

التمرين الأول

حدد على شكل مجالات كل من المجموعات التالية :

$$A = \left\{ -3t + 7 \mid t \in [-1, 2] \right\}$$

$$B = \left\{ x^2 - 4x + 1 \mid x \in [0, 4] \right\}$$

$$D = \left\{ \frac{2x+3}{x+2} \mid x \in]-2, 5[\right\}$$

التمرين الثاني

$$A = \left\{ \frac{2k+1}{4} \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$$

$$B = \left\{ \frac{5k'+4}{3} \mid k' \in \mathbb{Z} \right\}$$

بين ان $A \cap B = \emptyset$ وأن $B \cap \mathbb{N} \neq \emptyset$

التمرين الثالث

$$A = \left\{ 2k + 1 \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$$

$$B = \left\{ \frac{2k'-3}{5} \mid k' \in \mathbb{Z} \right\}$$

بين ان $A \subset B$ وأن $A \neq B$

(2) حدد \bar{A} متممة A في المجموعة \mathbb{Z}

التمرين الرابع

$$A = \left\{ 2p + 1 \mid p \in \mathbb{Z} \right\}$$

$$A \cap B = \left\{ 3q + 2 \mid q \in \mathbb{Z} \right\}$$

التمرين الخامس

$$A = \left\{ \frac{7\pi}{12} + \frac{k\pi}{3} \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$$

$$C = \left\{ \frac{\pi}{3} + \frac{k\pi}{6} \mid k \in \mathbb{Z} \right\} \text{ و } B = \left\{ \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{6} \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$$

بين أن $A \subseteq B$ وأن $A \cap C = \emptyset$

التمرين السادس

$$E = \left\{ x \in \mathbb{Z} \mid x^2 \leq 25 \right\}$$

$$G = E \cap [-2, 4] \text{ و } F = E \cap [-3, 5]$$

(1) حدد بتفصيل كل من E , F , G و \bar{F}

(2) حدد بتفصيل المجموعة

$$H = \left\{ (x, y) \in G^2 \mid y = x + 3 \right\}$$

التمرين السابع

نعتبر المجموعتين

$$E = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 - 2y^2 + xy + x + 2y = 0 \right\}$$

$$F = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x + 2y = 0 \right\}$$

(1) بين ان $F \neq \emptyset$ و $E \neq \emptyset$

(2) بين ان $F \subset E$

(3) حدد y بحيث يكون $(1, y) \in E$ هل لدينا

(4) حدد المجموعة G بحيث يكون $E = F \cup G$

التمرين الثامن

$$A = \left\{ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} - \frac{1}{xy} \mid (x, y) \in \mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^* \right\}$$

(1) بين أن $\frac{1}{2} \in A$ وأن $0 \notin A$

(2) بين أن $A \subset]0, 1]$

(3) هل $A =]0, 1]$

التمرين التاسع

$$A = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 = 1 \right\}$$

$$B = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = \sqrt{1 - x^2} \right\}$$

$$I = [-1, 1] \text{ و } D = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^3 + y^3 = 1 \right\}$$

(1) بين ان $A \neq \emptyset$ و $B \neq \emptyset$

(2) بين ان $B \subset A$ ثم حدد \bar{B} متممة B في A

$$(3) \quad A \cap D = \{(1, 0); (0, 1)\}$$

(4) بين ان $A = I \times I$ هل لدينا $A \subset I \times I$

التمرين العاشر

(1) بين أن لكل (a, b) من \mathbb{Z}^2 و (x, y) من $[0, 1]^2$ من

$$(x + a = y + b) \Rightarrow (x = y \text{ و } a = b)$$

(2) حدد بتفصيل المجموعة

$$\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{Z}^3 \mid \begin{array}{l} \cos x - 2y = z + \sin x \\ |z| < 2 \end{array} \right\}$$