

عموميات حول الدوال

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 باك علوم رياضية

ب- دالة فردية و $D_E =]1,4[\cup]4,9]$

x	1	4	5	9
f(x)			4	
		↘ ↗	↗ ↘	
		-2		3

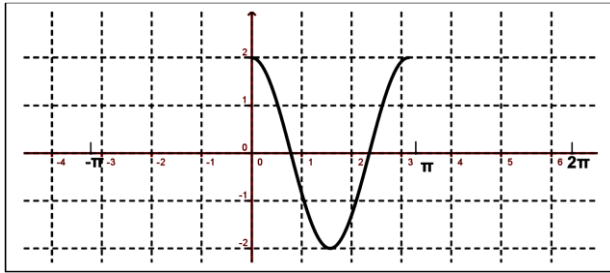
07

لنعتبر الدالة العددية f حيث: $f(x) = 2\sin x + \cos 3x$

بين أن: f محدودة.

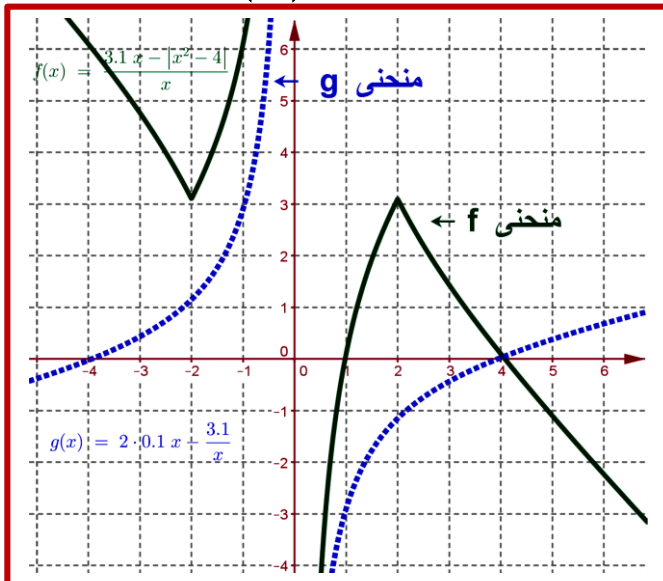
08

أتم إنشاء منحنى الدالة f على المجال علما أن f دورية و دورها $T = \pi$



09

لنعتبر الدالتين f و g و (C_f) و (C_g) منحنيهما أنظر الشكل



مبياني حد D_f و D_g

حل مبياني المتراجحة: $x \in \mathbb{R} : f(x) \geq 0$

01

أكتب الدالة f على شكل مركبة دالتين $f = h \circ g$. حددهما.

1. أ $f(x) = \sqrt{x^2 + 4x - 3}$ ب $f(x) = \frac{2\sqrt{x-1}-1}{\sqrt{x-1}+1}$

02

لتكن f الدالة العددية المعرفة ب: $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 2}{-2x^2 + 3x - 3}$

1. أدرس الوضع النسبي لمنحنى f ومحور الأفاصيل.

03

لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = \frac{x}{x^2 + |x| + 1}$

1. أدرس زوجية f على \mathbb{R}

2. بين أن الدالة f تقبل قيمة قصوى مطلقة عند النقطة 1 على \mathbb{R}^+

3. استنتج أن f تقبل قيمة دنيا مطلقة على \mathbb{R}^-

04

f و g دالتان مع $h(x) = (x-1)^2$; $f(x) = \frac{x^2 - 2x + 2}{2x^2 - 4x + 3}$

1. أوجد الدالة g حيث $f = g \circ h$

05

لتكن f الدالة العددية المعرفة ب: $f(x) = \frac{|x|}{x^2 + 1}$

1. أدرس زوجية f على \mathbb{R}

2. أدرس رتبة f في كل المجالين $[1; +\infty[$; $[0; 1]$

3. استنتج تغيرات f على \mathbb{R} ثم مطارف الدالة f.

