

سلسلة 2	عموميات حول الدوال العددية	السنة 1 بكالوريا علوم رياضية
	<p><b>تمرين 1 :</b> نعتبر الدالة العددية المعرفة بما يلي :</p> $f(x) = \frac{x}{3} + \frac{3}{x}$ <p>1) ادرس زوجية الدالة <math>f</math>.</p> <p>2) أ) تحقق أن لكل <math>x</math> و <math>y</math> من <math>[0; +\infty]</math> حيث <math>x \neq y</math> :</p> $\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{xy - 9}{3xy}$ <p>ب) استنتاج تغيرات <math>f</math> على كل من المجالين <math>[0; 3]</math> و <math>[3, +\infty)</math>.</p> <p>ج) اعط جدول تغيرات الدالة <math>f</math> على <math>IR^*</math>.</p> <p>3) استنتاج القيمة الدنيا للدالة <math>f</math> على <math>[0; +\infty)</math> و القيمة القصوى على <math>[-\infty; 0]</math>.</p>	
	<p><b>تمرين 2 :</b> نعتبر الدالة العددية المعرفة على <math>IR</math> بما يلي :</p> $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 5$ <p>1) تتحقق أن لكل <math>x</math> و <math>y</math> من <math>IR</math> حيث <math>x \neq y</math> :</p> $\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \left( x + \frac{y+3}{2} \right)^2 + \frac{3}{4}(y+1)^2$ <p>2) استنتاج تغيرات <math>f</math> على <math>IR</math>.</p>	
	<p><b>تمرين 3 :</b> نعتبر الدالتين <math>f(x) = x^2 - 1</math> و <math>g(x) = \frac{x+1}{x-1}</math>.</p> <p>1) اعط جدول تغيرات كل من <math>f</math> و <math>g</math>.</p> <p>2) تتحقق أن <math>(C_f)</math> و <math>(C_g)</math> يتتقاطعان في <math>A_1(-1; 0)</math> و <math>A_2(0; -1)</math> و <math>A_3(2; 3)</math>.</p> <p>3) أنشئ في نفس المعلم <math>M.M.M</math> <math>(C_f)</math> و <math>(C_g)</math>.</p> <p>4) حدد مبيانيا صورة المجال <math>[2; +\infty)</math> بالدالة <math>g</math>.</p> <p>5) نعتبر الدالة <math>h</math> المعرفة على المجال <math>[2; +\infty)</math> بما يلي :</p> $h(x) = \frac{4x}{(x-1)^2} : I = [2; +\infty)$ <p>أ) تتحقق أن : <math>h(x) = f \circ g(x)</math> لـ كل <math>x</math> من <math>I</math></p> <p>ب) ادرس رتابة الدالة <math>h</math> على <math>I</math>.</p>	
	<p><b>تمرين 4 :</b> نعتبر الدالتين <math>g(x) = \sqrt{x}</math> و <math>f(x) = \frac{1}{4}(x^2 - 2x)</math>.</p> <p>1) اعط جدول تغيرات الدالة <math>f</math>.</p> <p>2) احسب <math>f(0)</math> و <math>f(2)</math> و <math>f(4)</math> ثم أنشئ <math>(C_f)</math> في <math>M.M.M</math>.</p> <p>3) حل مبيانيا المعادلة <math>f(x) = g(x)</math>.</p> <p>4) حل مبيانيا المتراجحة <math>f(x) &lt; g(x)</math>.</p> <p>5) نعتبر الدالة المعرفة على <math>IR^+</math> بما يلي : <math>h(x) = \frac{1}{4}(x - 2\sqrt{x})</math> ، حدد منحى تغيرات الدالة <math>h</math> على <math>IR^+</math>.</p>	
	<p><b>تمرين 5 :</b> نعتبر الدوال :</p> $h(x) =  x^2 - 2x - 3 $ $f(x) = x^2 - 2x - 3$ $g(x) = x^2 - 2 x  - 3$ <p>1) أ) اعط جدول تغيرات الدالة <math>f</math> ثم أنشئ <math>(C_f)</math> في <math>M.M.M</math>.</p> <p>ب) حل مبيانيا المتراجحة : <math>f(x) \leq -3</math>.</p> <p>ج) حدد عدد حلول المعادلة <math>f(x) = m</math> حسب قيم البارامتر <math>m</math>.</p> <p>2) أ) ادرس زوجية الدالة <math>g</math>.</p> <p>ب) اعط جدول تغيرات الدالة <math>g</math> ثم أنشئ <math>(C_g)</math> في المعلم السابق.</p> <p>3) أ) أوجد جدول إشارة الدالة <math>f</math>.</p>	

ب) استنتج تبسيطاً للدالة  $h$  على  $[-1; -\infty]$  و  $[3; +\infty]$  و  $[-1; 3]$  .  
4 أنشئ  $(C_h)$  في المعلم السابق .