هذا الملف تم تحميله من موقع : Talamid.ma

الأولى ع ر	المنطق ملخص الدرس	ح.بوعيون

I) العبارة – الدالة العبارية

1) نسمي عبارة كل جملة مفيدة ويمكن الحكم على المعنى الذي تحمله بالصحة أو الخطأ.

2) نسمي دالة عبارية كل نص يحتوي على متغير x من مجموعة E ويصبح عبارة كلما عوضنا x بعنصر محدد من E.

II) المكممات

لتكن $A(x)$ دالة عبارية معرفة على مجموعة E.

1) العبارة: $(\exists x\in E):A(x)$ تقرأ " يوجد على الأقل x من E بحيث $A(x)$ " وتعني يوجد على الأقل عنصر x من E يحقق $A(x)$.
الرمز $\exists$ يسمى المكمم الوجودي.

2) العبارة $(\forall x\in E):A(x)$ تقرأ " مهما كان x من E لدينا $A(x)$. وتعني أن جميع عناصر E تحقق $A(x)$.
الرمز $\forall$ يسمى المكمم الكوني.

III) العمليات المنطقية.

1) النفي

a) نفي العبارة A هي العبارة التي نرمز لها ب $7A$ والتي تكون صحيحة إذا كانت A خاطئة وتكون خاطئة إذا كانت A صحيحة.

ملاحظة: " $7A$ هي عكس العبارة A "

b) نفي العبارة " $(\forall x\in E):A(x)$ " هي العبارة " $(\exists x\in E):7A(x)$ ".

c) نفي العبارة " $(\exists x\in E):A(x)$ " هي العبارة " $(\forall x\in E):7A(x)$ ".

2) العطف

عطف العبارتين A و B هي العبارة التي نرمز لها ب (A و B) والتي تكون صحيحة فقط إذا كانت A صحيحة و B صحيحة.

3) الفصل

فصل العبارتين A و B هي العبارة التي نرمز لها ب (A أو B) والتي تكون صحيحة إذا كانت إحدى العبارتين على الأقل صحيحة.

4) الإستلزام

استلزام العبارتين A و B هي العبارة التي نرمز لها ب $(A\Rightarrow B)$ والتي تكون خاطئة فقط إذا كانت A صحيحة و B خاطئة.
(وتقرأ A تستلزم B).

5) التكافئ

تكافئ العبارتين A و B هي العبارة التي نرمز لها ب $(A\Leftrightarrow B)$ والتي تكون صحيحة فقط إذا كانت ل A و B نفس قيمة الحقيقة.
(وتقرأ A تكافئ B).

IV) القوانين المنطقية.

1) تعريف:

نسمي قانونا منطقيا كل عبارة مكونة من عدة عبارات مرتبطة بالروابط المنطقية وتكون صحية مهما كانت قيمة حقيقة هذه العبارات.

2) جرد لأهم القوانين المنطقية.

(1) $7(7A)\Leftrightarrow A$ (2) $(A\Rightarrow B)\Leftrightarrow(7A\ ou\ B)$

(3) $(A\Leftrightarrow B)\Leftrightarrow(7A\Leftrightarrow 7B)$

(4) $(A\Leftrightarrow B)\Leftrightarrow(A\Rightarrow B\ et\ \ B\Rightarrow A)$

(5) $(A\,et\,B)\Leftrightarrow(B\,et\,A)$

(6) $(A\,ou\,B)\Leftrightarrow(B\,ou\,A)$

(7) $[(A\,et\,B)et\,C]\Leftrightarrow[A\,et\,(B\,et\,C)]$

(8) $[A\,ou\,(B\,ou\,C)]\Leftrightarrow[(A\,ou\,B)ou\,C]$

(9) $[A\Rightarrow B\,et\,B\Rightarrow C]\Rightarrow(A\Rightarrow C)$

(10) **قانون التاكافؤات المتتالية**

$(A\Leftrightarrow B\,et\,B\Leftrightarrow C)\Rightarrow A\Leftrightarrow C$

(11) $[A\,et\,(B\,ou\,C)]\Leftrightarrow[(A\,et\,B)ou\,(A\,et\,C)]$

(12) $[A\,ou\,(B\,et\,C)]\Leftrightarrow[(A\,ou\,B)et\,(A\,ou\,C)]$

(13) **قانوني موركان.**

$7(A\,et\,B)\Leftrightarrow(7A\,ou\,7B)$ (*)

$7(A\,ou\,B)\Leftrightarrow(7A\,et\,7B)$ (*)

(15) **قانون الاستلزام المضاد للعكس**

$(A\Rightarrow B)\Leftrightarrow(7B\Rightarrow 7A)$

(16) $7(A\Rightarrow B)\Leftrightarrow(7A\,et\,7B)$

(17) **قانون الخلف**

$((7A\Rightarrow 7B)et\,B)\Rightarrow A$

(18) **قانون فصل الحالات**

$(A\Rightarrow C\,et\,B\Rightarrow C)\Rightarrow[(A\,ou\,B)\Rightarrow C]$

V) بعض الاستدلالات.

1) الاستدلال بالتكافؤات المتتالية:

لكي نبين أن العبارة A صحيحة يكفي أن نبين أن $A\Leftrightarrow B$ و B صحيحة.

2) الاستدلال بالاستلزام المضاد للعكس:

لكي نبين أن $A\Rightarrow B$ يكفي أن نبين $7B\Rightarrow 7A$.

3) الاستدلال بالخلف:

لكي نبين أن العبارة A صحيحة نفترض العكس ونصل إلى تناقض مع المعطيات.

4) الاستدلال بفصل الحالات:

لتكن $E=E_1\cup E_2$ لكي نبين أن $(\forall x\in E):A(x)$ يكفي أن نبين ما يلي:

*) إذا كان $x\in E_1$ فإن $A(x)$ صحيحة.

*) إذا كان $x\in E_2$ فإن $A(x)$ صحيحة.

5) الاستدلال بالترجع:

لكي نبين أن العبارة $P(n)$ صحيحة لكل عدد طبيعي $n\geq n_0$ نبين ما يلي:

*) نبين أن العبارة صحيحة من أجل $n=n_0$

*) نفترض العبارة P صحيحة من أجل n.

*) نبين أن العبارة P صحيحة من أجل $n+1$.

للمزيد من الملفات قم بزيارة الموقع : Talamid.ma