

أولى علوم رياضية	مراقبة مستمرة 3 الرياضيات	 2015-2016
الدورة 2	2016/04/27	ثانوية أنيس الخاصة

التمرين 1 (8 نقط). نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{1}{2} \left(3x - 3 + \frac{1}{(x-1)^3} \right)$		
1. حدد D_f ثم بين أن النقطة $I(1,0)$ هي مركز تماثل للمنحنى (C_f) . استنتج مجموعة الدراسة D_E .	1.5	
2. أحسب النهايات $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$.	1	
3. حدد الفرعين الانتهائيين للمنحنى (C_f) .	1	
4. بين أن : $\forall x \in]1, +\infty[$ لكل x $f(x) = \frac{3(x^2 - 2x)(x^2 - 2x + 2)}{2(x-1)^3}$	1.5	
5. ضع جدول تغيرات f على $]1, +\infty[$ ثم على D_f .	1	
6. أكتب معادلة المماس (T) لمنحنى f في النقطة ذات الإحداثيات 2	0.5	
7. أرسم المنحنى (C_f) في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$.	1	
8. ما هي مبيانيات عدد حلول المعادلة : $3x + \frac{1}{(x-1)^3} = 4035$ ؟	0.5	
التمرين 2 (7.5 نقط)		
1- بين أن : $17^{55} \equiv 3[5]$	1	
2- حدد باقي قسمة العدد 13^{6000} على 7	1	
3- بين أن : $\forall n \in \mathbb{N} : 10^{6n} + 10^{2n} \equiv 2[11]$	1	
4- باستعمال خوارزمية أقليدس حدد : $1736 \wedge 380$	1	
5- تحقق من العدد 503 أولي ثم حل في المجموعة $\mathbb{Z}/503\mathbb{Z}$ المعادلة : $x^2 + 505x - 3 = 0$	1	
6- أ- تحقق من أن : $n^3 - 9n - 16 = (n+2)(n^2 - 2n - 5) - 6$ ب- بين أن : $(n^3 - 9n - 16) \wedge (n+2) = (n+2) \wedge 6$	0.5	
ج- حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية بحيث : $\frac{(n+2)}{n^3 - 9n - 16}$	1	
التمرين 3 (4.5 نقط)		
1- يحتوي كيس على أربع بیدقات حمراء مرقمة كالتالي 1 , 2 , 3 , 3. وثلاث بیدقات خضراء تحمل الأرقام 0 , 1 , 2 . لا يمكن التمييز بين البیدقات باللمس. نسحب عشوائيا و في آن واحد 3 بیدقات من الكيس .		
أ- ما هو عدد السحبات الممكنة.	0.5	
ب- ما هو عدد السحبات في كل من الحالات التالية :	0.5	
A : الحصول على 3 بیدقات تحمل اللون الأحمر.	0.5	
B : الحصول على ثلاث بیدقات تحمل نفس اللون.		

C : الحصول على ثلاث بیدقات مجموع الأرقام التي تحملها يساوي 5 .

0.5

2- حل في المجموعة N المعادلة: $C_n^2 = 10$

0.5

3- حل في المجموعة N المعادلة: $A_n^2 = 60 + 3n$

0.5

4- حل في المجموعة N المعادلة: $2C_n^2 + 6C_n^3 = 9n$

0.5

5- بين أن: $\sum_{p=1}^n C_{p+1}^2 = C_{n+2}^3$ و استنتج قيمة المجموع $S_n = \sum_{k=1}^n k(k+1)$

1

انتهى

بالتوفيق

N.B: + 1pts sur l'organisation et la précision de la réponse

J'ai passé une merveilleuse année avec vous tous . Bonne chance mes chers élèves On va jouer pour être champions au bac si le bon dieu le veut.