

التمرين الأول

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{2x^2 + 7x + 7}{x^2 + 3x + 3}$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

(2) بين أن $\min f(x) = 1$ و $\max f(x) = \frac{7}{3}$

التمرين الثاني

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2}{x^2 - x + 2}$$

(1) بين أن الدالة f مكبورة بالعدد $\frac{8}{7}$

(2) هل الدالة f تقبل قيمة قصوى؟ علل جوابك .

التمرين الثالث

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :

$$f(x) = \frac{2x \cos x}{1 + x^2}$$

(1) بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}) \quad x^2 + 1 \geq 2|x|$

(2) استنتج أن الدالة f محدودة

التمرين الرابع

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{3x - 4}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

(1) بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}) \quad |f(x)| \leq 5$

(2) هل الدالة تقبل قيمة قصوى؟ قيمة دنيا؟

التمرين الخامس

نعتبر الدالة العددية f بحيث : $f(x) = 2 \sin x - \cos x$

(1) بين أن الدالة f محدودة

(2) أحسب $5 - (f(x))^2$ ثم استنتج أن $|f(x)| \leq \sqrt{5}$

التمرين السادس

نضع $f(x) = \sqrt{x+4} - \sqrt{x+1}$

(1) حدد D_f وبين أن f مصغورة بالعدد 0

(2) بين أن $\max f(x) = \sqrt{3}$

التمرين السابع

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x \sin x \cos(2x)}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

(1) بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}) \quad |x| < \sqrt{x^2 + 1}$

(2) استنتج أن الدالة f محدودة

التمرين الثامن

نعتبر الدالتين f و g بحيث :

$$g(x) = x^2 - 2x + 3 \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{2x - 1}{x - 1}$$

(1) حدد طبيعة كل من (C_g) و (C_f) وعناصرهما

(2) أحسب $f(2)$ و $g(2)$ ثم أرسم المنحنيين (C_g) و (C_f)

(3) حدد مبيانيا حلول المتراجحة $(x-1)^2 \leq \frac{1}{x-1}$

(4) أدرس رتابة الدالة $f \circ g$ على المجال $[1, +\infty[$

التمرين التاسع

نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{-2x}{x+1}$

(1) ضع جدول تغيرات الدالة f ثم أرسم منحناها

(2) حدد مبيانيا $f([-1, 1[)$ و $f(]-\infty, -1])$

(3) نعتبر الدالة g المعرفة بما يلي : $g(x) = (f \circ f)(x)$

أ. حدد D_f

ب. أدرس رتابة g على كل من $]-\infty, -1[$ و $]-1, 1[$

التمرين العاشر

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 + x + 1}$$

(1) بين أن الدالة f مكبورة بالعدد 2

(2) بين أن الدالة f مصغورة بالعدد $\frac{2}{3}$

(3) حدد صورة $\mathbb{R}$ بالدالة f

(4) بين أن $T_{f(x,y)} = \frac{xy - 1}{(1 + x + x^2)(1 + y + y^2)}$

(5) أدرس رتابة الدالة f على كل من المجالات $]-\infty, -1[$

و $[1, +\infty[$ و $]-1, 1[$

التمرين الحادي العاشر

نضع $f(x) = x + 4 - 2\sqrt{x+2}$

(1) حدد D_f وبين أن f مصغورة بالعدد 1

(2) حل المعادلة $f(x) = 1$

(3) نضع $g(x) = \sqrt{x+2}$

أ. حدد دالة مرجعية h بحيث $f = h \circ g$

ب. أدرس رتابة الدالة على كل من $[-2, -1]$; $[-1, \infty[$