

التمرين الأول

حدد على شكل مجالات كل من المجموعات التالية :

$$A = \{-3t + 7 / t \in [-1, 2]\}$$

$$B = \{x^2 - 4x + 1 / x \in [0, 4]\}$$

$$D = \left\{ \frac{2x+3}{x+2} / x \in ]-2, 5] \right\}$$

التمرين الثاني

$$A = \left\{ \frac{2k+1}{4} / k \in \mathbb{Z} \right\}$$

$$B = \left\{ \frac{5k'+4}{3} / k' \in \mathbb{Z} \right\} \text{ و}$$

بين ان  $A \cap B = \emptyset$  و أن  $B \cap \mathbb{N} \neq \emptyset$

التمرين الثالث

$$A = \{2k + 1 / k \in \mathbb{Z}\}$$

$$B = \left\{ \frac{2k'-3}{5} / k' \in \mathbb{Z} \right\} \text{ و}$$

(1) بين ان  $A \subset B$  و ان  $A \neq B$

(2) حدد  $\bar{A}$  متممة  $A$  في المجموعة  $\mathbb{Z}$

التمرين الرابع

$$A = \{2p + 1 / p \in \mathbb{Z}\}$$

$$B = \{3q + 2 / q \in \mathbb{Z}\} \text{ حدد التقاطع } A \cap B$$

التمرين الخامس

$$A = \left\{ \frac{7\pi}{12} + \frac{k\pi}{3} / k \in \mathbb{Z} \right\} \text{ نضع}$$

$$B = \left\{ \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{6} / k \in \mathbb{Z} \right\} \text{ و } C = \left\{ \frac{\pi}{3} + \frac{k\pi}{6} / k \in \mathbb{Z} \right\}$$

بين أن  $A \subseteq B$  و أثبت أن  $B \cap C = \emptyset$

التمرين السادس

$$E = \{x \in \mathbb{Z} / x^2 \leq 25\} \text{ نضع}$$

$$F = E \cap [-3, 5] \text{ و } G = E \cap [-2, 4]$$

(1) حدد بتفصيل كل من  $E$ ،  $F$ ،  $G$ ،  $\bar{F}$  و  $\bar{G}$

(2) حدد بتفصيل المجموعة

$$H = \{(x, y) \in G^2 / y = x + 3\}$$

التمرين السابع

نعتبر المجموعتين

$$E = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 - 2y^2 + xy + x + 2y = 0\}$$

$$F = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x + 2y = 0\} \text{ و}$$

(1) بين ان  $E \neq \emptyset$  و  $F \neq \emptyset$

(2) بين ان  $F \subset E$

(3) حدد  $y$  بحيث يكون  $(1, y) \in E$  هل لدينا  $E = F$

(4) حدد المجموعة  $G$  بحيث يكون  $E = F \cup G$

التمرين الثامن

$$A = \left\{ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} - \frac{1}{xy} / (x, y) \in \mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^* \right\}$$

(1) بين أن  $0 \notin A$  و أن  $\frac{1}{2} \in A$

(2) بين أن  $A \subset ]0, 1]$

(3) هل  $A = ]0, 1]$  ؟

التمرين التاسع

$$A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + y^2 = 1\}$$

$$B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / y = \sqrt{1 - x^2}\} \text{ و}$$

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^3 + y^3 = 1\} \text{ ونضع } I = [-1, 1]$$

(1) بين ان  $A \neq \emptyset$  و  $B \neq \emptyset$

(2) بين ان  $B \subset A$  ثم حدد  $\bar{B}$  متممة  $B$  في  $A$

(3) بين ان  $A \cap D = \{(1, 0); (0, 1)\}$

(4) بين ان  $A \subset I \times I$  هل لدينا  $A = I \times I$  ؟

التمرين العاشر

(1) بين أن لكل  $(a, b)$  من  $]0, 1[^2$  و  $(x, y)$  من  $\mathbb{Z}^2$

$$(x + a = y + b) \Rightarrow (x = y \text{ و } a = b)$$

(2) حدد بتفصيل المجموعة

$$\left\{ (x, y, z) \in \left[ 0, \frac{\pi}{2} \right] \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} / \begin{cases} \cos x - 2y = z + \sin x \\ |z| < 2 \end{cases} \right\}$$