

السنة 1 بكالوريا علوم رياضية	عموميات حول الدوال العددية	سلسلة 2
<p><b>تمرين 1 :</b> نعتبر الدالة العددية المعرفة بما يلي : <math>f(x) = \frac{x}{3} + \frac{3}{x}</math></p> <p>1) ادرس زوجية الدالة <math>f</math> .</p> <p>2) أ) تحقق أن لكل <math>x</math> و <math>y</math> من <math>]0; +\infty[</math> حيث <math>x \neq y</math> : <math>\frac{f(x)-f(y)}{x-y} = \frac{xy-9}{3xy}</math></p> <p>ب) استنتج تغيرات <math>f</math> على كل من المجالين <math>]0;3[</math> و <math>]3;+\infty[</math></p> <p>ج) اعط جدول تغيرات الدالة <math>f</math> على <math>IR^*</math></p> <p>3) استنتج القيمة الدنوية للدالة <math>f</math> على <math>]0;+\infty[</math> و القيمة القصوى على <math>] -\infty;0[</math></p>		
<p><b>تمرين 2 :</b> نعتبر الدالة العددية المعرفة على <math>IR</math> بما يلي : <math>f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 5</math></p> <p>1) تحقق أن لكل <math>x</math> و <math>y</math> من <math>IR</math> حيث <math>x \neq y</math> : <math>\frac{f(x)-f(y)}{x-y} = \left(x + \frac{y+3}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}(y+1)^2</math></p> <p>2) استنتج تغيرات <math>f</math> على <math>IR</math></p>		
<p><b>تمرين 3 :</b> نعتبر الدالتين <math>f(x) = x^2 - 1</math> و <math>g(x) = \frac{x+1}{x-1}</math></p> <p>1) اعط جدول تغيرات كل من <math>f</math> و <math>g</math></p> <p>2) تحقق أن <math>(C_f)</math> و <math>(C_g)</math> يتقاطعان في <math>A_1(-1;0)</math> و <math>A_2(0;-1)</math> و <math>A_3(2;3)</math></p> <p>3) أنشئ في نفس المعلم م.م.م <math>(C_f)</math> و <math>(C_g)</math> .</p> <p>4) حدد مبيانيا صورة المجال <math>]2;+\infty[</math> بالدالة <math>g</math> .</p> <p>5) نعتبر الدالة <math>h</math> المعرفة على المجال <math>I = [2;+\infty[</math> بما يلي : <math>h(x) = \frac{4x}{(x-1)^2}</math></p> <p>أ) تحقق أن : <math>h(x) = f \circ g(x)</math> لكل <math>x</math> من <math>I</math></p> <p>ب) ادرس رتابة الدالة <math>h</math> على <math>I</math></p>		
<p><b>تمرين 4 :</b> نعتبر الدالتين <math>f(x) = \frac{1}{4}(x^2 - 2x)</math> و <math>g(x) = \sqrt{x}</math></p> <p>1) اعط جدول تغيرات الدالة <math>f</math></p> <p>2) احسب <math>f(0)</math> و <math>f(2)</math> و <math>f(4)</math> و <math>g(4)</math> ثم أنشئ <math>(C_f)</math> و <math>(C_g)</math> في م.م.م <math>(O; \vec{i}; \vec{j})</math></p> <p>3) حل مبيانيا المعادلة <math>f(x) = g(x)</math></p> <p>4) حل مبيانيا المتراجحة <math>f(x) &lt; g(x)</math></p> <p>5) نعتبر الدالة المعرفة على <math>IR^+</math> بما يلي : <math>h(x) = \frac{1}{4}(x - 2\sqrt{x})</math> ، حدد منحى تغيرات الدالة <math>h</math> على <math>IR^+</math></p>		
<p><b>تمرين 5 :</b> نعتبر الدوال : <math>f(x) = x^2 - 2x - 3</math> و <math>g(x) = x^2 - 2 x  - 3</math> و <math>h(x) =  x^2 - 2x - 3 </math></p> <p>1) أ) اعط جدول تغيرات الدالة <math>f</math> ثم أنشئ <math>(C_f)</math> في م.م.م <math>(O; \vec{i}; \vec{j})</math></p> <p>ب) حل مبيانيا المتراجحة : <math>f(x) \leq -3</math></p> <p>ج) حدد عدد حلول المعادلة <math>f(x) = m</math> حسب قيم البارامتر <math>m</math></p> <p>2) أ) ادرس زوجية الدالة <math>g</math></p> <p>ب) اعط جدول تغيرات الدالة <math>g</math> ثم أنشئ <math>(C_g)</math> في المعلم السابق .</p> <p>3) أ) أوجد جدول إشارة الدالة <math>f</math></p>		

ب) استنتج تبسيطا للدالة  $h$  على  $]-\infty; -1]$  و  $[-1; 3]$  و  $[3; +\infty[$   
4) أنشئ  $(C_h)$  في المعلم السابق .