x)$ إذن فالعلاقة صحيحة من أجل  $n+1$ ومنه حسب مبدأ الترجع فإن :  $\forall n \in \mathbb{N}, \forall x \in \mathbb{R} : f(nx) = nf(x)$ 4. نستنتج أن :  $\forall n \in \mathbb{N}, f(n) = nf(1)$ حسب ما سبق لدينا :  $\forall n \in \mathbb{N}, \forall x \in \mathbb{R} : f(nx) = nf(x)$ من أجل  $x = 1$  نستنتج :  $\forall n \in \mathbb{N} : f(n) = nf(1)$ 5. نستنتج أن :  $\forall p \in \mathbb{Z}, f(px) = pf(x)$ ليكن :  $p \in \mathbb{Z}$ حالة 1 : إذا كان :  $p \geq 0$  فإن :  $p \in \mathbb{N}$  و منه :  $f(px) = pf(x)$ حالة 2 : إذا كان :  $p \leq 0$  فإن :  $-p \in \mathbb{N}$ و منه :  $f(px) = f(-( -px))$ ( لأن  $f$  فردية )  $= -(f(-px))$ 

$$= -(-pf(x))$$

$$= pf(x)$$

نستنتج إذن أن :  $\forall p \in \mathbb{Z} : f(px) = pf(x)$ 

12

1. طبيعة المضلع

لدينا :  $(AC) \parallel (ME)$  و  $(AB) \perp (AF)$  ( لأن  $(AB) \perp (AC)$  ) إذن :

و منه المضلع EFAM شبه منحرف قائم الزاوية

2. نحسب  $EM$  بدلالة  $x$ .لتعتبر المثلث ABC و  $(EM) \parallel (AC)$ نطبق مبرهنة طاليس المباشرة  $\frac{EM}{AC} = \frac{x}{AB} \Rightarrow EM = x$  ( لأن :  $\frac{EM}{AC} = \frac{x}{AB} = \frac{EB}{BC}$  )خلاصة :  $EM = x$ .3. مساحة EFAM بدلالة  $x$ .

3

التصحيح من طرف ملحاوي ف. الزهراء و بوسدرة زكرياء ثانوية عمر بن عبد العزيز

سلسلة رقم

تمارين : عموميات حول الدوال العددية



الصفحة

$$S_{EFAM} = \frac{(EM + AF)AM}{2} = \frac{(x + \frac{5}{2})(5 - x)}{2} = \frac{-2x^2 + 5x + 25}{4}$$

$$\therefore S_{EFAM} = \frac{-2x^2 + 5x + 25}{4}$$

$$\therefore f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{4}$$

نستنتج صيغة :  $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{4}$  لدينا :

$$a = -\frac{1}{2}; b = \frac{5}{4}; c = \frac{25}{4} = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{4} \text{ مع } f(x) = ax^2 + bx + c$$

لدينا : على شكل  $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{4}$  لدينا :جدول تغيرات  $f$  لدينا :

$x$	$-\infty$	$-\frac{b}{2a} = \frac{5}{4}$	$+\infty$
$f(x)$		$\frac{225}{32}$	

نستنتج قيمة قصوية ل  $x$  :

من خلال جدول تغيرات  $f$  نستنتج أن قيمة قصوية ل  $x$  التي من أجلها تكون مساحة EFAM هي :  $x = \frac{5}{4}$

تصحيح تمارين : عموميات حول الدوال العددية لسنة 2014/2015

من طرف التلميذ : زكرياء بوسدرة و التلميذة ملحاوي فاطمة الزهراء

بتاريخ : 12:07 2015-01-31