06

أتم جدول تغيرات f

أ- دالة زوجية. و $D_E =]1,7]$

x	1	2	6	7
f(x)		4	-2	
		↘ ↗	↘ ↗	
		3	-5	

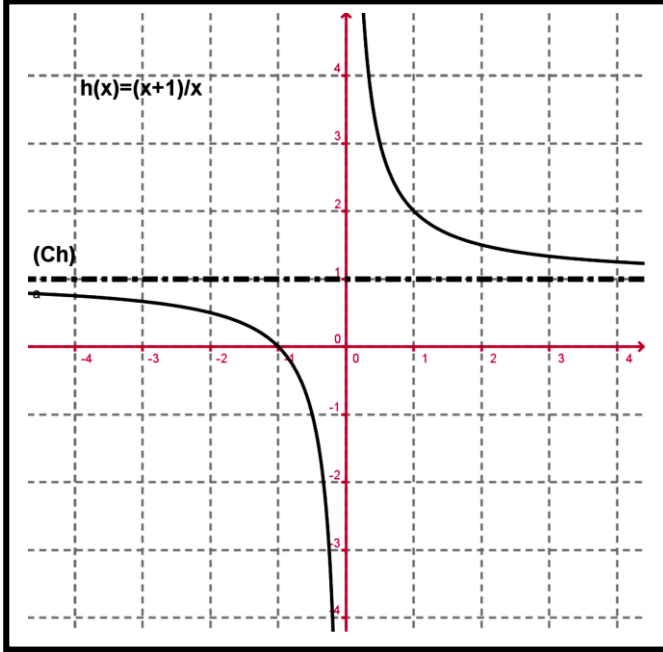
عموميات حول الدوال

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 باك علوم رياضية

12

لنعتبر المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, i, j) و (C_h)

منحنى الدالة h المعرفة بـ $h(x) = \frac{x+1}{x}$ أنظر الشكل .



1. حدد مبيانيا صور المجالات التالية : $]-\infty, 0[$ و $[0, 1]$

بالدالة h .

2. أنقل الشكل السابق في دفترك .

3. أعط جدول تغيرات الدالة : $g(x) = -x^2 + 4x + 3$.

4. أنشئ في نفس المعلم (O, i, j) المنحنى (C_g) للدالة g

5. لنعتبر الدالة f المعرفة بـ :

$$f(x) = -\left(\frac{x+1}{x}\right)^2 + 4\left(\frac{x+1}{x}\right) + 3$$

أ- حدد مجموعة تعريف الدالة : $g \circ h$.

ب- تحقق بأن : $f(x) = g \circ h(x)$.

ج- حدد رتبة الدالة $f = g \circ h$ على المجال $D_{g \circ h}$.

د- أعط جدول تغيرات الدالة f .

هـ- حدد $f([2, +\infty[)$.

6. نعتبر العبارة التالية : $g(x) \leq 7 \forall x \in \mathbb{R}$; (P)

ماهي قيمة حقيقة العبارة (P) .

3. حدد مبيانيا مجموعة تعريف الدالة $h(x) = \sqrt{f(x)}$.

4. حدد مبيانيا مجموعة تعريف الدالة $k(x) = \frac{1}{f(x)}$.

5. حل مبيانيا : المتراجحة $g(x) \leq 0$.

6. حل مبيانيا المتراجحة : $f(x) > g(x)$.

10

المستوى منسوب إلى م.م.م (O, i, j) .

1. مثل في نفس المعلم (C_f) و (C_g) منحنيا الدالتين f

و g حيث $g(x) = -x^3$; $f(x) = \sqrt{x+1}$.

2. استنتج مما سبق أن المعادلة $x^3 + \sqrt{x+1} = 0$

تقبل حلا وحيدا α حيث $-\frac{7}{8} < \alpha < -\frac{3}{4}$.

3. حل المتراجحة $x \in [-1, +\infty[/ x^3 + \sqrt{x+1} \leq 0$

(مبيانيا مع إعطاء مجموعة الحلول بدلالة α) .

11

لنعتبر الدالة العددية f المعرفة بـ : $f(x) = \frac{2x}{x^2+1}$.

1. بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} : |f(x)| \leq 1$.

2. أدرس زوجية f .

3. بين أن : لكل x و y من \mathbb{R} :

$$f(x) - f(y) = \frac{2(1-xy)}{(1+x^2)(1+y^2)}(x-y)$$

4. استنتج تغيرات f على $[1; +\infty[$; $[0; 1]$ ثم أعط

جدول تغيرات f على D_f ثم على D_f .

5. لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين بما يلي :

$$h(x) = \frac{|x+1|}{\sqrt{1+x^2}} ; g(x) = \sqrt{x+1}$$

أ- حدد تغيرات g على D_g ومثلها في معلم م.م.م (O, i, j)

ب- حدد مبيانيا $g([0; +\infty[)$; $g([-1; 0])$.

ج- تحقق بأن : $h(x) = g \circ f(x)$; $\forall x \in \mathbb{R}$.

د- أعط جدول تغيرات h .